Bon bieser Beitsschrift erscheinen jährs lich 24 Nummern nebst 12 Nummern nebst 12 Nummern nost tizens und Intellisgenzblattdes öster. Ingenieurvereins als Beilage. Bestelstungen nehmen alle Buchhardlungen des Ins und Auslandes an. Der halbe Iahrgang sostet 3 fl. E. M., der ganze Jahrgang 6 fl. E. M.

# Beitschrift

500

# österreichischen Ingenieur - Vereines. 11. Jahrgang.

Euchlauben Mr. 562.

1850.

Anfundigungen , welche bem Bwede ber

Beitfchrift entfprechen,

werden in das Beiblatt "Motizen= und In= telligenzblatt des

öfter. Ingenieur= vereins" aufgenom= men und portofre i erbeten. Einrückungsge=

buhr für die gebrochene

Petitzeile für 1Mal 4fr. für 2Mal 6fr.; für 3Mal 8 fr. E. M. **Abresse:** 

Nr. 24.

Wien, im December

In halt: Bur Rubatur ber Gifenbahn-Bauwerke. Bon Rarl Schonbichter. - Mittheilungen bes Bereines.

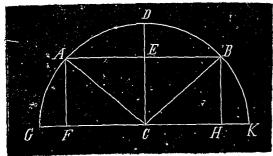
# Bur Rubatur ber Gifenbahn : Banwerfe.

Bon Rarl Schönbichler.

Wer es weiß, wie viel Mühe und Zeit auf die Inhaltsberech= nung von Tunnels, Brücken, Durchlässen und überhaupt folchen Bauwerken, deren räumliche Elemente in Kreisbögen projectirt sind, verwendet wird, der wird jeder Bemühung Beifall geben, welche diese Arbeit zu verringern strebt, ohne darum der Genauigkeit der Rechnung Eintrag zu thun.

Die Körper-Clemente der besagten Bauwerke haben, wenn nicht immer, aber doch zum größten Theile die prismatische Form, nur mit dem Unterschiede, daß die Durchschnitte oder die Grundstächen dieser Brismen theilweise durch Kreisbögen begrenzt sind. Um also nur diese Körper Clemente auf eine leichte, zeitsparende Weise zu berechnen, ist es nöthig, die am häusigsten vorkommenden mit Kreissbögen begrenzten Flächen zu untersuchen, damit vielleicht durch einen einfacheren Algorithmus diese Flächen ein für allemal zum Behuse der Berechnung aller ähnlichen sestgesetzt werden können. Daß man in der That in der Berechnungsart solcher häusig vorkommenden Flächen an vielen Orten noch weiter zurück ist, als die bisherigen Hilfsemittel der Mathematik erlauben, mag solgendes Beispiel zeigen:

Fig. 1.



Es fei in obenstehender Figur der Kreisabschnitt ADB zu berechnen, welcher dem Halbmeffer AC=BC=r und dem Winkel  $ACB=\psi^o$  angehöre. — Obwohl nun die beiben Größen r und  $\psi$  hinreichend wären \*), um die Fläche ADB auszudrücken, so berechnet man boch (und zwar an vielen gelehrten und ungelehrten Orien) diese auf folzgendem Umwege: Man mißt AB und EC um den Flächenraum

bes Dreiedes ACD zu erhalten, man hat also  $ABC = \frac{AB \times EC}{2}$ ; weil aber ADB = CADBC - ABC, fo ift noch ber Ausschnitt  ${f CADBC}$  zu suchen, und für biefen setzt man  ${f CADBC}=rac{\psi^o}{360}\!\! imes\!r^2\pi$ (aus ber Proportion po : 3600 = CADBC: r2 n); man erhalt also für ben Kreisabschnitt ADB ben Ausbruck  $ADB = \frac{\psi^0}{360}$ .  $r^2$ .  $\pi$ AB×EC . Diefer Ausbruck ift zwar völlig richtig , allein um wie viel einfacher läßt fich berfelbe barftellen! Schon ber Ausbruck  $rac{\psi^0}{360}\, {
m r}^2\, \pi$ , welcher einen Kreisabschnitt vom Winkel  $\psi^0$  und Halb= meffer r bezeichnet, lagt fich (mit hilfe ber Safeln für die natur= lichen Kreisbogen) burch ben Ausbruck  $\frac{\psi^0}{2}$  r2 erfegen, wenn man für bie Anzahl Grabe, Minuten und Secunden von  $\frac{\psi^0}{2}$  den entsprechenben Bogen  $\frac{\psi}{2}$  aus ber Tafel \*) herausschreibt. — Sind nun gar noch bie Linien AB und EC nicht in Bahlen gegeben, fonbern muffen fie erft gemeffen werben, fo ift ficher fur bas Dreied ACB bie Gleichung  $ACB = \frac{r^2 \sin \psi}{2}$  angemeffener als bie Gleichung  $ACB = \frac{AB \times EC}{2}$ . Es fann also Kreisabschnitt ADB, sobalb ber Winkel ψ° bekannt ift, viel einfacher durch bie Gleichung  $ADB = r^2 \left( \frac{\psi - \sin \psi}{2} \right)$  betechnet werben, ba  $\psi$  und sin.  $\psi$  zwei fcon burch bie Tafeln vorherberechnete Ausbrude find. - Bei biefem Beifpiele wird vorausgefest, bag ber Bintel w befannt ift, bagegen AB und EC erft gemeffen werben muffen. Bare jeboch auch AB und EC befannt, bagegen wo unbefannt, fo fonnte man gwar ben Rreibabschnitt burch die erften Glieber einer Reihe, welche eine Function von AB und EC ober von AC und ED ift, berechnen, jeboch nur bann, wenn ber Wintel wo (ber übrigens aus ber Gleis chung sin.  $\frac{\psi}{2} = \frac{1}{2} \frac{AB}{AC}$  leicht hervorgeht) sehr klein ift, weil blefe Reihe fonft wenig convergiren möchte; befigleichen ift bie Berechnung

