# **BAM-BERICHT Nr. 46**

DER BUNDESANSTALT FÜR MATERIALPRÜFUNG (BAM) BERLIN

Versuchsergebnisse zur Festigkeit und Verformung von Beton bei mehraxialer Druckbeanspruchung

Results of Test Concerning Strength and Strain of Concrete Subjected to Multiaxial Compressive Stresses

von Dipl.-Ing. Gerald Schickert und Dipl.-Ing. Helmut Winkler

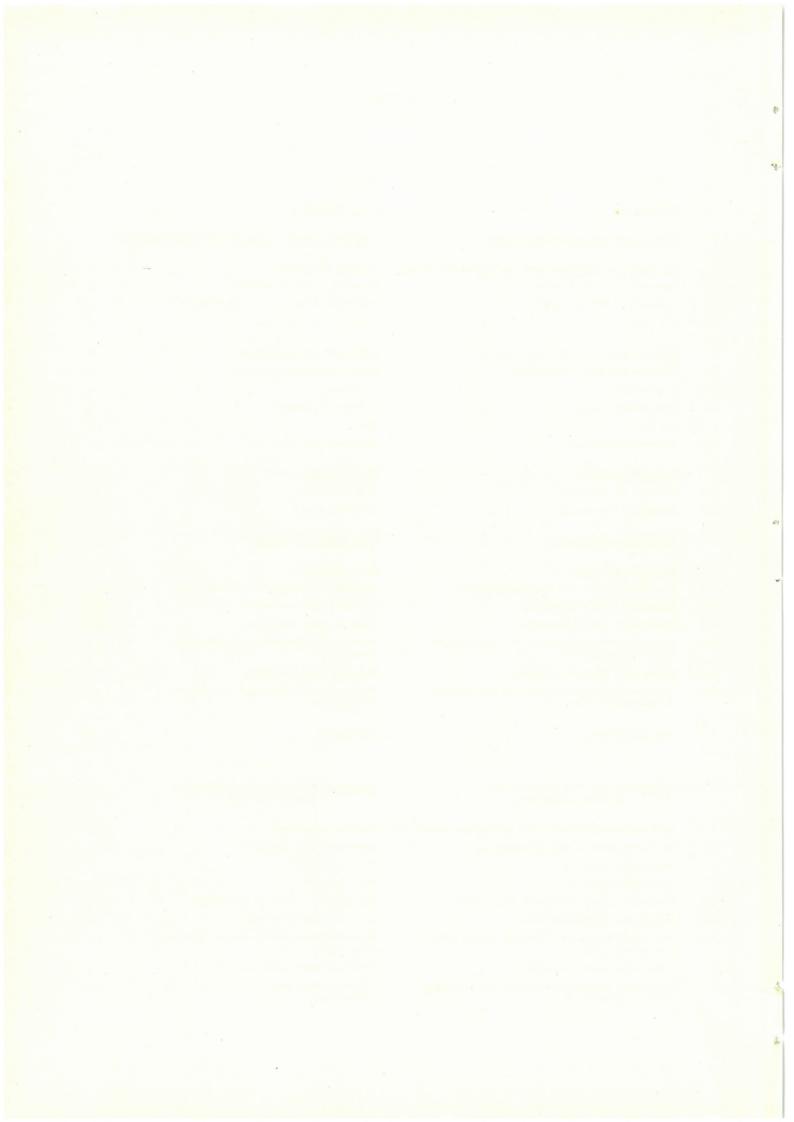
22 Seiten; 101 Seiten Anhang mit 161 Abbildungen

Herausgegeben von der Bundesanstalt für Materialprüfung (BAM) Unter den Eichen 87, 1000 Berlin 45 Telefon (030) 8104-1 Telex 01-83 261 bamb d

# Inhaltsverzeichnis

# Contents

			Page
	Vorwort	Preface	1
	Danksagung	Acknowledgement	3
1	Einleitung und Aufgabenstellung	Introduction and scope of the investigations	5
2	Voycushasingishtungsi und Harranhadaud (")		
2.1	Versuchseinrichtungen und Versuchsdurchführung Dreiachsige Prüfmaschine	Testing equipments	6
2.2	,	Triaxial testing machine	6
	Regel- und Meßeinrichtungen	Controlling and measuring devices	7
2.3	Druckplatten	Platens for loading	8
3	Versuchsmaterial und Probekörper	Materials and specimens	9
3.1	Mörtel- und Betonmischungen	Mortar and concrete mixes	9
3.2	Probekörper	Specimens	9
3.2.1	Standardzylinder	Standard cylinders	9
3.2.2	Würfel	Cubes	10
3.3	Probenvorbereitung	Specimen preparation	10
4	Versuchsprogramm	Most schodule	
4.1	Zweiaxiale Versuche	Test schedule	1 1
4.2	Dreiaxiale Versuche	Biaxial tests	1 1
4.2	bretaxiate versucite	Triaxial tests	12
5	Versuchsdurchführung	Experimental details	13
6	Versuchsergebnisse	Test results	1 5
6.1	Druckfestigkeit der Standardzylinder	Strength of standard cylinders	15
6.2	Einaxiale Würfelfestigkeit	Uniaxial cube strength	15
6.3	Zweiaxiale Würfelfestigkeit	Biaxial cube strength	16
6.4	Spannungs-Dehnungslinien bei zweiaxialer Druckbeanspruchung	Stress-strain behaviour in biaxial compression	17
6.5	Dreiaxiale Würfelfestigkeit	Triaxial cube strength	4.0
6.6	Spannungs-Dehnungslinien bei dreiaxialer Druckbeanspruchung	Stress-strain behaviour in triaxial compression	18
7	Schlußfolgerung	Conclusion	22
í	Anhang: Bilder und Tabellen mit Versuchsergebnissen	Appendix: Pictures and tables with results of test	23
2	Versuchseinrichtungen und Versuchsdurchführung	Testing equipments	24
3	Versuchsmaterial und Probekörper	Materials and specimens	26
1	Versuchsprogramm	Test schedule	32
5	Versuchsergebnisse	Test results	3 3
5.1	Druckfestigkeit der Standardzylinder	Strength of standard cylinders	34
5.3	Zweiaxiale Würfelfestigkeit	Biaxial cube strength	3.5
5.4	Spannungs-Dehnungslinien bei zweiaxialer Druckbeanspruchung	Stress-strain behaviour in biaxial compression	44
5.5	Dreiaxiale Würfelfestigkeit	Triaxial cube strength	0.5
5.6 ,	Spannungs-Dehnungslinien bei dreiaxialer Druckbeanspruchung	Stress-strain behaviour in triaxial compression	85 97



#### Vorwort

Der vorliegende Bericht enthält Versuchsergebnisse der Bundesanstalt für Materialprüfung (BAM) aus mehraxialen Festigkeitsuntersuchungen mit Betonwürfeln. Die Veröffentlichungen dieser Daten ist Teil einer Internationalen Zusammenarbeit zur Erforschung der mehraxialen Betonfestigkeit. Ziel der gemeinsamen Untersuchungen war vor allem eine Wertung unterschiedlicher Prüfmethoden. Durch zwei- und dreiaxiale Vergleichsversuche sollten Versuchsdaten ermittelt werden, die erkennen lassen, ob und ggf. welchen Einfluß die gewählten Prüfmethoden auf das Bruch- und Verformungsverhalten von Beton bei mehraxialer Druckbeanspruchung haben. Die Versuchsergebnisse sollten außerdem Grundlage für weiterführende Auswertungen sowie für Überlegungen im Zusammenhang mit der Überprüfung von Festigkeitstheorien sein. Mit diesen Erkenntnissen könnten dann auch aus der Literatur bekannte Untersuchungen zusammengefaßt und für die Praxis nutzbar gemacht werden.

Die Koordination der Vergleichsversuche lag in den Händen von Herrn Prof. K. Gerstle, University of Colorado / USA. Aufgefordert zur Teilnahme an den Untersuchungen waren solche Institute, die einerseits über eine mehrachsige Prüfmaschine verfügten und andererseits bereits Erfahrung mit mehraxialen Festigkeitsprüfungen hatten. Außerdem sollten in die Untersuchungen möglichst alle Prüfmethoden einbezogen werden, die allgemein für mehraxiale Betonversuche verwendet wurden.

An den internationalen Vergleichsversuchen haben sich daraufhin die folgenden 7 Forschungsinstitute beteiligt:

#### Preface

With the present report testing results of the Bundesanstalt für Materialprüfung (BAM) are given of multiaxial investigations on the strength and deformation of concrete cubes. The publication of these data belongs to an international cooperative study in concrete testing. It has been the special aim of these joint investigations to compare and to evaluate various testing methods. The results of biaxial and of triaxial tests should show whether and, if necessary, to which extent the testing methods chosen by the participants may influence the findings of multiaxial strength and stress-strain behaviour of concrete. Furthermore the data are thought to set up a basis for further evaluations as well as for establishing or controlling a common failure criterion. By such findings it could be possible to integrate all results of investigations known from the literature and to utilize them in civil engineering.

Prof. K. Gerstle, University of Colorado/U.S.A. has coordinated the cooperative studies. Invited to participate have been such research institutes which on the one hand were equipped with a multiaxial testing machine and on the other hand had already experience in multiaxial testing. Moreover all testing methods should be incorporated in these investigations which generally were used to perform multiaxial concrete tests.

As a result the following 7 research institutes participated in the cooperative studies:

Bundesanstalt für Materialprüfung (BAM), Berlin/Deutschland (G. Schickert, H. Winkler)

Ente Nazionale per l'Energia Elettrica (ENEL), Milano/Italia (P. Bertacchi, P. Rossi, R. Bellotti)

Institut für Massivbau, Technische Universität München (TUM), München/Deutschland (H. Aschl, D. Linse)

New Mexico State University (NMSU), Las Cruces, New Mexico/USA (R. Zimmermann, L. Traina)

University of California at Davis (UCD), California/USA (M. Taylor)

University of Colorado (CU), Boulder, Colorado/USA (K. Gerstle, H.-Y. Ko, R. Atkinson)

Zwischen diesen Instituten wurde ein Versuchsprogrammvereinbart, das ein-, zwei- und dreiaxiale Druckprüfungen mit Probekörpern aus Beton und Mörtel beinhaltete. Die Probekörper wurden sämtlich in Boulder/USA hergestellt, um so den Einfluß unterschiedlicher Versuchsmaterialien auf die Untersuchungsergebnisse auszuschließen.

Die hier vorgelegte Arbeit enthält den Beitrag der BAM zu diesen Vergleichsversuchen. Versuchsplan, Versuchsdurchführung, Berichterstattung usf. entsprechen den getroffenen Vereinbarungen. Sobald auch die Untersuchungsergebnisse der anderen Forschungsstellen vollständig vorliegen, wird eine Wertung dieser Daten möglich sein. Wie ein erster Vergleich der Versuchsdaten zeigt, hält sich die Abweichung der Festigkeitsergebnisse in der Regel in vertretbaren Grenzen. Die in diesem Bericht zusammengestellten Versuchsergebnisse liegen meist in der Mitte des Streubereiches der international ermittelten Versuchswerte. Besonders gute Übereinstimmungen haben sich mit den von der TU München ermittelten Festigkeitsergebnissen ergeben. Es wird daher erwartet, daß auch die vergleichende Auswertung aller übrigen international vereinbarten Versuche die praktische Verwendbarkeit der in diesem Bericht zusammengestellten Versuchsergebnisse bestätigen wird. Über die Ergebnisse dieser abschließenden Auswertung werden die TU München und die BAM zu gegebener Zeit gemeinsam berichThese institutions agreed upon a testing program which consisted of uni-, bi- and triaxial tests with mortar and concrete specimens. All specimens were casted in Boulder/U.S.A. in order to isolate the effect of different materials.