<sup>\*)</sup> Um die weitschweisigen und boppelfinnigen Ausbrücke ang. arc. und arc. ang. zu vermeiben, bezeichne ich allgemein mit ψ0 ober φ0 ben Grabbogen ober die Anzahl Grabe, Minuten und Secunden eines Winkels; dagegen mit den Zeichen ψ oder φ schlechtweg, eben dieses Winkels (natürlichen) Kreisbogen für den Halbmeffer 1 in Decimaltheilen dieses Halbmeffers ausgedrückt. Dieser Unterschied in der Bezeichnung dünkt mir am gegenwärtigen Orte nothwendig, wenn nicht öftere Wiederholungen und Irrthümer Statt sinden sollen.

<sup>\*)</sup> Daß ein großer Theil der in Gebrauch stehenden logar, trigon, Handsbücher diese Kreisbögen gar nicht und der übrige Theil sie nur unvollsommen (theitweise) enthält, mag Ienen als Entschuldigung dienen, welche sich mit dem Ausbrucke 100 x abmühen.

eines Abschnittes burch die Gleichung  $\mathbf{A}\mathbf{D}\mathbf{B}=\frac{2}{3}\mathbf{D}\mathbf{E}\times\mathbf{A}\mathbf{B}$  (parabolisch betrachtet) nur für einen kleinen Winkel  $\phi^{0}$  oder nur für geringere Genauigkeit zuläßig.

Das obige Beispiel wird genügen, die Umständlichkeit bei ber Berechnung anderer, vom Kreisabschnitt abhängiger Flächen, wie 3. B. ADBB" D'A"; AA"G'G; PLNK (in der folgenden Figur) u. dgl. zu beurtheilen, wenn diese Berechnung auf bisherigem Wege geschehen sollte.

Bas ware nun ber einfachfte Weg , um ein Flachenelement wie ADB für alle Salle gu berechnen? - Es ift eben gezeigt worden, wie sich ber Ausbruck  $\frac{\psi^0}{360}$  nr2 burch ben weit einfa= cheren  $\frac{\psi}{2}$  r' erfegen läßt, wenn  $\frac{\psi}{2}$  ein burch die Kafeln vorherbetechneter Ausbruck ift. Läßt fich nun nicht auch fur jeben Wintel  $\frac{\psi^0}{2}$  ein Ausbruck  $\left(\frac{\psi-\sin\,\psi}{2}\right)$  berechnen, welcher bloß mit bem Quabrat bes gegebenen Salbmeffers multipligirt zu werden braucht, unt ben verlangten Rreifabschnitt zu geben ? Dag biefes gang ge= miß geschehen tann, zeigt schon bie Unabhangigkeit bes Ausbrucks  $(\psi - \sin \psi)$  von jeder andern Größe als von  $\psi$ . Daß es aber noch nicht geschehen ift, ift um so sonderbarer, als biefer Ausbruck eben nichts anders als ein entwickeltes Integrale vorftellt, welches nicht häufiger vorkommen kann. Setzt man nämlich  $\psi \equiv 2~\phi$  (wo  $\varphi^{0} = \mathfrak{W}$ inkel  $\mathbf{ACE}$ , ift) so ift  $\left(\frac{\psi - \sin \psi}{2}\right) = \left(\frac{2 \varphi - \sin 2 \varphi}{2}\right)$  $= \varphi - \frac{1}{2}\sin 2\varphi$ ; es ist aber  $\int \partial \varphi$ .  $\sin^2 \varphi = \frac{1}{2} \left( \varphi - \frac{1}{2} \sin 2\varphi \right)$ mithin  $2\int \vartheta \, \phi$  .  $\sin^2 \phi = \phi - \frac{1}{2} \sin 2 \phi$  nichts anbers als ein Kreis= abschnitt vom Salbmeffer 1 und Bintel 2 q, welches fich auch burch unmittelbare Integration bes Studes AED (in ber obigen Vigur) ergibt, wenn Winkel A  $CD = \varphi_0$  und AC = r = 1 gesetzt wirb. Bezeichnet man ben numerischen Werth, für jebe Angahl Grabe Minuten u. s. w. von  $\varphi^0$ , welchen ber Ausbruck  $\left(\varphi - \frac{1}{2} \sin 2 \varphi\right)$ gibt mit  $(s\,\varphi)$ , so wird allgemein  $2\int_{-}^{\varphi} \partial \varphi$ .  $\sin^2\varphi = (s\,\varphi)$  nicht

nur ein wollfommen numerifch beftimmtes Integral werben (welches in taufend Fallen, wo es einzeln ober in Berbindung mit anbern Integralen vortommt, bodft brauchbar fein tann), fonbern es ift bamit auch insbesonbere jeber Rreisabschnitt, vom Salbmeffer r unb halben Winfel (ACE)=00, burch ben Ausbrud r2 (so) vollfommen numerifch bestimmt, wenn biefe numerifchen Berthe (so) in einer Lafel, nach oo geordnet, ju finden fein werden. Gin anberes, eben fo wichtiges Blachenelement als ber Rreisabschnitt ift bas Stud ADCF, welches ale Reft bleibt, wenn man ben halben Rreisabschnitt AFG vom Quadranten GDC binwednimmt. Auch biefer Reftabschnitt ADCF, ober noch beffer fein Doppeltes ADBHF läßt fich burch einen einzigen numerifchen Ausbruck, ben ich (c φ) nennen will, für jeben Winkel ACD = φ bezüglich eines Kreises vom Salbmeffer 1 barftellen, fo zwar, bag. in jebem Rreife von einem Salbmeffer r bas Flachenelement ADBHF gleich sein wird r'(co), wenn oo = Winkel ACD ift. Auch biefer Ausbruck (co) ift nichts anders, als bas numerifch bestimmte boppelte Integrale fo p. cos.20; benn es ift ADCF=  $\int_0^{\varphi} \partial \varphi \cdot \cos^2 \varphi = \frac{1}{2} \left( \varphi + \frac{1}{2} \sin 2\varphi \right);$  und  $(c \varphi)$  foll aber nichts anderes vorstellen, als jenen numerischen Werth von  $(\phi + \frac{1}{2}\sin 2\phi)$ 

anderes vorstellen, als jenen numerischen Werth von  $(\phi + \frac{1}{2}\sin 2\phi)$  für die verschiedenen Werthe von  $\phi^0$  in Graden, Minuten u. s. w. Werden also auch hier die Zahlen  $(c \phi)$  in eine Tasel gebracht und nach  $\phi^0$  geordnet, so hat man wieder durch sie den doppelten Bortheil erreicht: ein häusig vorkommendes Integrale für jeden Werth der Veränderlichen numerisch berechnet, und eben dadurch auch einssache Ausdrücke zur Berechnung der besagten Flächenelemente von was immer für Halbmessern zu besitzen.

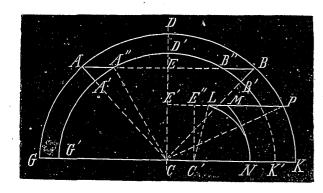
Ich werde zeigen, wie einsach und sicher die Berechnung mannigfaltiger Flächen, mit Anwendung der numerischen Ausbrücke ( $s \varphi$ ) und ( $c \varphi$ ) aussfällt. Dieserwegen, und um vorläufig ein Bild von der Einrichtung solcher Taseln für ( $s \varphi$ ) und ( $c \varphi$ ), oder für die entsprechenden numerischen Werthe der Integrale  $2 \int_0^\varphi \partial \varphi \cdot \sin^2 \varphi$  und  $2 \int_0^\varphi \partial \varphi \cdot \cos^2 \varphi$  für alle Werthe von  $\varphi$ 0, zu geben, seize ich die nachstehende Probetasel her.

Entwurf einer Tafel ber wichtigsten Kreisstücke.