The report in hand represents the contribution of the BAM to the cooperative study. The testing program, the details of performing the tests, the layout of the graphs etc. correspond to the agreements made. As soon as the findings of all other participants, are available too, the test results will be compared and evaluated. A first comparison of such data shows that as a rule the deviation in strength results seems to be within defendable bounds. The findings put together in this report usually are placed in the middle of the scatter of the results found by the other participants. In particular a good conformity could be stated with the strength results found by the TU München. Therefore it is expected that the evaluation of all trials of the cooperative study will certify the test results compiled in the present report. The TU München and the BAM jointly will report on the findings of this final evaluation in the near future.

#### Danksagung

Die Koordination der internationalen Vergleichsversuche zur mehraxialen Betonfestigkeit lag in den Händen von Herrn Prof. K. Gerstle, Department of Civil, Environmental, and Architectural Engineering, University of Colorado, Boulder/Colorado/USA.Prof. Gerstle hatte mit seinem Institut auch die zentrale Herstellung aller Probekörper übernommen und nach Abschluß der Versuche alle Beteiligten im Oktober 1976 zu einer Diskussion der Untersuchungsergebnisse nach Boulder eingeladen. Das Gelingen dieser internationalen Vergleichsversuche, der ersten ihrer Art, ist in besonderem Maße sein Verdienst. Für sein unermüdliches Wirken gebühren Herrn Prof. Gerstle Dank und Anerkennung.

Die Teilnahme der BAM an dieser internationalen Aufgabe wurde dankenswerterweise durch Forschungsmittel des Bundesministers für Forschung und Technologie ermöglicht (Forschungsvorhaben RK 1/I-1975, SBB 1a). Die Betreuung des Vorhabens hatte der Deutsche Ausschuß für Stahlbeton übernommen.

Mit der Vorbereitung, Durchführung und Auswertung der Untersuchungen waren viele Mitarbeiter des Laboratoriums BAM 2.12 "Festigkeitsuntersuchungen an mineralischen Baustoffen" beschäftigt. Besonders zu erwähnen ist auch die Mithilfe der Rechenstelle der BAM (elektronische Datenverarbeitung). Die Verfasser danken auch an dieser Stelle allen Beteiligten, insbesondere ihren Mitarbeitern Ing. grad. J. Danßmann, H.-J. Krupke und E. Marx.

#### Acknowledgement

Prof. K. Gerstle, Department of Civil, Environental and Architectural Engineering, University of Colorado, Boulder/Colorado/U.S.A. has coordinated the international cooperative program in multiaxial concrete testing. Under his direction the specimens for all participants have been cast and cured in the laboratories of Colorado University and it was he who in October 1976 invited the participants for a first discussion of the test results in Boulder. The success of this international study - the first of this kind in the field of multiaxial concrete testing - is in a high degree due to him. We are indebted to Prof. Gerstle for his untiring work.

The participation of the BAM in this international task was supported by a grant from the Ministry for Research and Technology of the Federal Republic of Germany (Der Bundesminister für Forschung und Technologie, Forschungsvorhaben RK 1/I-1975, SBB 1a) and sponsored by Deutscher Ausschuß für Stahlbeton.

Several members of the laboratory BAM 2.12 "Strength Investigations" in the field of "Mineral Building Materials" have been engaged in the preparation, performing and evaluation of the investigations. Worthy to note is also the assistance of the Computer Center of the BAM (Electronic Data Processing). The authors wish to thank all persons involved in the present studies. Especially they are indebted to their coworkers Ing.grad. J. Danßmann, H.-J. Krupke and E. Marx.

## Bezeichnungen

$\beta_{0}$	(Beta Null): Einaxiale Druckfestigkeit; Bezugsfestigkeit für mehraxiale Fe- stigkeitsergebnisse	$\beta_{0}$	(Bet stre tiax
σ	Normalspannung	σ	Nor
$\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$	Hauptspannungen	$\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$	Prin
$\sigma_{0}$	Oktaedernormalspannung	$\sigma_{0}$	Octa
To	Oktaederschubspannung	$\tau_{o}$	Octa
σ <mark>΄</mark>	Kennzeichnender Wert einer vorge- wählten Spannungsebene	σ <sub>0</sub> '	Cha: stre
f' <sub>C</sub>	Bezugsfestigkeit für hydrostatische Beanspruchungen	f'c	Refe
$\boldsymbol{\varepsilon}_{1,\boldsymbol{\varepsilon}_{2,\boldsymbol{\varepsilon}_{3}}}$	Dehnungen in Richtung der Hauptspan- nungen	$\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3$	Stra ses
E <sub>vol</sub>	Volumendehnung	$\epsilon_{\mathrm{vol}}$	Volu
x	Mittelwert	x x	Mea
S	Standardabweichung	S	Stan
tp	Wert der t-Verteilung in Abhängigkeit von der Aussagewahrscheinlichkeit P	tp	Valu of th

# Notations

$\beta_{0}$	(Beta zero): Uniaxial compressive strength; reference strength for multiaxial strength results
σ	Normal stress
$\sigma_1,\sigma_2,\sigma_3$	Principal stresses
$\sigma_{0}$	Octahedral normal stress
$\tau_{o}$	Octahedral deviatoric stress
σ <sub>o</sub> '	Characterizing value of a preset stress plane
f'c	Reference strength for stress levels
$\mathcal{E}_1, \mathcal{E}_2, \mathcal{E}_3$	Strains in direction of principal stresses
$\epsilon_{\mathrm{vol}}$	Volumetric strain
x	Mean value
s	Standard deviation
tp	Value of the distribution of t in terms of the probability P

# Vorzeichenvereinbarungen

In der vorliegenden Arbeit sind Druckspannungen und zugehörige Dehnungen mit positivem Vorzeichen versehen. Außerdem gilt

$$\sigma_1 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3 \ge 0$$

# Sign convention

The sign convention used throughout this report is that compressive stresses and strains are positive. Mereover is valid

$$\sigma_1 \geq \sigma_2 \geq \sigma_3 \geq 0$$

# Umrechnungsfaktoren

Länge:	1 mm ≜	0,03937 in.
Masse:	1 kg •	2,2046 lb
Kraft:	1 N •	0,225 lbf
Spannung:	$1 \text{ N/mm}^2 =$	1 MPa
	1 MPa =	$1  \mathrm{MN/m^2}$
	1 N/mm <sup>2</sup> •	$145 lbf/in^2$

## Converting factors

Length:	1 in.	<b>=</b>	25.40 mm
Mass:	1 lb	<b>≙</b>	0.4536 kg
Force:	1 lbf	<b>=</b>	4.448 N
Stress:	1 ksi	=	1000 psi
	1 psi	=	$1 lbf/in^2$
	1 ksi	<b>=</b>	6.89476 N/mm <sup>2</sup>

# 1 Einleitung und Aufgabenstellung

Zur Ermittlung des mehraxialen Bruch- und Verformungsverhaltens von Zementbeton wurden bereits an vielen Instituten Untersuchungen durchgeführt. Man erkannte frühzeitig, daß hierbei die Prüfkräfte zwängungsfrei in die Probekörper eingeleitet werden müssen. Bei Zwängung durch Reibung infolge behinderter Querdehnung in den Berührungsflächen Probekörper/Druckplatten würden anderenfalls zusätzliche, in ihrer Größe und Richtung unbekannte Kräfte den Betonprobekörper beanspruchen. Die Versuchsergebnisse wären dann verfälscht und hingen in nicht vertretbarem Ausmaß von den jeweiligen Versuchsbedingungen ab.

In dem Bemühen, eine möglichst zwängungsfreie Krafteinleitung zu verwirklichen, werden heute eine ganze Reihe von Systemen verwendet, die sich in ihrem Aufbau grundsätzlich unterscheiden. Die Wirkung dieser Methoden ist daher sicher unterschiedlich. Dies gilt sowohl für das Ausmaß der Reibungsminderung in der Berührungsfläche Probekörper/Druckplatte als auch für die Übertragung der Prüfkräfte in der Art einer gleichmäßigen Spannungs-oder aber Dehnungsverteilung. Ein Vergleich von aus der Literatur bekannten Untersuchungsergebnissen wird durch derart unterschiedliche Prüfmethoden erschwert, zumal oft auch die Versuchsmaterialien wesentlich verschieden sind.

Vergleichsversuche sollten nun zeigen,inwieweit es mittlerweile gelungen ist, mehraxiale Betonprüfungen derart durchzuführen, daß die Methode der Versuchsdurchführung keinen nennenswerten Einfluß auf die Versuchsergebnisse hat. Beteiligt an den Vergleichsversuchen waren die eingangs genannten 7 Institute aus 4 Ländern. Um den Materialeinfluß auszuschließen, wurden alle Probekörper in Boulder/USA hergestellt. Jedes Forschungsinstitut prüfte mit seiner eigenen erprobten Versuchsmethode. Die Krafteinleitung erfolgte hierbei über starre Druckplatten mit zwischengelegten Gleitfolien (Milano/Bergamo, London, Las Cruces, Davis), mit Stahlbürsten (München, Davis), mit schlaffen Druckplatten (Berlin) und mit hydraulischen Druckkissen (Boulder). Daneben wurden auch schlanke Betonzylinder mehraxial mit seitlichem Flüssigkeitsdruck über Membranen und unabhängig eingeleiteten axialen Kräften geprüft (Milano/Bergamo, London).

Die internationalen Vergleichsversuche gliederten sich in zwei Teile. Im ersten Teil waren die Versuche durchzuführen und auszuwerten. Anschließend sollten dann im zweiten Teil die Ergebnisse gegenübergestellt und Schlußfolgerungen gezogen werden.

Dic vorliegende Arbeit behandelt den ersten

# 1 <u>Introduction and scope of the investigations</u>

In the past many researchers have already performed investigations on the reponse in strength and strain of plain concrete under multiaxial stress states. It has been an early experience that by this the loads should be applied to the specimens without any restraint. Otherwise in case of friction due to a lateral restraint within the contact zone specimen/platen additional forces with unknown amounts and directions would stress the concrete specimen. Thus the results of test would be altered and would depend to a high extent on the present test conditions.

Several efforts have been made to perform an unrestraint load application. Today, load application systems are used which differ from oneanother in the fundamental principles of design. Therefore the effect of these methodes is expected to be quite different. This is true both for the extent of diminution of the frictional forces in the contact zone specimen/platen and for the performance either of a uniform strain-or a uniform stress-distribution. Mereover a comparison of test results found in the literature gets complicated due to the variation of the materials tested.

It has been the main aim of the cooperative studies to reveal whether and in which cases of these investigations it really has been possible to perform reliable multiaxial concrete tests. In this connection the system of load application used should not influence the test results to an extent worth mentioning.

In the joint program 7 research laboratories from 4 countries collaborated as quoted in the preface. In order to eliminate the influence of various testing materials all specimens have been cast in Boulder/U.S.A. . Each laboratory, however, used its own testing method and its own load application system. In this fashion the cooperative investigations included load application by rough/rigid steel platens with interlayed lubricated foils (Milano/Bergamo, London, Las Cruces, Davis), with steel brushes (München, Davis), with flexible platens (Berlin) and with hydraulic cushions (Boulder). Furthermore slender concrete cylinders have been tested multiaxially by a lateral fluid pressure together with independently applied axial forces (Milano/ Bergamo, London).

The joint studies were subdivided into 2 parts. In the first part the tests had to be performed and evaluated. Subsequently in the second part the test results should be compared by the participants and conclusions should be formulated.

The present work deals with the first part of

Teil der Aufgabenstellung. Dargelegt werden die Versuchsergebnisse der Bundesanstalt für Materialprüfung (BAM) in einer Form, wie sie für den in Aussicht genommenen Vergleich (zweiter Teil der Aufgabenstellung) benötigt werden. Der Bericht enthält ferner in kurzer Form eine Beschreibung der Versuchseinrichtungen sowie alle notwendigen Angaben zur Versuchsdurchführung. Eine Wertung und Überprüfung der Daten bezüglich Plausibilität sowie eine Gegenüberstellung mit theoretischen Überlegungen und anderen aus der Literatur bekannten Untersuchungsergebnissen bleibt einem weiteren Bericht vorbehalten.

# 2 Versuchseinrichtungen und Versuchsdurchführung

## 2.1 Dreiachsige Prüfmaschine

Bild 2.1-1 zeigt eine Systemskizze und Bild 2.1-2 eine Ansicht der dreiachsigen Prüfmaschine der BAM. Im Prinzip besteht diese Prüfmaschine aus drei unabhängigen Prüfgestellen. Die Achsen 1 und 2 sind in Form von Vierständergestellen ausgebildet und horizontal aufgehängt. Die 3. Achse besteht aus einem Rahmen, der derart vertikal aufgehängt ist, daß er die 1. und 2. Achse diagonal kreuzt. Ein Widerlager der Achse 1 ist fest mit dem Boden verbunden. Durch die Aufhängung an Drahtseilen kann sich das andere Ende der Achse 1 ebenso wie beide Enden der Achse 2 frei in horizontaler Richtung bewegen. Auf diese Weise besteht z.B. für Achse 2 die Möglichkeit, irgendwelchen (im allgemeinen kleinen) Lageveränderungen des Beton-Probekörpers (Würfels) zu folgen, die dieser infolge einer Beanspruchung in Richtung der Achse 1 erleidet. Das gleiche gilt für Achse 3: Der Rahmen kann ebenfalls horizontalen, darüber hinaus aber auch vertikalen Bewegungen folgen. Der Mechanismus arbeitet wie ein Flaschenzug; in der Systemskizze 2.1-1 ist dies angedeutet.

Der Prüfraum - dies ist der Raum für den Probekörper und die Vorrichtung zur Krafteinleitung (Druckplatten) innerhalb der Prüfmaschine - ist derart ausgelegt, daß verschiedene Krafteinleitungssysteme (starre Druckplatten mit und ohne zwischengelegten Gleitpaketen, Stahlbürsten, schlaffe Druckplatten) verwendet werden können. Die Probekörper sind in der Regel würfelförmig die Kantenlänge beträgt im allgemeinen 100 mm. Die Hydraulikzylinder können ebenfalls ausgetauscht werden. Für jede Achse ist ein eigenes Hydraulikaggregat zur Druckölversorgung vorhanden. Alle 3 Achsen sind für Druckkräfte bis zu 2 MN ausgelegt. Bezogen auf den 100 mm-Würfel sind damit Druckspannungen bis zu 200 N/mm<sup>2</sup> übertragbar. In den nachfolgenden Übersichten sind die wichtigsten Angaben über die dreiachsige

this project. Specified are the results of test found by the Bundesanstalt für Materialprüfung (BAM) - Federal Institut for Materials Testing - in such a manner which facilitates the planned comparison of the findings (second part of the project). In addition the report comprises a brief description of the testing devices and informs about details of the testing method. An evaluation and checking of the data whether they are plausible or not and finally a comparison of the results with theoretical aspects of the interdependences and a comparison with other published investigations, all these items remain for a additional report.

## 2 Testing equipments

# 2.1 Triaxial testing machine

Figure 2.1-1 shows a diagrammatic sketch and Figure 2.1-2 a close-up of the triaxial testing machine of the BAM. In principle the machine consists of 2 independent machine racks. Axis 1 and axis 2 both are constructed in the shape of frames with 4 screws. Both rack panels are suspended horizontally. The 3rd axis consists of a frame which is vertically suspended and crosses the 1st and 2nd axis diagonally. One end of axis 1 is mounted on the ground. The other end of axis 1 and both ends of axis 2 can freely move in any horizontal direction due to cable-wires which support these racks. Thus, for instance, axis 2 can follow any (in general small) dislocation the concrete specimen (cube) suffers when loaded in direction of axis 1. The same is true for axis 3: this frame can move horizontally, too, and furthermore vertically. The mechanism works like a pulley as indicated in the diagrammatic sketch (Fig. 2.1-1).

The testing space - that is the space within the testing machine where the specimen and the loading devices are placed - is constructed in such a way that different loading devices (rough steel platens with and without lubricated interlayers, brush platens, flexible platens) can be used. The specimens should be cube-shaped with, in general, an edge length of  $100 \ \mathrm{mm}$ . The hydraulic jacks, too, can be exchanged. A separate hydraulic power supply exists for each of the  $3 \ \mathrm{axis}$ . All the  $3 \ \mathrm{axis}$  allow a maximum compressive load of  $2 \ \mathrm{MN}$ . This results for the  $100 \ \mathrm{mm}$  cube in compressive stresses up to  $200 \ \mathrm{N/mm}^2$ .

Prüfmaschine zusammengestellt. Außerdem ist angegeben, wie die Maschine zur Durchführung der hier interessierenden internationalen Vergleichsversuche ausgerüstet wurde.

# Dreiachsige Prüfmaschine

# Beschreibung

3 unabhängige Maschinengestelle, davon Achse 2 in Längs- und einer Querrichtung, Achse 3 in Längs- und den zwei Querrichtungen beweglich. Querhauptabstand der Achsen 1 und 2 veränderbar.

Je Achsrichtung 1 Hydraulikzylinder (austauschbar, nicht typgebunden) sowie je 1 Hydraulikaggregat mit elektrohydraulischer Regeleinrichtung.

Krafteinleitungssysteme austauschbar; Größe und Form der Druckflächen beliebig (maximale Kantenlänge 200 mm, vorzugsweise quadratische Druckflächen 100 mm x 100 mm).

# Maximale Prüfkräfte (Kapazität der Prüfmaschine)

	Achse 1	Achse 2	Achse 3
Druck	2 000 kN	2 000 kN	2 000 kN
Zug	400 kN	400 kN	400 kN

# Maximale Druckkräfte \*) bei den internationalen Vergleichsversuchen

-	Achse 1	Achse 2	Achse 3
Starre Druckplatten	2 000 kN	1 000 kN	750 kN
Schlaffe Druckplatten (Stempel- system)	1 500 kN	1 000 kN	600 kN

\*) Im Vergleich zu Achse 1 wurden in den Achsen 2 und 3 kleinere Hydraulikzylinder und außerdem in Achse 3 konstruktiv etwas anders gestaltete schlaffe Druckplatten verwendet.

# 2.2 Regel- und Meßeinrichtungen

Die dreiachsige Prüfmaschine der BAM ist mit elektronischen Einrichtungen zur Regelung der Prüfkräfte ausgerüstet (Bild 2.2-1). Die Untersuchung der Probekörper kann sowohl kraft- als auch verformungsgeregelt durchgeführt werden. Die Beanspruchung kann aber auch nach einem

The following extracts describe the most important details of the triaxial testing machine. Furthermore the special layout of the machine for the cooperative investigations in question is summarized.

#### Triaxial testing machine

# Description

3 independent machine - racks, movable in axis 2 for the longitudinal and one lateral direction, in axis 3 for both the longitudinal and either of the lateral directions. Variable distance of the cross-bars for axle 1 and axle 2.

1 hydraulic jack (exchangeable, any type can be used) for each axis. Each axle equipped with a separate oil-pressure supply and a separate electro-hydraulic control circuit.

Load application systems exchangeable; any size of the quadrangular or rectangular bearing-surface areas (maximum edge length 200 mm, mostly square areas 100 mm x 100 mm).

# Maximum loads

(testing machine is capable to apply the specified forces)

	Axis 1	Axis 2	Axis 3
Compression	2 000 kN	2 000 kN	2 000 kN
Tension	400 kN	400 kN	400 kN

Layout of the testing machine for the cooperative investigations (maximum compressive forces +)

-	Axis 1	Axis 2	Axis 3
Rough Steel Platens	2 000 kN	1 000 kN	750 kN
Flexible Platens	1 500 kN	1 000 kN	600 kN

+) Compared to axis 1 for axis 2 and axis 3 smaller hydraulic jacks and moreover for axis 3 somewhat altered flexible platens have been used.

#### 2.2 Controlling and measuring devices

The triaxial testing machine of the BAM is equipped with electronic devices for controlling the loads (Fig. 2.2-1). Testing of the spesimens can be carried out both strength- and strain-controlled. The function for stressing can also be performed by an externally given

extern vorgegebenen Verlauf erfolgen. Damit und durch elektrische Kopplung der drei elektronischen Regler ist es möglich, automatisch jeden beliebigen Spannungspfad bis zum Versagen des Probekörpers zu verfolgen.

Sämtliche Meßdaten werden digital mit einer Vielstellenmeßanlage auf Lochstreifen erfaßt. Parallel dazu ist eine analoge Registrierung auf Linienschreibern möglich. Weitere Angaben zur Art der Meßwertaufnehmer usf. enthält die nachfolgende Zusammenstellung.

Regel- und Meßeinrichtungen

	Jede der 3 Kraftrichtungen un- abhängig von den anderen re- gelbar.
	Wahlweise Regelung nach den Führungsgrößen Kraft, Öldruck, Verformung/Wegoder Dehnung,
Regeln	Durch elektrische Kopplung der 3 elektronischen Regeleinrichtungen beliebige Abhängigkeiten vorgebbar (z.B. konstante Spannungsverhältnisse in den Achsrichtungen, Verfolgen von Spannungspfaden, Beanspruchungen im Wechsel usf.).
Messen	Vielstellen-Meßanlage zur automatischen Abfrage (kontinuierlich oder in Intervallen) von z.Z. bis zu 150 Meßstellen, registrieren der Meßwerte auf Lochstreifen oder Drucker, zusätzlich Ausgabe von bis zu 12 Meßstellen auf Linienschreibern.
	Anschlußmöglichkeiten für verschiedene Meßwertaufnehmer: Dehnungsmeßstreifen (DMS) in Viertel-, Halb- und Vollbrükkenschaltung, induktive Wegaufnehmer mit DC - (Gleichstrom) - Ausgang, Widerstandsthermometer, andere DC-Spannungsquellen.

# 2.3 Druckplatten

Dem vereinbarten Versuchsprogramm entsprechend erfolgte die Krafteinleitung sowohl mit starren Druckplatten als auch mit dem Stempelsystem der BAM, das als "schlaffe Druckplatte" bezeichnet wird (Bild 2.3-1). Im Hinblick auf die dreiaxialen Formänderungen der Probekörper beträgt die Größe der Druckplatten 96,0 mm x 96,0 mm. Das Bild 2.3-2 zeigt den Aufbau einer schlaffen Druckplatte für 100 mm-Würfel. Die einzelnen Stempel stehen auf einem Elastomerkissen. Zwei Federrahmen halten die Stempel zusammen. Zwischen den Stempeln sind Abstandsscheiben aus Elastomermaterial angeordnet.