Halber Winfel	Zahlen.				Logarithmen.				- Halber
	Ausschnitt.	Abschnitt	Doppelter Restabschnitt	Halbe Sehne	Halbe Sehne	Doppelter Restabschnitt	Abschnitt	Ausschnitt.	Winkel
. φ°	φ	(s φ)	(c φ)	sin. φ	log. sin. φ	log. (c φ)	log. (s φ)	log. φ	φ°
5° 10° 15° 20° 25° 30° 35° 40° 45° 50° 65° 70° 75° 80° 85° 90°	0.08726 0.17453 0.26179 0.34906 0.43633 0.52359 0.61086 0.69813 0.78539 0.87266 0.95993 1.04719 1.13446 1.22173 1.30899 1.39626 1.48352 1.57079	0.00044 0.00352 0.01179 0.02767 0.05331 0.09058 0.14101 0.20572 0.28539 0.38026 0.49008 0.61418 0.75144 0.90033 1.05899 1.22525 1.39670 1.57079	0·17409 0·34554 0·51179 0·67045 0·81935 0·95661 0·08071 1·19053 1·28539 1·36506 1·42977 1·48020 1·51748 1·54312 1·55899 1·56727 1·57035 1·57079	0.08715 0.17364 0.25881 0.34202 0.42261 0.50000 0.57357 0.64278 0.70710 0.76604 0.81915 0.86602 0.90630 0.93969 0.96592 0.98480 0.99619 1.00000	8.94029 9.23967 9.41299 9.53405 9.62594 9.69897 9.75859 9.80806 9.84948 9.88425 9.91336 9.93753 9.95727 9.97298 9.98494 9.99335 9.99834 10.00000	9·24077 9·53849 9·70909 9·82636 9·91346 9·98073 10·03370 10·07572 10·10903 10·13516 10·15524 10·17032 10·18112 10·18839 10·19284 10·19512 10·19598 10·19612	6.64542 7.54678 8.07184 8.44204 8.72680 8.95706 9.14928 9.31327 9.45543 9.58008 9.69026 9.78829 9.87589 9.95440 10.02489 10.08820 10.14510 10.19612	8.94084 9.24187 9.41796 9.54290 9.63981 9.71899 9.78594 9.84393 9.89508 9.94084 9.98223 10.01999 10.05476 10.08696 10.11693 10.14494 10.17128 10.19612	5° 10° 15° 20° 25° 30° 35° 40° 45° 50° 55• 60° 65° 70° 75° 80° 85° 90°

Die linke Seite biefer Tabelle enthält die Bahlen (bezüglich bes Balbmeffere 1), von q, (sq), (cq), sin. q für die Bintel qo von 5 gu 5° burch ben gangen Quabranten. Der Ausbrud o begeichnet bie Lange eines Bogens fur ben Bintel o' in Decimaltheilen bes Salb= meffers ausgebrudt, ober auch, weil ein Ausschnitt (ADBC Sig. 1) jebergeit r = \phi r^2, wenn fein halber Winkel (ACD) = \phi^0, alfo für r = 1, gleich ift q, fo bezeichnet q auch einen Rreisausschnitt vom halben Winkel φ°. Die Ausbrude (s φ) und (c φ) find fcon früher erbriert worden; es ift nämlich  $(s \varphi) = 2 \int_{0}^{\varphi} \partial \varphi . \sin^2 \varphi$  und  $(c \varphi) =$ (ADB) beffen halber Winkel  $ACE = \phi^0$ ; ber andere, ein boppelter Restabschnitt (ADBHF), beffen halber Winkel  $ACE = \varphi^0$  ift. Der Ausbrud sin. o ber fünften Spalte ift von felbft verftanblich; fein numerischer Werth bient bazu, um oo, wenn es nicht gegeben ware, aus ber Gleichung sin.  $\phi = \frac{A\,E}{A\,C}$  zu ermitteln. Bur größeren Deut= lichfeit habe ich ben Spalten boppelte Ueberschriften gegeben , eine wortliche und eine symbolische. — Die rechte Seite ber Tafel enthält bie Logarithmen ber Bahlen ber linken Seite, und zwar in berfelben Orbnung. Folgende Aufgaben mogen nun ben Nugen und Gebrauch einer folden Tafel erfichtlich machen.

Fig. 2.



1. Aufgabe. Die kreidringförmige Fläche ADBB'D'A' ift von beiben concentrischen Kreidbugen ADB, A'D'B' und von ben Stücken AA', BB' ber Halbmeffer AC und CB eingeschloffen. Es sei AC=r, A'C=r', Winkel ACD=φ. Man soll ben Flä=cheninhalt von ADBB'D'A' bestimmen.

Auf I ö sun g. Wird der in Decimaltheilen des Halbmessers 1 ausgedrückte Bogen für den Winkel  $\mathbf{ACD}$  mit  $\varphi$  bezeichnet, so ist Kreisausschnitt  $\mathbf{ACB} = \varphi r^2$  und der Kreisausschnitt  $\mathbf{A'CB'} = \varphi r'^2$ , mithin der Unterschied dieser beiden Ausschnitte  $\mathbf{ADBB'D'A'} = \varphi (\mathbf{r^2 - r'^2})$ .— Setzt man z. B.  $\mathbf{r} = 26$  Schuh,  $\mathbf{r'} = 23$  Schuh, und  $\mathbf{ACD'} = \varphi^0 = 40^\circ$ , so sindet man aus der gegenwärtigen Tasel  $\varphi = 0.698131$ ; und weil  $\mathbf{r^2 - r'^2} = 26^2 - 23^2 = 147$  ist, also  $147 \times 0.698131 = 102.625$  Duadrat = Schuh. Wenn man  $\mathbf{r-r'} = \mathbf{d}$  setzt, so kann man auch aus der Formel  $\mathbf{d}$   $\mathbf{r'} + \frac{\mathbf{d}}{2}$   $\mathbf{q} = 2$  schuh, vortheilhafter, so lange  $\mathbf{r^2}$  und  $\mathbf{r'^2}$  durch Taseln bestehnet sind.

2. Aufgabe. Die Fläche  $\mathbf{A}\mathbf{A}''\mathbf{G}'\mathbf{G}$  ist von den concentrischen Kreisbögen  $\mathbf{A}\mathbf{G}$ ,  $\mathbf{A}''\mathbf{G}'$ , von dem Stück  $\mathbf{G}\mathbf{G}'$  des Halbmessers  $\mathbf{G}\mathbf{C}$  und von der Linie  $\mathbf{A}\mathbf{A}''$  eingeschlossen, welche der  $\mathbf{G}\mathbf{C}$  parallel sei. Es sei  $\mathbf{G}\mathbf{C} = \mathbf{r}$ ,  $\mathbf{G}'\mathbf{C} = \mathbf{r}'$ ; Winkel  $\mathbf{A}\mathbf{C}\mathbf{G} = \boldsymbol{\varphi}^0$  und Winkel  $\mathbf{A}''\mathbf{C}\mathbf{G}' = \boldsymbol{\psi}^0$ . Man soll den Inhalt von  $\mathbf{A}\mathbf{A}''\mathbf{G}'\mathbf{G}$  bestimmen.

Muflofung. It fur ben Galbmeffer 1 ber Inhalt bes gleichnamigen Flächenftuces für  $\mathbf{AECG} = \frac{1}{2} (\mathbf{c} \ \varphi)$  und für  $\mathbf{A''ECG'} = \frac{1}{2} (\mathbf{c'} \varphi)$ , so ist für ben Salbmeffer r ber Inhalt voh  $\mathbf{AECG} = \mathbf{r}^2 \frac{1}{2} (\mathbf{c} \, \psi)$ , und für ben Halbmeffer r' ber Inhalt von  $A''ECG' = r'^2 \frac{1}{2} (c \psi)$ ; mithin, weil AA''G'G = AECG - A''ECG'auch  $AA''G'G = r^2 \frac{1}{2} (c \varphi) - r'^2 \frac{1}{2} (c \psi)$ . Es sei 3. B. r = 4 331, r'=3.831, Winfel A C G = φ0 = 500 und Winfel A" C G' = φ0 = 600, fo ist numerisch bargestellt: A A" G'  $G = 4^{\circ}331^{\circ} \times \frac{1}{2}$  (c .  $50^{\circ}$ )  $-3.831^2 imes rac{1}{2}$  (c.  $60^{\circ}$ ). — Es ift hier, ber großen Bahlen für r und r' wegen, vortheilhafter, fich ber Logarithmen zu bedienen. Nun findet man mit Silfe jeber logarithmischen Safel log. 4:3312 = 1.27317. und bie gegenwärtige Safel ber Rreisstude macht fur oo = 500 er= fightlich log.  $(\mathbf{c}, \varphi) = 10.13516$ , man hat also log.  $4.331^2 (\mathbf{c}.50^0) =$ = 1.27317 + 10.13516. Der Summe biefer beiben Logarithmen \*) entspricht die Bahl 25.606. Auf eben biese Art findet man fur  $3.831^2$  (c .  $60^\circ$ ) bie Bahl 21.725. Es ist also AA''G'G = $=\frac{1}{2}\bigg(4.331^2\ (\text{c}.50^\circ)-3.831^2\ (\text{c}.60^\circ)\bigg)=\frac{1}{2}(25.606-21.726)$  $=\frac{1}{2} imes 3.881$ . Die Diviffon burch 2 fann in allen Fällen erspart werden, wo in einem Objecte fymmetrifch zwei gleiche Flachen (A A" G' G und BB" K'K) vorkommen.