Vorangegangene Versuche haben gezeigt, daß

course of curve. With this electronic coupling of the 3 electronic controlling devices it is possible to follow automatically any stress path up to failure of the specimen.

All results of measurement are recorded on punched tapes by a multiple channel digital measuring apparatur. Parallel to it an analogical recording by means of a multiple curve drawing recorder is possible. Further details regarding transducers etc. are put together in the following list.

#### Controlling and measuring devices

	•
	It is possible to control each of the 3 load-axis separately.
Controlling	Optional controlling of the test according to the reference input as load, oil pressure, deformation/dislocation or strain.
	Desired relationship of any controlled variable can be performed by electric coupling of the 3 electronic devices (for instance constant stress ratios, loading by following special stress paths, cyclic loading, other loading histories).
Measuring	Multiple channel measuring apparatus for fetching data from up to 150 measuring points (continuously or within intervals), recording of the results on punched tapes or printer, additional output on a curvedrawing recorder (for up to 12 measuring points).
	Terminals for different kinds of transducers: strain gauges 1/4, 1/2 or 1/1 bridge circuits, inductive transducers with DC-output, resistance thermometer, other outputs with DC-voltage.

# 2.3 Platens for loading

According to the testing program agreed upon, load application took place with rough steel platens (also called rigid platens) as well as with the piston system of the BAM called flexible platens (Fig. 2.3-1). Considering the expected triaxial deformations of the specimens the endfaces of the platens measure 96.0 mm x 96.0 mm.

Figure 2.3-2 shows the layout of a flexible platen for 100 mm cubes. The pistons are supported by an elastomere cushion. Two spring bars hold the pistons together. Between the pistons elastomere distance pieces are placed.

Previous trial runs have shown that with such a loading device a nearly uniform stress distri-

mit einer derartigen Vorrichtung zur Krafteinleitung eine nahezu gleichmäßige Spannungsverteilung in der Berührungsfläche zwischen Probekörper und Druckplatte erreicht werden kann. bution at the contact zone specimen/platen can be performed.

# 3 Versuchsmaterial und Probekörper

#### 3.1 Mörtel- und Betonmischungen

Alle für die internationalen Vergleichsversuche benötigten Probekörper wurden in den Laboratorien der Universität von Colorado in Formen der beteiligten Institute hergestellt. Die BAM hatte hierzu ihre Tripelformen (Bild 3.1-1) nach Boulder gesandt, die sich bereits hinsichtlich Maßhaltigkeit und weitgehend isotropen Verhaltens der darin hergestellten 100 mm-Würfel bewährt hatten.

Die Rezepturen für die Mörtel- und Betonmischungen sind in Bild 3.1-2 zusammengestellt. Es wurde ein handelsüblicher Portlandzement Typ I verwendet, der nach den deutschen Richtlinien etwa einem Portlandzement PZ 350 entspricht. Die Zuschläge kamen aus den Rocky Mountains.

## 3.2 Probekörper

Für die von der BAM durchzuführenden Versuche wurden insgesamt 204 Würfel hergestellt, und zwar 48 Würfel aus 4 Mörtelmischungen (bezeichnet M-1 bis M-4), 48 Würfel aus 4 Betonmischungen (bezeichnet C-1 bis C-4) und nochmals 108 Würfel aus 9 Betonmischungen (bezeichnet T-1 bis T-9). Zusätzlich zu diesen 100 mm-Probewürfeln wurden aus jeder Mischung Kontrollzylinder mit 3" Durchmesser und 6" Höhe (rd. 7,5 cm x 15 cm) hergestellt, die zum Vergleich sowohl der verschiedenen Mischungen untereinander als auch der Prüfbedingungen in den beteiligten Forschungslaboratorien dienen sollten.

Alle Probekörper wurden nach einem Tag entformt und lagerten dann eine Woche bei 100 % Feuchtigkeit. Anschließend wurden die Würfel in Plastiktüten verpackt und zusammen mit jeweils 3 Kontrollzylindern aus jeder Mischung verschifft. In den Laboratorien der BAM blieben sowohl die Zylinder als auch die Würfel in ihren Plastiktüten. Sie lagerten in dieser Form in Regalen in einem Klimaraum bei 20°C und 65 % relativer Luftfeuchtigkeit.

#### 3.2.1 Standardzylinder

Die Standardzylinder blieben bis zum Prüftermin in den Plastiktüten. Sie wurden dann auf der Einfüllseite entsprechend der Richtlinie ASTM C 617 mit einer Schwefelmasse (Gemisch aus Schwefel und feinem Quarzsand) abgeglichen und am selben Tag – nach ungefähr

#### 3 Materials and specimens

#### 3.1 Mortar and concrete mixes

For the cooperative investigations all specimens were cast in laboratories of the University of Colorado. The participants' moulds were used. The BAM had sent to Boulder their triplemoulds (Fig. 3.1-1) which had already proved well in respect to casting 100 mm cubes, true to size and almost isotropic in mechanical behaviour.

The quantities for the mortar and concrete mixes are recorded in Fig. 3.1-2. The cement used was an ordinary Portland cement type I, which approximately is equivalent to the German Portland cement type PZ 350 F. The aggregates came from the Rocky Mountains.

#### 3.2 Specimens

For the trials the BAM had to perform, a total of 204 cubes were cast, namely 48 cubes from 4 mortar batches (specified by M-1 up to M-4), 48 cubes from 4 concrete batches (specified by C-1 up to C-4) and again 108 cubes from 9 concrete batches (specified by T-1 up to T-9). In addition to these 100 mm test cubes from each batch control cylinders 3" x 6" were cast to be used to compare both the different batches mutually and the test conditions in the participants' laboratories.

All specimens were stripped after one day, cured for one week in 100 percent humidity and then sealed in plastic bags. Finally the cubes were shipped together with 3 control cylinders from each batch. In the laboratories of the BAM all cylinders and cubes as well were kept in their plastic bags and stored in racks in an air-conditioned room (20 °C, 65% relative humidity).

#### 3.2.1 Standard cylinders

The cylinders remained in their bags until testing time. Then they were capped at their rough ends with a sulfur compound according to ASTM C 617 and at the same day - after about 4 hours - tested by loading in a conventional testing machine up to failure. The age of test

4 Stunden - in einer konventionellen Prüfmaschine auf Druckfestigkeit geprüft. Die Prüfung aller Standardzylinder und der dazugehörigen Würfel (vgl. Bilder 3.2-3 bis 3.2-6) erfolgte stets zum gleichen Termin. Das Prüfalter betrug im allgemeinen bei den zweiaxialen Untersuchungen etwa 110 Tage und rund 200 Tage bei den dreiaxialen Versuchen.

Die Standardzylinder wurden mit und ohne Plastiktüten unmittelbar nach der Ankunft aus den USA und abermals nach der Lagerung im Klimaraum gewogen. Die Bilder 3.2-1 und 3.2-2 enthalten die Angaben der Masse der etwa 7,5 cm x 15 cm großen Kontrollzylinder einschließlich der Plastiktüten vor dem Verschiffen bzw. vor dem Abgleichen. Der maximale Verlust an Masse betrug 3,9 %. Der kleinste Wert lag bei 1,0 %.

# 3.2.2 Würfel

Für den hier vorliegenden Beitrag zu den internationalen Vergleichsuntersuchungen wurden Würfel mit einer Kantenlänge von 100 mm verwendet. Für die zweiaxialen Versuche sind diese in Bild 3.2-3 (Mörtel) und in Bild 3.2-4 (Beton) zusammengestellt. Die Bilder 3.2-5/6 enthalten die entsprechenden Angaben der für die dreiaxialen Versuche vorgesehenen Würfel. Aufgeführt sind jeweils die allgemeinen Bezeichnungen der Serien und Probekörper sowie eine spezielle Bezeichnung der BAM. Letztere setzt sich aus der Angabe des Prüfdatums (Jahr, Monat, Tag) und einer fortlaufenden Nummer für die Versuche pro Tag zusammen. Außerdem wurden alle diejenigen Würfel, die mit schlaffen Druckplatten geprüft werden sollten, mit "a" sowie jene für Prüfungen mit starren Druckplatten mit "b" gekennzeichnet. Nur im dreiaxialen Prüfprogramm sind Würfel enthalten, die mit "a(b)" bezeichnet sind. Dies sind Probekörper, welche zunächst für Prüfungen mit starren Druckplatten vorgesehen waren, dann aber für Versuche mit der schlaffen Druckplatte verwendet wurden.

Schließlich sind in den Bildern noch das Herstell- und das Prüfdatum sowie das Prüfalter der Probekörper angegeben. Bei den zweiaxialen Versuchen waren die Probekörper rd. 100... 120 Tage alt, bei den dreiaxialen Prüfungen rd. 150... 250 Tage, in einigen Fällen bis zu 300 Tage alt.

#### 3.3 Probenvorbereitung

Wie bereits im Abschnitt 3.2.1 erwähnt wurde, mußten die Standardzylinder an einem Ende mit einer Schwefelmasse abgeglichen werden.

Ebenso war es notwendig, überstehendes Material an den Einfüllseiten der Würfel abzusägen und sodann diese Druckflächen zu schleifen. Diese Arbeiten wurden 14 Tage vor den

varied because all standard cylinders were tested synchronously to the corresponding cubes (see Figures 3.2-3 up to 3.2-6). Generally the age at test amounted to about 110 days for biaxial trials and to about 200 days for the triaxial ones.

All standard cylinders were weighed immediately after arrival and then again after storage in the air-conditioned room, each time with and without their plastic bags. The Figures 3.2-1 and 3.2-2 show the masses including plastic bags of the 3" x 6" control cylinders prior to shipping and prior to capping, respectively. The change of mass amounted to a maximum value of 3.9 %. The least value was 1.0 %.

#### 3.2.2 <u>Cubes</u>

The cubes for the cooperative investigations in question had an edge length of 100 mm. Those for the biaxial tests are listed in Fig. 3.2-3 (mortar) and Fig. 3.2-4 (concrete) whereas Figure 3.2-5 shows the equivalent data for the cubes provided for the triaxial tests (concrete). Entered are the general designations of the series and specimens together with the special BAM designations. The latter show the date of testing (year, month, day) and a continuous number for tests per day. All cubes which had to be tested with flexible platens were complementary to series and specimen number marked "a", and those for tests with rough steel platens were marked "b". Only in the triaxial testing program are some cubes marked "a(b)". These are specimens which firstly were provided for tests with rough steel platens but then used for tests with flexible platens.

Furthermore the figures show the casting and test dates and finally the age of the specimens at test. For the biaxial test the specimens were about 100...120 days old, for the triaxial tests about 150...250 days, in some cases up to nearly 300 days.

#### 3.3 Specimen preparation

As already mentioned in section 3.2.1 the standard cylinders had to be capped at one end with a sulfur compound.

Equally it was necessary to saw and grind the upper ends of the cubes. This was done a fortnight before the date of the biaxial trials and about 4 weeks before the triaxial testings. Fur-

zweiaxialen Prüfungen und rd. 4 Wochen vor den dreiaxialen Prüfungen durchgeführt. Außerdem wurden in die Oberflächen von rd. der Hälfte der für die dreiaxialen Versuche vorgesehenen Würfel 10 mm tiefe und 7 mm breite Nuten eingefräst (Bild 3.3-2). Dies geschah mit Hilfe eines 7 mm dicken Diamantsägeblattes. Es ergaben sich 6 Nuten auf den 6 Oberflächen eines Würfels, wobei alle Nuten in Richtung der zugehörigen Achsrichtungen lagen und sich nicht kreuzten. Nach dem Trocknen der Würfel in Raumluft (etwa 3 Tage) wurden in diese Nuten Dehnungsmeßstreifen eingeklebt. Danach wurden die Nuten mit einem speziellen schnell erhärtenden und nicht schwindenden Zementmörtel geschlossen.