Unter berselben Boraussetzung, daß Winkel  $\mathbf{A} \mathbf{C} \mathbf{G} = 50^{\circ}$ ,  $\mathbf{A}'' \mathbf{C} \mathbf{G}' = 60^{\circ}$ : ist  $\mathbf{A}'' \mathbf{C} \mathbf{D} = 30^{\circ}$  und  $\mathbf{A} \mathbf{C} \mathbf{D} = 40^{\circ}$ . Bei benselsen Hand salbmessern nun, wie früher, wird man sinden die Fläche  $\mathbf{A}'' \mathbf{A} \mathbf{D} \mathbf{B} \mathbf{B}'' \mathbf{D}' \mathbf{A}'' = 4.331^2 (\mathbf{s} \cdot 40^{\circ}) - 3.831^2 (\mathbf{s} \cdot 30^{\circ}) = 3.858 - 1.329 = 2.529$ . Es ist also  $2 \cdot \mathbf{A} \mathbf{A}'' \mathbf{G}' \mathbf{G} + \mathbf{A}'' \mathbf{A} \mathbf{D} \mathbf{B} \mathbf{B}'' \mathbf{D}' \mathbf{A}'' = \mathbf{A} \mathbf{A}'' \mathbf{G}' \mathbf{G} + \mathbf{A}'' \mathbf{A} \mathbf{D} \mathbf{B} \mathbf{B}'' \mathbf{D}' \mathbf{A}'' + \mathbf{B} \mathbf{B}'' \mathbf{K}' \mathbf{K} = 3.881 + 2.529 = 6.410$ ; und dasselbe sindet man, wenn man den Unterschied der beiden Halbstreise  $\mathbf{G} \mathbf{D} \mathbf{K} \mathbf{G} - \mathbf{G}' \mathbf{D}' \mathbf{K}' \mathbf{G}'$  nach der 1. Ausgabe such:

Bum besseren Verständnisse dieser Ausgabe bemerke ich noch, daß die Fläche  $\mathbf{A} \mathbf{A}'' \mathbf{G}' \mathbf{G}$  (oder auch  $\mathbf{A}'' \mathbf{A} \mathbf{D} \mathbf{B} \mathbf{B}'' \mathbf{D}' \mathbf{A}''$ ) durch drei Grössen, z. B. r, r' und  $\varphi^0$  vollständig gegeben ist; daß daher  $\psi = \mathbf{f} (\varphi)$  jederzeit eine Volge der Nechnung, nämlich r sin  $\varphi = \mathbf{r}' \sin \psi$ , also sin.  $\psi = \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}'} \sin \varphi$  ist, woraus  $\psi^0$  oder sogleich  $(\mathbf{c} \psi)$  oder  $(\mathbf{s} \psi)$  unmittelbar durch die Tasel gesunden werden kann. Ist sedoch die zu messende Vigur in großem Maßstab und genau gezeichnet, so kann diese Rechnung erspart, und  $\psi^0$  unmittalbar gemessen werden

3. Aufgabe. Die Fläche PLNK ist von den Kreisbögen-PK und LN, von dem Stück NK der Linie CK in welcher die Mittelpunkte jener liegen, und endlich von einer mit CK Gleich-laufenden PL eingeschlossen. Es sei der Abstand des Mittelpunktes C' (des Bogens LN) vom Mittelpunkt C (des Bogens PK) nämlich CC' = a, CK = r C' N = C' L = r', Winkel PCK

<sup>\*)</sup> Die Logarithmen log.  $\varphi$ , log.  $(c \varphi)$ , log.  $(s \varphi)$  haben so wie log. sin.  $\varphi$  in der gegenwärtigen Tafel die gleiche negative Karafteristif (—10), oder wenn man will, sie beziehen sich uneigentlich auf den Halbmesser 10000 Millionen, gleich wie es in unsern logarith. trigon. Taseln üblich ist. Es muß also von jeder Summe von Logarithmen, wo ein solcher Ausbruck wie log.  $(s \varphi)$ , log.  $(c \varphi)$  vorkommt, von der positiven Karafterists 10 wieder abgezogen werden.

 $= \varphi^0$  und Winkel LC'N  $= \psi^0$ . Man soll ben Inhalt von PLNK bestimmen.

Auflösung. If E'' C' = b senkrecht auf CK, so ift PLNK=E'PKC—E''LNC'—E'E''C'C; nun ist im gleischen Sinne mit ver vorigen (2.) Aufgabe: E'PKC= $r^2\frac{1}{2}$  (c  $\varphi$ )

E''LNC= $r^2\frac{1}{2}$  (c  $\varphi$ ); und das Rechteck E'E''C'C=a.b; mitshin PLNK= $r^2\frac{1}{2}$  (c  $\varphi$ ) —  $r'^2\frac{1}{2}$  (c  $\varphi$ ) — a b, woselbst b, wenn es nicht gemessen oder gegeben ist, aus dem Ausdruck b= $r\sin\varphi$  oder =  $r'\sin\varphi$  solgt. Die numerische Behandlung der Gleichung sür PLNK ist aus dem Beispiel der vorhergehenden Aufgabe genug erstchilich. — Seyt man in diese Gleichung r=r'+a und nimmt  $\varphi$  aus  $\sin\varphi=\frac{b}{r'+a}$  so ergibt sich der Inhalt des Fläzchenstückes LMN.