Die für die zweiaxialen Versuche vorgesehenen Probekörper lagerten nach dem Sägen und Schleifen der Einfüllseiten wiederum - nunmehr ohne ihre Plastiktüten - in Regalen in dem bereits erwähnten Klimaraum. Eine Woche vor dem Prüftermin kamen sie dann in ein Laboratorium mit Raumluft (rd. 20°C, keine besonderen Anforderungen an die relative Luftfeuchtigkeit) und wurden auf jeder der später beim Versuch freibleibenden Oberflächen mit je zwei kreuzweise angebrachten Dehnungsmeßstreifen versehen (Bild 3.3-1).

Die für die dreiaxialen Prüfungen vorgesehenen Würfellagerten ebenfalls nach der angegebenen Probenvorbereitung (Dehnungsmeßstreifen eingeklebt in nachträglich wieder verfüllte Nuten) im Klimaraum. 3 bis 5 Tage vor dem Prüftermin kamen die Probekörper dann in das Prüflaboratorium.

#### 4 Versuchsprogramm

Das Versuchsprogramm beinhaltete zwei- und dreiaxiale Untersuchungen. Für die zweiaxialen Versuche standen sowohl Mörtel- als auch Betonprobekörper zur Verfügung, während die dreiaxialen Versuche nur mit Betonwürfel erfolgen sollten. Bei jeder der 17 Versuchsserien waren jeweils 6 Probekörper zu prüfen, und zwar sowohl mit schlaffen als auch mit starren Druckplatten. Nach Abschluß aller zweiaxialen Versuche folgten die dreiaxialen Prüfungen. Hinzu kamen in beiden Teilen der Untersuchungen einaxiale Versuche mit Kontrollzylindern.

#### 4.1 Zweiaxiale Versuche

Bei den zweiaxialen Versuchen erfolgte der Kraftanstieg gleichförmig mit 4 konstanten Spannungsverhältnissen:  $\sigma_2/\sigma_1=0/3$ , 1/3, 2/3 und 3/3. Die Prüftermine waren derart eingerichtet, daß z.B. ein möglicher herstellungsbedingter Einfluß sich höchstens zufällig, aber nicht systematisch auswirken konnte. Dies geschah, indem die 6 Probekörper einer Mischung nacheinander für die 4 vorgesehenen Spannungsverhältnisse

thermore about half the number of the cubes for the triaxial tests were provided with 10 mm deep and 7 mm wide grooves (Fig. 3.3-2). The 6 grooves on the 6 surfaces of a cube (no crossing grooves, all grooves in direction of the corresponding axis) were sawn by means of a 7 mm thick diamond saw blade. After drying in room air (about 3 days) strain gauges were glued to the bottom of these grooves. Then the grooves were closed with a special, quickly hardening cement mortar without shrinkage.

After sawing and grinding of the upper endfaces the biaxial specimens again were stored - now without their plastic bags - in racks in the airconditioned room. Then one week before testing they were brought into a room with laboratory air (about  $20\,^{\rm O}$ C, no specified relative humidity) and supplied with 2 cross-wise arranged strain gauges on each of the bare cube surfaces (Fig. 3.3-1).

The cubes for triaxial testing also were stored again after the mentioned preparations (strain gauges in grooves) in the air-conditioned room. Three to five days before testing the specimens were brought into the laboratory.

#### 4 Test schedule

The test program consisted of biaxial and triaxial investigations. For the biaxial trials mortar as well as concrete cubes were used whereas for the triaxial tests only concrete cubes had been provided. For each of the 17 test series a six-fold replication was planned, both with flexible and with rough steel platens. Firstly all biaxial trials were performed. Then the triaxial tests followed. In either part of the investigations the trials were accompanied by unaxial tests of control cylinders.

#### 4.1 Biaxial tests

Biaxial loading was applied monotonically with 4 constant stress ratios:  $\sigma_2/\sigma_1$  = 0/3, 1/3, 2/3 and 3/3. The test schedule was arranged in such a way as to randomnize any influence possibly due to batch origin etc. Thus the 6 specimens of a batch were used successively for always one test with the 4 stress ratios starting again with the 5th cube for the second trial of the first stress ratio and so on (see for instance

verwendet wurden und sodann wiederum mit dem 5. Würfel beim zweiten Versuch für das erste Spannungsverhältnis fortgefahren wurde usf. (vgl. z.B. Bild 6.3-2). Alle zweiaxialen Versuche fanden genau an den festgelegten Prüfterminen statt, die zuvor mit den anderen beteiligten Instituten vereinbart worden waren.

## 4.2 <u>Dreiaxiale Versuche</u>

Für die dreiaxialen Versuche sind in Bild 4.2-1 und in Bild 4.2-2 das ursprünglich vorgesehene und das dann schließlich verwirklichte Versuchsprogramm gegenübergestellt. Die hieraus ersichtlichen Veränderungen waren notwendig, um die Versuche auf jene Fälle mehraxialer Druckbeanspruchung zu konzentrieren, bei denen das Versagen des Probekörpers tatsächlich unter dreiaxialer und nicht etwa zweiaxialer Druckbeanspruchung eintritt. In diesem Zusammenhang ist als Prüfkraft "Null" bzw. als "Nullspannung" eine "Grundkraft" (Klemmkraft zum Fixieren des Probekörpers in der Prüfmaschine) festgelegt worden, die 25 kN betragen hat. Dies entspricht einer "Grundspannung" von 2,5 N/mm<sup>2</sup>, die während des Versuchsablaufs in keiner der drei Richtungen unterschritten werden durfte, damit der Versuch als dreiaxial gewertet werden konnte.

Im Gegensatz zu den zweiaxialen Untersuchungen wurden Versuche mit konstanten Spannungsverhältnissen nur in einigen wenigen Fällen für Vergleichszwecke durchgeführt. Um die Grenzfläche der Tragfähigkeit des Betons im dreidimensionalen Spannungsraum zu ermitteln, erschienes vielmehr vorteilhaft, nacheinander ausgewählte Spannungebenen im Bereich von 75 bis 150 % der einaxialen Druckfestigkeit zu untersuchen. Hierzu wurden unter Aufrechterhaltung des hydrostatischen Spannungszustandes die Druckspannungen in den drei Achsen bis zum Erreichen der ausgewählten Spannungsebene gleichmäßig vergrößert und sodann derart geregelt, daß die Summe der drei aufgebrachten Spannungen stets konstant blieb. Hierdruch folgte die Beanspruchung drei Spannungspfaden bis zum Versagen des Probekörpers. Einzelheiten der Spannungspfade sind in Bild 4.2-3 skizziert.

Um Vergleiche zu ermöglichen, werden im allgemeinen alle mehraxialen Festigkeit des betreffenden Materials bezogen. In diesem Zusammenhang erscheint es von einiger Wichtigkeit, darauf hinzuweisen, daß diese einaxiale Bezugsfestigkeit mit demselben Krafteinleitungssystem ermittelt werden sollte, das auch für die mehraxialen Versuche verwendet wird (Wert  $\beta_{\rm O}$ , vgl. Abschnitt 6.2). Es liegt nahe, bei der Planung mehraxialer Versuche ebenfalls von diesem Wert  $\beta_{\rm O}$  auszugehen. Demgegenüber wurde jedoch für die Durchführung der hier vorliegenden internationalen Vergleichsuntersu-

Fig. 6.3-2). All biaxial tests followed exactly the scheduled test dates agreed upon with the other participants of the cooperative study.

#### 4.2 Triaxial tests

For the triaxial tests the initial testing program and the finally performed program are compared with each other in Figures 4.2-1 and 4.2-2. The alteration was nescessary in order to concentrate the trials to those cases where failure only in triaxial and not in biaxial stress states would possibly occur, always under consideration of application of only compressive loads. In this connection as a "zero" load or stress, respectively, in direction of an axis a base load (clamping load to fix the specimen between the platens) of  $25~\rm kN$  was defined, which corresponds to  $2.5~\rm N/mm^2$ . Thus a triaxial stress state was characterized by a compressive stress of at least  $2.5~\rm N/mm^2$  in each of the three directions.

Contrary to the biaxial investigations tests with constant stress ratios were only performed in some cases for comparative reasons. To find out the failure locus within the three-dimensional stress field it rather seemed to be more effective to investigate specified stress planes ranging from 75 to 150 percent of the unaxial strength. This was done by increasing the stresses in the 3 axis hydrostatically up to the specified stress plane and then by controlling loading in such a way that the sum of the applied stresses remained constant. By this, loading followed 3 stress paths up to failure of the specimens. Details of the stress paths are outlined in Figure 4.2-3.

For comparative reasons usually all multiaxial strength data are referred to the value of uniaxial strength of that material investigated. In this connection it seems to be of some importance to point out that this uniaxial reference strength should be determined by using the same loading system as for the multiaxial tests (value of  $\beta_0$ , see section 6.2). It is obvious to plan multiaxial tests, too, on the basis of this value Bo. For the cooperative investigations under consideration, however, as reference stress fc uniformly a value of about 5 ksi has been recommended to all participants. As a result for the tests of the BAM for the sample of the stress planes to be investigated, a reference stress level of  $f_c' = 34.0 \text{ N/mm}^2$  has been chosen.

As Figures 4.2-1 and 4.2-2 show for the triaxial tests instead of the firstly planned 3 hydrostatic stress levels now 4 levels of 0.75, 1.00, 1.25 and  $1.50 \cdot f_{\text{C}}$  were assumed. But in spite of these higher stresses in several cases only flexible

chungen allen Beteiligten eine Bezugsspannung  $f_{C}^{*}$  von einheitlich rd. 5,0 ksi empfohlen. Dementsprechendwurde für die von der BAM durchzuführenden Versuche zur Auswahl der zu untersuchenden Spannungsebeneneine Bezugsspannung von  $f_{C}^{*}$  = 34,0 N/mm<sup>2</sup> festgelegt.

Wie aus den Bildern 4.2-1 und 4.2-2 ersichtlich ist, berücksichtigten die dreiaxialen Versuche an Stelle der zunächst geplanten drei Spannungsebenen nunmehr vier Ebenen mit 0,75, 1,00, ... 1,50 . f. Aber trotz dieser höheren Spannungen führten die dreiaxialen Druckbeanspruchungen in einigen Fällen nur bei schlaffen Druckplatten zum Versagen des Probekörpers. Die hierdurch freigewordenen Würfel, die ursprünglich für Versuche mit starren Druckplatten (gekennzeichnet mit (b)) vorgesehen waren, konnten nunmehr für zusätzliche Versuche mit schlaffen Druckplatten verwendet werden (gekennzeichnet durch a(b) in den Bildern 3.2-5 und 3.2-6). Auf diese Weise ergab sich die Möglichkeit einer Erweiterung des ursprünglichen Programms, indem zusätzliche Versuche mit konstanten Spannungsverhältnissen (Spannungspfad 4 in Bild 4.2-3) durchgeführt werden konnten. Damit bestand dann die Möglichkeit, die dreiaxialen Festigkeitswerte für Beton zu vergleichen, bei denen der Beanspruchungsverlauf zum einen Spannungspfaden unter Einschluß einer hydrostatischen Druckbeanspruchung folgte und zum anderen mit konstanten Spannungsverhältnissen zum Bruch des Probekörpers führte.