Bum Schlufe biefer Abhan blung bemerke ich noch, baß es, bei ber Inhaltsberechnung von Bruden, Durchläffen u. bgl., wenn biefe in Rlaftern, Schuhen und Bollen bes öfterreichischen Lang enmaßes tottirt find , burchaus nicht nothwendig ift, die Dimensionen zuerft auf Dezimalbruche zu reduziren; felbft bann ift biefes nicht nothwendig, wenn man auch bie gang bestimmte Absicht bat, bie einzelnen Ror= perprodukte in Dezimalbruchen ber Rubikklafter zu erhalten. - Die logarithmifche Toifirtafel, welche ich unter bem Titel : Rleiner Toi= firtifd in biefer Beitschrift, in Dr. 3 biefes Jahrgangs, bekannt machte, und welche ich feither bis auf 100 Klafter \*) weiter berechnete, macht diese Reduction der Langenmaße ganglich überfluffig, indem fie mit jeder Tafel ber briggischen Logarithmen, so wie mit der gegenwärtig beab= Achtigten Tafel ber wichtigften Kreisftliche in unmittelbarer Berbindung steht, berart, daß von einer biefer Tafeln auf die andere, ohne Unterschied ber ihnen zu Grunde liegenden verschieben geform= ten Bahlenausbrucke, übergegangen w erben kann. - Damit ich bier verstanden werde, will ich die 1. Aufgabe nach der Formel ADBB' D'B  $=d\left(r'+rac{d}{2}
ight)2\,arphi$  wieber vornehmen und babei biefelben Mage wie= ber verwenden, nur mit bem Unterschiebe, bag r' und r - r' = d bort in Schuhen, hier aber in Klaftern, Schuhen und Bollen ber öfterreichischen Einthetlung ausgedrückt fein foll. Es fei alfo Win-Let  $A C B = 2 \varphi^0 = 80^\circ$ ;  $r' = 3^\circ 5'$ ; r - r' = d = 3', so iff  $\mathbf{r}' + \frac{\mathbf{d}}{2} = 4^{\circ} 0' 6''$ . Weil nun log  $\mathbf{d}\left(\mathbf{r} + \frac{\mathbf{d}}{2}\right) 2 \varphi = \log \mathbf{d} + \log \mathbf{d}$  $\left(r+rac{d}{2}
ight)+\log 2 \, \phi$ , so nehme man für  $\log d$  und  $\log \left(r'+rac{d}{2}
ight)$ 

aus dem Toisirtisch die entsprechenden Ausbrücke, nämlich log 3' = 269896 und log  $(4^{\circ}0'6'')$  = 361100; sodann aus der vorsliegenden Tasel der wichtigsten Kreisstücke für  $2\,\varphi^0$  = 80 Grad, log  $2\,\varphi$  = 10.14494 und abdire diese drei Logarithmen auf folgende Weise.

Mach geschehener Abdition ist es leicht das gefundene Resultat  $16\cdot45490-16$  entweder auf die Logarithmen des Toistrisches ober auf die gemeinen Logarithmen der übrigen Taseln zu bringen. Sett man nämlich x-16=-3 also x=13, und zieht 13 von der positiven ab und addirt es zur negativen Charafteristist der Summe  $16\cdot45490-16$  hinzu, so wird 345490 ein Logarithmus des Toistrisches, und man sindet durch ihn das Flächenprodukt im österreichischen Riemenmaß, nämlich  $345490=\log(2^{\circ}5'1'')$ ; sett man aber x-16=0, zieht also 16 von der positiven ab und addirt es zur negativen Charafteristis hinzu, so wird  $0\cdot45490$  ein Logarithmus unserer gemeinen Taseln, und man sindet durch diese log.  $2\cdot8504=0\cdot45490$ . Nun ist aber offenbar  $2\cdot8504=\frac{8504}{10000}$  Duadratklaster mit den durch den Toistrisch gefundenen 2 Klaster, 5 Klaster Schuh, 1 Klaster Bollen österreichisches Riemenmaß, die auf eine geringsügige Kleinigkeit derselbe Flächenraum. — Wer besorgt, daß er durch die Brüche des Toistrisches das Resultat nicht so genau als in Dezimalbrüchen sinden kann, mag immerhin das Resultat at durch eine gewöhnliche Logarithmentassel in Dezimalbrüchen der Ludben: keise sindstischen der Ludben eine gewöhnliche Logarithmentassel in Dezimalbrüchen der Ludben: keise

— Wer besorgt, daß er durch die Brüche des Toisirtisches das Resultat nicht so genau als in Dezimalbrüchen sinden kann, mag immerhin das Resultat durch eine gewöhnliche Logarithmentafel in Dezimalbrüchen der Duadrat- oder Kubikklafter suchen; keineswegs hat er aber nöthig, das gegebene (oder kottirte) Länzgen maß, wenn es nicht noch kleinere Theile als Bolle enthält, dieserwegen in Dezimalbrüche zu verwandeln, da die Logarithmen des Toisirtisches so genau als nur möglich sede, bis auf einen Boll gegebene Länge vorstellen.

Eben so wie dieses Beispiel der 1. Aufgabe ließe sich auch das Beispiel der 2. Aufgabe mit Silfe des Toistritsches berechnen, wenn r und r' in Theilen der österreichischen Klaster statt in Dezimalbrüschen gegeben wären, und zwar, da die Aufsuchung der Logarithmen im Toistrisch viel leichter von Statten geht als ihre Aufsuchung in einer gewöhnlichen Logarithmentafel, nicht ohne Gewinn an Zeit und Mühe.