# 5 Versuchsdurchführung

In der vorliegenden Arbeit sind die Druck-Normalspannungen in den drei Hauptrichtungen durch

$$\sigma_1 \geq \sigma_2 \geq \sigma_3 \geq 0$$

gekennzeichnet. Die Beanspruchungsgeschwindigkeit betrug bei den zweiaxialen Versuchen  $0,03 \text{ N/mm}^2$  in der Sekunde bzw.  $0,075 \text{ N/mm}^2$ in der Sekunde bei den dreiaxialen Prüfungen. In beiden Fällen dauerte damit ein Versuch rd. 15 ... 25 Minuten. Der Kraftanstieg erfolgte ohne Zwischenstop bis zum Bruch der Probekörper. Lediglich beim Übergang vom hydrostatischen zum deviatorischen Teil der Spannungspfade ergab sich beim Umschalten eine kurze Unterbrechung im Beanspruchungsverlauf. Während des Versuchsablaufs wurden in bestimmten Intervallen die Formänderungen (Abfrage der Dehnungsmeßstreifen, induktiven Wegaufnehmer) und zweifach die auf den Probekörper wirkenden Prüfkräfte (Abfrage der mit Dehnungsmeßstreifen bestückten Kraftmeßzellen und außerdem der - ebenfalls mit Dehnungsmeßstreifen versehenen - Öldruckaufnehmer) in den drei Hauptrichtungen elektronisch abgefragt und auf Lochstreifen gestanzt. Die and not rough steel platens led to failure under a triaxial compressive stress state. Therefore the residual cubes, initially provided for tests with rough steel platens (marked (b)), were used for additional tests with flexible platens (marked a(b) in Figure 3.2-5). By this way in extension of the initial program it was possible to perform additional tests with constant stress ratios (stress path 4 in Fig. 4.2-3). This gave the chance to compare triaxial concrete strength tested with stress paths starting from hydrostatic stress levels on one hand and with constant stress ratios on the other.

#### 5 Experimental details

In the work described in the present report the compressive stresses in the three principal direction were characterized by

$$\sigma_1 \geq \sigma_2 \geq \sigma_3 \geq 0$$

The rate of loading amounted to 0.03 N/mm<sup>2</sup> per second in the case of biaxial tests and to  $0.075 \text{ N/mm}^2$  for triaxial tests, respectively. In both cases this implied a duration of testing of about 15...25 minutes. There was no stop in loading up to failure. Following the stress paths and changing from hydrostatic to deviatoric stress states there was a short stop, though, during the shift operation. During loading at certain intervals the deformations (strain gauges, inductive transducers) and twice the actual loads (load cells with strain gauges and also oil pressure transducers with strain gauges) in the three principal directions were measured electronically and registered on punched tapes. Later on these tapes were analysed by an electronic computer (ALGOL-language). Furthermore the (up to 12) most important data of loading and of specimen deformation were plotted on a curve drawing recorder (x-t-recorder) so that simultaneously with the testing the data obtained could

Auswertung dieser Lochstreifen erfolgte später auf einer elektronischen Rechenanlage (Programmierung in ALGOL). Darüber hinaus konnten die wichtigsten (bis zu 12) Meßwerte des Kraftanstiegs und der Formänderungen des Probekörpers auf einem Linienschreiber aufgezeichnet werden, so daß bereits während des Versuchsablaufs die Prüfergebnisse kontrolliert und das Versagen des Probekörpers erkannt werden konnten.

Bei den zweiaxialen Versuchen wurden die Formänderungen der Würfel sowohl mit Dehnungsmeßstreifen als auch mit induktiven Wegaufnehmern gemessen. Die Dehnungsmeßstreifen waren 80 mm lang (Meßlänge 60 mm). Sie wurden kreuzweise auf die beiden beim Versuch freibleibenden Würfeloberflächen geklebt, so daß je 2 Dehnungsmeßstreifen für jede der beiden zweiaxialen Kraftrichtungen zur Verfügung stand. Die Formänderung des Würfels in der dritten, unbeanspruchten Kraftrichtung wurde mit 2 induktiven Wegaufnehmern ermittelt. Aus einer Reihe von Gründen wäre die ausschließliche Verwendung von Dehnungsmeßstreifen vorzuziehen gewesen. Aber bei Versuchen mit zweiaxialer Druckbeanspruchung sind auf den Probekörpern keine weiteren freien Oberflächen vorhanden, auf denen die Dehnungsmeßstreifen in Richtung der dritten Kraftachse hätten geklebt werden können (Bild 3.3-1).

Bei den dreiaxialen Versuchen wurde zunächst davon ausgegangen, die Formänderungen des Würfels durch eine Reihe von induktiven Wegaufnehmern zu ermitteln, die an den einzelnen Stempeln der schlaffen Druckplatte bzw. bei den starren Druckplatten zwischen diesen Platten angebracht werden sollten. In vielen Vorversuchen, bei denen mehrere Arten der Anbringung der Wegaufnehmer getestet wurden, zeigten die Messungen jedoch keine voll befriedigenden Ergebnisse. Dies führte schließlich dazu, wiederum Dehnungsmeßstreifen zu verwenden und diese in rd. 10 mm tiefe (bezogen auf die Würfeloberfläche, vgl. Abschnitt 3.3 und Bild 3.3-2) Nuten zu kleben. Einaxiale Versuche hatten zuvor gezeigt, daß bei diesem Vorgehen keine signifikanten Unterschiede zwischen der Druckfestigkeit derart vorbereiteter und unbearbeiteter Würfel auftraten. Inwieweit dies ebenfalls für dreiaxiale Versuche zutrifft, ist aus einem Vergleich der entsprechenden Versuchsergebnisse der Würfel mit und ohne Dehnungsmeßstreifen (Nuten) ersichtlich. Tatsächlich konnten geringfügige, für eine erste Analyse aber durchaus vernachlässigbare Abweichungen festgestellt werden (vgl. z.B. Bild 6.5-4).

Bei allen zwei- und dreiaxialen Versuchen wurden die Würfel mit ihrer Herstellrichtung in Richtung von  $\sigma_1$  geprüft (auf diese Weise wurde

be controlled and failure could be distinguished.

As for the biaxial tests the deformations of the cubes were measured by strain gauges and by inductive displacement transducers as well. Two cross-wise arranged 80 mm strain gauges (measuring length 60 mm) were glued on each of the 2 bare cube surfaces, that is 1 gauge couple for each direction of biaxial loading. The deformation of the cube in direction of the third unloaded axis was measured by a couple of inductive displacement transducers. For several reasons it seemed preferable to use only strain gauges. But in biaxial testing there was no more bare surface where the strain gauges in direction of the third axis could have been glued on (Fig. 3.3-1).

As for the triaxial tests the first idea was to measure the deformations of the cubes by a number of inductive displacement transducers which were fixed to the pistons of the flexible platens or at the steel platens, respectively. Unfortunately quite a lot of preliminary test series with different methods of placing and attaching the transducers showed no results which could fully satisfy. Therefore we finally decided to use again strain gauges and to put them into grooves of about 10 mm depth (measured from the cube surfaces, see section 3.3 and Fig. 3.3-2). Uniaxial tests showed that there were no significant deviations between the compressive strength of such prepared and of unprepared cubes. In how far this also was true for the triaxial tests can be examined by comparison of the corresponding test results of cubes with and without strain gauges (grooves). Indeed, there was a noticeable, nevertheless for a first analysis neglectable, because only small - but known - deviation (see, for instance, Fig. 6.5-4).

In all biaxial and triaxial operations the cubes were tested with  $\sigma_1$  following the manufacturing direction (thus the grinded cube surface was stressed by the biggest load).

The uniaxial strength of the standard cylinders was determined by means of a conventional

die geschliffene Einfüllseite durch die jeweils größte Kraft beansprucht).

Die Ermittlung der einaxialen Druckfestigkeit der Standardzylinder erfolgte in einer konventionellen Prüfmaschine. Die Beanspruchungsgeschwindigkeit betrug hierbei 1 N/mm² in der Sekunde (eine Prüfung dauerte damit im allgemeinen 6 Minuten bis zum Erreichen der Bruchkraft).

Die zwei- und dreiaxialen Würfelprüfungen wurden auf der dreiachsigen Prüfmaschine der BAM durchgeführt. Als Krafteinleitung dienten hierbei sowohl schlaffe als auch starre Druckplatten.

# 6 Versuchsergebnisse

Dem Ziel der vorliegenden Arbeit entsprechend werden nachfolgend die verschiedenen Versuchsergebnisse ausführlich wiedergegeben, aber nur kurz erläutert. Eine Wertung soll zusammen mit dem in Aussicht genommenen Vergleich aller Prüfungsergebnisse der anderen an den internationalen Versuchen beteiligten Forschungsinstitute erfolgen.

Die BAM hat alle Meßergebnisse und alle sich hieraus für die Festigkeit und Formänderungen ergebenden Versuchsergebnisseauf Magnetband gespeichert. Bild 6.0-1 zeigt den grundsätzlichen Aufbau der abgespeicherten Ergebnis-Tabellen. Die Daten können damit jeder Zeit vollständig oder teilweise in Form von Listen oder aber Diagrammen (über Plotter oder Graphomaten) ausgegeben werden.

#### 6.1 Druckfestigkeit der Standardzylinder

Für die zweiaxialen Versuchsserien sind die einaxialen Druckfestigkeiten der Kontrollzylinder in Bild 6.1-1 und für die dreiaxialen Versuche in Bild 6.1-2 wiedergegeben. Sämtliche Zylinder wurden zu der gleichen Zeit wie die zugehörigen Würfel geprüft. Das Prüfalter ist daher aus den Bildern 3.2-3 und 3.2-5 ersichtlich.

#### 6.2 Einaxiale Würfelfestigkeit

Die einaxiale Druckfestigkeit der Würfel stellt die Bezugsfestigkeit für die mehraxialen Versuche dar. Dem Versuchsprogramm zufolge waren einaxiale Versuche nur in Verbindung mit den zweiaxialen Versuchsserien vorgesehen. Da jedoch die Probekörper für die dreiaxialen Versuche die gleiche Mischungszusammensetzung wie die zweiaxial zu prüfenden Betonwürfel hatten und außerdem die zugehörigen Standardzylinder ähnliche Festigkeitsergebnisse zeigten (Bilder 6.1-1/2), konnten, in erster Annäherung, sowohl für die zweiaxialen als auch für die dreiaxialen Versuche die gleichen Bezugsfestigkeitswerte gelten. Aufgrund

testing machine. The rate of loading was  $1 \, \text{N/mm}^2$  per second (in general it took about 6 minutes to reach the breaking load).

The biaxial and triaxial testings of the cubes were performed with the triaxial testing machine of the BAM. Load application took place with flexible and with rough steel platens as well.

#### 6 Test results

According to the aim of the present work the following sections contain detailed test results but only short explanations. A valuation of the data will succeed together with the planned comparison of all test results of the other institutes participating in the international cooperative study.

The BAM has registered on magnetic tapes all measuring results as well as all computed data of strength and strains. The layout of these tables is shown in Fig. 6.0-1 in a simplified manner. In this way it is possible to output the test results at any time completely or in parts on lists or graphs (the latter by means of a plotter or a drawing device called 'Graphomat').

#### 6.1 Strength of standard cylinders

The uniaxial compressive strength results of the control cylinders are entered in Fig. 6.1-1 for the biaxial test series and in Fig. 6.1-2 for the triaxial ones. All cylinders have been tested synchronously to the corresponding cubes. The age at test can therefore be seen from Figures 3.2-3 and 3.2-5.