Es bleibt nur zu munschen übrig, daß sich Jemand fande, welscher, ungefähr nach bem vorliegenden Blane, eine Tafel der wichtigsten Kreisftude, diese in der That in möglichst kleinen Zwischensräumen (wenigstens von 5 zu 5 Minuten) berechnen möchte.

Wien im Dezember 1850.

<sup>\*)</sup> Sie wird in bieser Ausbehnung in einigen Monaten in Wien bei 3. B. Wallishauser zu haben sein.

## Mittheilungen bes Bereines.

## Dankfagungsichreiben

an Herrn Professor S. Stampfer in Wien und an die Herren Bereinsmitglieber: A. Poncelet in Brüssel, Verb. Hoffmann in Laibach, Carl Kohn in Wien, Ch. Gonzalles in Wien, A. Brix in Berlin, P. T. Meißner in Wien, C. V. Loose h in Newhork und Armengaud and in Paris.

Der öfterr. Ingenieur=Verein fieht fich verpflichtet, ben richtigen Empfang ber fur seine Bibliothek gefandten Werke zu bestätigen, und hiefur ben verbindlichften Dank auszusprechen.

- (G. B. 76.) Ueber bas neue Planimeter von C. Wetli in Zürich (besonberer Abbruck aus ben Sitzungsberichten ber k. k. Akademie ber Wiffenschaften).
- (5. 3. 26.) Caisse de retraite et de secours pour les ouvriers.
- (G. 3. 102.) Der Bau ber Kettenbruden, begründet auf die Gesetze bes Gleichgewichtes ber babei in Wechselwirkung tretenben Kräfte (von Ferd. Hoffmann). Wien 1850.
- (©. 3.105.) Practical Essays on Mill-Works and other Machinery by Robertson Buchanan, London 1841.
- (G. S. 106.) Ding le r's polytechnisches Journal, die Jahrgange: 1825—1828 und 1832—1837.
  Pharmacopée universelle par Jour dan. Paris 1828.
- (G. S. 112.) Ueber Reibung und den Wiberstand ber Fuhrwerke auf Straffen.
- (G. 3. 144.) Die Berfuche, welche in ber Borfig'ichen Maschinenfabrik in Berlin mit verschiebenen Gisenbahnwagenaxen anges ftellt wurden.
- (G. 3. 229.) Neues Shftem ber Chemie, von P. T. Meigner. Wien 1835.
- (©. S. 122.) National Magazine and Industrial Records by Redwood Fischer (New-York 1846). Brigde Building by Whipple. Utica 1847.

- (G. 3. 128.) 77 Befte verschiebene Brofchuren technischen Inhalts, Preiftiffen, Plane 1c.
- (G. 2.235.) Publication industrielle des machines, outils et appareils les plus perfectionés et les plus recents; par Armengaud aîné. Tome VII.

Gegen bie Zeitschrift bes bfterr. Ingenieur-Bereines ift außer ben schon in Rr. 2 bieses Jahrganges angezeigten Zeitschriften im Laufe bes Jahres 1850 ber Austausch mit ben Redactionen unb Herausgebern folgender Zeitschriften eingegangen worben.

- Allgemeine polytechnische und Sandelszeitung, herausgegeben von 3. C. Leuch 8. Rürnberg.
- Mittheilungen bes Gewerbe-Bereines für bas Königreich Sannover; redigirt vom Director Karmarsch und Amtsassessor v. Rub-Loff. Sannover.
- Polytechnisches Journal, redigirt von Dr. 3. G. Dingler und Dr. E. M. Dingler in Augsburg. Verlag ber Cotta'schen Buchhandlung in Stuttgart.
- Gewerbeblatt aus Würtemberg, herausgegeben von ber f. Centralftelle für Gewerbe und Sanbel. Berlag ber Metgler'ichen Buchhandlung in Stuttgart.
- Der Ingenieur. Zeitschrift für das gesammte Ingenieurwesen; redigirt von C. R. Bornemann und C. R. Brückmann. Berlag von J. G. Engelhardt in Freiberg.
- Journal für die reine und angewandte Mathematik; herausgegeben von A. L. Exelle. Berlag bei G. Reimer in Berlin.
- Berhandlungen ber Wiener Sandelskammer.
- Berhandlungen des Bereins zur Beförderung des Gewerdsfleißes in Breugen. Berlin.
- Organ für bie Fortschritte bes Gifenbahnwefens in technischer Beziehung. Wiesbaben.
- Beitschrift für practische Bautunft in Meiffen. Berlag ber Buchhandlung Romberg in Leipzig.
- Mémoire et compte-rendu des traveaux de la société centrale des Ingenieurs civils à Paris.