# 6.2 <u>Uniaxial cube strength</u>

The uniaxial cube strength is the reference strength for the multiaxial tests. Following the testing program there were only uniaxial tests in connection with the biaxial series of tests. The specimens of the triaxial tests, however, had the same mix proportions as the biaxial concrete cubes. The corresponding standard cylinders showed similar strength results (Figures 6.1-2/2), too. Therefore, for a first approach, both for biaxial and for triaxial tests the same reference values were valid. In terms of six

der Ergebnisse von 6 Probekörpern in jeder Serie betrugen damit die Werte der Bezugsfestigkeit  $\beta_{\rm O}$ :

Kraft-	βo [N	$/\mathrm{mm}^2$ ]
einleitung	Mörtel	Beton
Schlaffe Druckplatten	29,1	30,6
Starre Druckplatten	33,8	38,0

Die Einzelergebnisse der Festigkeiten sind aus den Zeilen für das Spannungsverhältnis  $\sigma_2/\sigma_1=0$ der Bilder 6.3-2 bis 6.3-5 ersichtlich. Wie die dort angegebenen Mittelwerte - die voranstehend wiedergegeben sind - zeigen, beträgt der mit schlaffen Druckplatten ermittelte Festigkeitswert bei Beton 80 % der mit starren Druckplatten ermittelten einaxialen Druckfestigkeit. Für Mörtel reduziert sich der mit schlaffen Druckplatten erzielte Wert auf 86 %. Diese Ergebnisse entsprechen vollständig denjenigen anderer Untersuchungen. Sie zeigten die gleichen Werte wie die Festigkeitsergebnisse von prismatischen Probekörpern, wenn diese mit Würfelfestigkeiten verglichen werden. Dies weist darauf hin, daß es tatsächlich mit schlaffen Druckplatten möglich ist, eine Krafteinleitung zu verwirklichen, bei der nahezu keine seitliche Zwängung auf den Probekörper einwirkt.

#### 6.3 Zweiaxiale Würfelfestigkeit

Bild 6.3-1 zeigt die Anzahl und die mittleren Festigkeitsergebnisse der zweiaxialen Versuche. Die Mittelwerte wurden hierbei aus je 6 Versuchen für jede Versuchsbedingung und jedes der drei Spannungsverhältnisse ermittelt. Die Einzelergebnisse der Bruchspannungen aller 96 Würfel sind in den Bildern 6.3-2 bis 6.3-5 zusammengestellt. Zusätzlich sind die Ergebnisse in den Bildern 6.3-6 und 6.3-7 in Form von Diagrammen (Grenzlinie der zweiaxialen Festigkeit in der Ebene  $\sigma_1$ - $\sigma_2$ ) für Mörtel- bzw. für Betonprobekörper dargestellt. Der Verlauf der zugehörigen Oktaederspannungen  $\sigma_0$  und  $\tau_0$  ist aus den Bildern 6.3-8 und 6.3-9 ersichtlich. Die Abhängigkeit dieser Größen von den drei Hauptspannungen ergibt sich aus den folgenden Gleichungen (im zweiaxialen Fall  $\sigma_3 = 0$ :

$$\begin{split} & \mathcal{G}_0 = \frac{\mathcal{G}_1 + \mathcal{G}_2 + \mathcal{G}_3}{3} \\ & \mathcal{T}_0 = \frac{1}{3} \sqrt{\left(\mathcal{G}_1 - \mathcal{G}_2\right)^2 + \left(\mathcal{G}_2 - \mathcal{G}_3\right)^2 + \left(\mathcal{G}_3 - \mathcal{G}_1\right)^2} \\ & = \frac{\sqrt{2}}{3} \sqrt{\left(\mathcal{G}_1^2 + \mathcal{G}_2^2 + \mathcal{G}_3^2 - \mathcal{G}_1 \mathcal{G}_2 - \mathcal{G}_2 \mathcal{G}_3 - \mathcal{G}_3 \mathcal{G}_1\right)^2} \end{split}$$

replications for each series the values of the reference strength  $\ensuremath{\beta_{O}}$  amounted to

Load	$\beta_{\rm O} [{\rm N/mm}^2]$				
Application	Mortar	Concrete			
Flexible Platens	29.1	30.6			
Rough Steel Platens	33.8	38.0			

The individual strength values are listed in Figures 6.3-2 up to 6.3-5 in the rows for the stress ratio  $\sigma_2/\sigma_1$ = 0. As the mean values show, the uniaxial strength of concrete, tested with flexible platens, equals 80 % of that value found with rough steel platens. For mortar the strength ratio results in a value of 86 %. These findings correspond best to other investigations. They are equivalent to the strength results of prisms compared with those of cubes. By this it is indicated that with flexible platens it is possible to achieve a load application with nearly no lateral restraint to the specimens.

#### 6.3 Biaxial cube strength

Figure 6.3-1 shows the number and the mean strength results of the biaxial trials. The mean values are obtained from six replications of each test condition at three stress ratios.

The individual ultimate stresses of all 96 cubes are listed in Figures 6.3-2 up to 6.3-5. In addition to this Fig. 6.3-6 and Fig. 6.3-7 show the corresponding diagrams with biaxial strength envelopes in  $\mathcal{O}_1-\mathcal{O}_2$  space for mortar and for concrete specimens, respectively. The octahedral stresses  $\mathcal{O}_0$  and  $\mathcal{C}_0$  are entered in Fig. 6.3-8 and 6.3-9. They can be expressed in terms of the 3 principal stresses by the following equations (biaxial  $\mathcal{O}_3$  = 0):

$$\sigma_{0} = \frac{\sigma_{1} + \sigma_{2} + \sigma_{3}}{3}$$

$$\tau_{0} = \frac{1}{3} - \sqrt{(\sigma_{1} - \sigma_{2})^{2} + (\sigma_{2} - \sigma_{3})^{2} + (\sigma_{3} - \sigma_{1})^{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{3} - \sqrt{\sigma_{1}^{2} + \sigma_{2}^{2} + \sigma_{3}^{2} - \sigma_{1}\sigma_{2} - \sigma_{2}\sigma_{3} - \sigma_{3}\sigma_{1}}$$

Einen Eindruck von der Streuung der zweiaxialen Festigkeitsergebnisse geben die Bilder 6.3-10 bis 6.3-13 und schließlich - in tabellarischer Form - Bild 6.3-14. Die Darstellungen zeigen sowohl den 99 %-Vertrauensbereich aller Mittelwerte:

$$\overline{x} \pm \frac{t}{\sqrt{N}} \cdot s$$
  $N = 6$   $t_{99} = 4,032$   $s = Standardabweichung$ 

als auch die Streuung der Meßwerte. In diesem Fallwurde als Streubereich der durch alle maximalen und minimalen Meßwerte eingegrenzte Bereich gezeichnet. Als Maß für die Streuung ist außerdem in Bild 6.3-14 der Variationskoeffizient angegeben.

Alle diese Darstellungen - insbesondere die Bilder 6.3-6 und 6.3-7 - zeigen den wesentlichen Einfluß der Krafteinleitungssysteme auf die Versuchsergebnisse. Die Festigkeitswerte, die mit starren Druckplatten ermittelt worden sind, liegen viel höher als jene, welche sich bei Krafteinleitung über schlaffe Druckplatten ergeben haben. Dies weist auf eine erhebliche Querdehnungsbehinderung in der Berührungsfläche zwischen starren Druckplatten und Probekörper hin. Starre Druckplatten sind daher für mehraxiale Versuche nicht geeignet und können höchstens in einigen Fällen für Vergleichsversuche verwendet werden.

# 6.4 Spannungs-Dehnungslinien bei zweiaxialer Druckbeanspruchung

93 Diagramme (Bilder 6.4-1a bis 6.4-16f) zeigen die einzelnen Spannungs-Dehnungslinien für Mörtel und Beton bei zweiaxialer Druckbeanspruchung, ermittelt bei Krafteinleitung über schlaffe Druckplatten bzw. über starre Druckplatten. Die Festigkeit des betreffenden Probekörpers (Bruchspannung in Richtung der Achse 1, wobei  $\sigma_1 \geq \sigma_2$ ) ist jeweils durch eine gestrichelte Linie gekennzeichnet. Bei 3 der insgesamt 96 Versuche war das Spannungs-Dehnungsverhalten nicht auswertbar.

Die folgende Übersichtstabelle soll das Auffinden einer bestimmten Gruppe von Kurven erleichtern:

Versuchs-	Spannungs-	Bild-Nu	Bild-Nummern +		
bedingungen	verhältnis $\delta_2 / \delta_1$	Mörtel	Beton		
Schlaffe Druckplatten	0/3 1/3 2/3 3/3	6.4-1 6.4-2 6.4-3 6.4-4	6.4-9 6.4-10 6.4-11 6.4-12		
Starre Druckplatten	0/3 1/3 2/3 3/3	6.4-5 6.4-6 6.4-7 6.4-8	6.4-13 6.4-14 6.4-15 6.4-16		

+) Innerhalb jeder Versuchsserie wurden die Einzeldiagramme mit a, b ... f bezeichnet.

An impression of the variation of the biaxial strength results give Figures 6.3-10 up to 6.3-13 and Figure 6.3-14, respectively, latter in form of a table. The graphs show the 99 percent confidence interval

$$\overline{x} \pm \frac{t}{\sqrt{N}} \cdot s$$
  $N = 6$   $t_{99} = 4,032$   $s = standard deviation$ 

for all mean values as well as the scatter of the measured values. In this case the scatter is defined as the outer boundary of all test results (maximum and minimum values). In addition the scatter given by the coefficient of variation is entered in Fig. 6.3-14.

All these plottings - especially Figures 6.3-6 and 6.3-7 - show the serious influence of the load application systems on the test results. Strength values determined by load application with rought steel platens are much higher than those which were ascertained with flexible platens. This indicates a remarkable amount of restraint in the contact zone between the rough steel platens and the specimen. Therefore multiaxial tests with rough steel platens are only sometimes of interest for comparative reasons but of no practical use.

# 6.4 <u>Stress-strain</u> behaviour in biaxial compression

93 graphs (Figures 6.4-1a up to 6.4-16f) show the individual stress-strain curves of mortar and concrete cubes under biaxial compression tested with flexible platens and with rough steel platens, respectively. In each case the strength of the specimen (ultimate stress in axis 1 with  $\mathcal{C}_1 \geq \mathcal{C}_2$ ) is indicated by a dashed line. For 3 out of 96 tests the stress-strain relationship was not plottable.

The following synoptic table may facilitate the location of a special group of curves:

Test	Stress	Number	of Figure
Conditions	Ratio $\sigma_2/\sigma_1$	Mortar	Concrete
Flexible Platens	0/3 1/3 2/3 3/3	6.4-1 6.4-2 6.4-3 6.4-4	6.4-9 6.4-10 6.4-11 6.4-12
Rough Steel Platens	0/3 1/3 2/3 3/3	6.4-5 6.4-6 6.4-7 6.4-8	6.4-13 6.4-14 6.4-15 6.4-16

<sup>+)</sup> Within each test series the individual graphs are marked by a, b ... f

Zur Darstellung einer mittleren Spannungs-Dehnungslinie sind aus den Einzelversuchen die Mittelwerte der Dehnungen errechnet worden. Die Anzahl der Versuche ist aus Bild 6.3-1 ersichtlich (im allgemeinen 6 Versuche je Serie). Insgesamt beruhen die ermittelten Spannungs-Dehnungsbeziehungen auf 46 Versuchen mit starren Druckplatten und 47 Prüfungen mit schlaffen Druckplatten. Die Bilder 6.4-17 bis 6.4-24 geben einen allgemeinen Überblick über den Einfluß der Versuchsparameter. Sie zeigen gemittelte Spannungs-Dehnungslinien für alle 16 Kombinationen im Versuchsmaterial (Mörtel und Beton), in der Art der Krafteinleitung (schlaffe und starre Druckplatten) und für verschiedene Spannungsverhältnisse  $\sigma_2/\sigma_1$ .

Wie bereits erwähnt, wurden für die Dehnungsmessungen in Richtung der Achse 1 und Achse 2 Dehnungsmeßstreifen in Form eines Kreuzes auf die beiden freien Würfeloberflächen geklebt. Demgegenüber wurden in Richtung der Achse 3 induktive Wegaufnehmer benutzt. Fast immer rissen die meisten der vier Dehnungsmeßstreifen eines Würfels vor dem Erreichen der Bruchspannung. In anderen Fällen waren die Versuchsergebnisse oberhalb eines bestimmten zweiaxialen Spannungszustandes nicht auswertbar (z. B. wenn Rissebildungen fehlerhafte Meßwerte verursachten). Dies ist dann mit einem Stern am Ende einer Kurve gekennzeichnet. Die gemittelten Spannungs-Dehnungslinien (Bilder 6.4-17 bis 6.4-24) sind schließlich noch einmal gezeichnet zusammen mit dem durch die maximalen und minimalen Meßwerte gekennzeichneten Streubereich aller gemessenen Dehnungswerte (Bilder 6.4-25 bis 6.4-40) und außerdem durch Grenzlinien eines Bereiches, der

#### $\bar{x} \pm 1,645 \cdot s$ s = Standardabweichung

gekennzeichnet ist (Bilder 6.4-41 bis 6.4-56). Dieser zuletzt genannte Bereich (90 %-Bereich der Normalverteilung) vermittelt einen Eindruck von der Streuung der Dehnungsmeßwerte bei jeweils 6 Versuchsergebnissen. Außerdem entspricht dieser Bereich in diesem Fall einem Vertrauensbereich der Mittelwerte mit einer Aussagewahrscheinlichkeit von 99 %.

# 6.5 <u>Dreiaxiale Würfelfestigkeit</u>

Dem Versuchsprogramm entsprechend wurden nur Betonwürfel, nicht aber Würfel aus Zementmörtel geprüft. Und ebenfalls im Unterschied zu den zweiaxialen Versuchen folgte in der Regel diesmal der Kraftanstieg zunächst einem hydrostatischen Spannungsverlauf, um dann innerhalb einer vorgewählten Spannungsebene zu Spannungskombinationen überzugehen, die einem der drei ausgewählten Spannungspfade entsprachen.

For plotting the mean stress-strain relationships, average strains have been calculated. The number of tests is given in Figure 6.3-1 (generally sixfold replication). In total the computed stress-strain relations are based on 46 tests with rough steel platens and on 47 trials with flexible platens. The Figures 6.4-17 up to 6.4-24 allow a general view of the influence of the test variables. They show mean stress-strain curves for all 16 combinations of the material (mortar and concrete), of the way of load application (flexible and rough steel platens) and of the variant stress proportions  $\sigma_2/\sigma_1$ .

As already mentioned for strain measurements in axis 1 and axis 2 strain gauges were glued in shape of a cross on both free surfaces of the cubes. In direction of axis 3 inductive transducers were used. Nearly always, most of the 4 strain gauges of a cube were destroyed before the ultimate stress was reached. In some cases the test results were not plottable beyond a certain stage of biaxial stress (for instance fissures caused incorrect measurements). This is marked with a star at the end of a curve.

Finally the mean stress-strain curves (Figures 6.4-17 up to 6.4-24) are plotted once more, this time together with the outer boundary (maximum and minimum value) of all measured strain values (Figures 6.4-25 up to 6.4-40) and together with the lines showing the interval defined by

 $x \pm 1,645$  s s = standard deviation

(Figures 6.4-41 up to 6.4-56). This interval (90 % interval of the normal distribution) gives an impression of the scatter of the strain values in view of sixfold replication. Moreover it corresponds to a confidence interval of the mean values of 99 %.

#### 6.5 Triaxial cube strength

According to the test program only concrete and no mortar cubes were tested. And contrary to the biaxial trials, too, this time as a rule loading was performed by first subjecting the cube to a specified hydrostatic stress and then to stress combinations which followed one of three stress paths within a preset stress plane.

Einzelheiten der verschiedenen Spannungspfade wurden bereits mit Bild 4.2-3 erläutert. Das Bild 6.5-1 soll einen Eindruck von dem dreidimensionalen Spannungsraum mit den hydrostatischen und deviatorischen Spannungskomponenten vermitteln. Die drei Achsen des Spannungsraumes wurden mit  $\sigma_{\rm I}$ ,  $\sigma_{\rm II}$  und  $\sigma_{\rm III}$  gekennzeichnet, um so den Unterschied (Maßstabsänderung im Spannungsraum im Vergleich zum physikalischen Raum) zu den Hauptspannungen  $\sigma_{\rm I}$ ,  $\sigma_{\rm 2}$  und  $\sigma_{\rm 3}$  zu verdeutlichen. In Bild 6.5-2 sind die drei untersuchten Spannungspfade skizziert.

Anzahl und mittlere Festigkeitswerte der dreiaxialen Versuche sind in Bild 6.5-3 zusammengestellt. Die Einzelwerte der Bruchspannungen
bei dreiaxialer Druckbeanspruchung der Würfel
sind aus den Bildern 6.5-4 bis 6.5-9 ersichtlich. Außerdem gibt Bild 6.5-10 einen Überblick über die dreiaxiale Druckfestigkeit des
Betons unter Berücksichtigung der drei vorgegebenen Spannungspfade. Hierbei zeigt sich,
daß einige der urprünglich vorgesehenen Versuche (vgl. Bild 4.2-1) nicht durchgeführt werden konnten, weil die Prüfungen innerhalb der
niedrigen Spannungsebenen von 0,5 f'c bis 1,0 f'c
nicht zu dreiaxialen, sondern vielmehr zu zweiaxialen Druckspannungszuständen geführt hätten.

In den Bildern 6.5-4 bis 6.5-9 ist außerdem angegeben, ob die Würfel mit Dehnungsmeßstreifen versehen waren (und daher mit einem besonderen Zementmörtel gefüllte Nuten hatten). Es scheint hier ein kleiner Unterschied zwischen der dreiaxialen Druckfestigkeit der Würfel mit und ohne Dehnungsmeßstreifen (Nuten) vorzuliegen. Trotzdem wurden zunächst die vorliegenden Mittelwerte aus allen vorhandenen 6 (manchmal nur 5) Einzelwerten errechnet. Mit späteren Berechnungen soll dann überprüft werden, ob die gefundenen Festigkeitsunterschiede in mathematisch-statistischer Sicht signifikant sind oder nicht (wahrscheinlich nicht).

Eingangs wurde bereits erwähnt, daß zusätzliche Versuche mit konstanten Spannungsverhältnissen durchgeführt werden konnten. Diesbezügliche Versuchsergebnisse enthalten die Bilder 6.5-8 (schlaffe Druckplatten) und 6.5-9 (starre Druckplatten). Die verschiedenen Spannungsverhältnisse wurden unter Berücksichtigung der Versuchsergebnisse mit den Spannungspfaden Nr. 1, 2 und 3 ausgewählt. Auf diese Weise war ein unmittelbarer Vergleich der Versuchsdaten möglich. Er beschränkte sich jedoch auf diejenigen Probekörper, die ursprünglich nicht mit Dehnungsmeßstreifen versehen waren (d.h. die keine Nuten aufwiesen). Bei allen Vergleichsversuchen erfolgte die Krafteinleitung über schlaffe Druckplatten. Die gemittelten Versuchsergebnisse sind in

A specification of the variant stress paths has already been given in Fig. 4.2-3. Fig. 6.5-1 gives an impression of the threedimensional stress space with the hydrostatic and deviatoric stress components. The 3 axis of stress space are marked  $\mathcal{C}_{\text{I}}$ ,  $\mathcal{C}_{\text{I}}$  and  $\mathcal{C}_{\text{II}}$  to show the difference (deviation in scale for stress space compared with physical space) to the data of  $\mathcal{C}_{1}$ ,  $\mathcal{C}_{2}$  and  $\mathcal{C}_{3}$  (principal normal stresses). The 3 investigated stress paths are sketched in Fig. 6.5-2.

The number and the mean strength results of the triaxial tests are shown in Fig. 6.5-3. In addition the individual ultimate stresses of all cubes tested triaxially are listed in Figures 6.5-4 up to 6.5-9. Moreover Fig. 6.5-10 gives a general view of concrete strength under triaxial compression, broken down for each of the 3 given stress paths. This reveals that some of the initial scheduled trials (see Fig. 4.2-1) could not be performed. The reason for this is that within the lower stress planes of 0.5 f'\_c up to 1.0 f'\_c loading would have resulted at failure in biaxial and not in triaxial compressive stress states.

In the Figures 6.5-4 up to 6.5-9 it is indicated if the cubes were supplied with strain gauges (and therefore had grooves filled with a special cement mortar). There seems to be a remarkable but small deviation between the triaxial strength of cubes with and without strain gauges (grooves). Nevertheless the present mean values were calculated from all of the 6 (sometimes only 5) individual values. Later calcualtions may prove whether the difference in strength is in a statistical sense significant or not (probably not).

As already mentioned it had been possible to perform additional tests with constant stress ratios. These test results are entered in Fig. 6.5-8 (flexible platens) and in Fig. 6.5-9 (rough steel platens). The variant stress ratios were chosen in reference to the test results in those trials with stress paths No. 1, 2 and 3. In this way a immediate comparison of the data was possible. This comparison, however, only was done with specimens which were predominantly not supplied with strain gauges (i.e. which had no grooves). For this comparison load application was performed with flexible platens. The mean values were entered in Fig. 6.5-11. There could be noticed a slightly higher value of ultimate stress for tests with constant stress ratios than for tests with corresponding stress paths.

Bild 6.5-11 zusammengestellt. Es konnten geringfügig höhere Werte der Bruchspannungen bei Versuchen mit konstanten Spannungsverhältnissen im Vergleich zu Versuchen mit entsprechenden Spannungspfaden festgestellt werden.

Die Bilder 6.5-12 bis 6.5-16 zeigen die zusammengefaßten Festigkeitsergebnisse nochmals in der Form von Oktaederspannungen. Die Diagramme stellen die ermittelten dreiaxialen Festigkeitswerte dar in Abhängigkeit von der hydrostatischen Beanspruchung (Oktaeder-Normalspannung) und der Oktaeder-Schubspannung beim Bruch des Probekörpers. Außerdem sind die Oktaederspannungen für die verwendeten Krafteinleitungssysteme (Bild 6.5-15) und für verschiedene Spannungspfade (Bild 6.5-16 dargestellt.

Schließlich zeigt Bild 6.5-17 noch in tabellarischer Form die Streuung der dreiaxialen Festigkeitswerte - ähnlich wie Bild 6.3-14 bei den zweiaxialen Versuchen. Erläuterungen zu dem hier aufgeführten Vertrauensbereich der Mittelwerte und zu dem Streubereich der Einzelwerte wurden bereits im Abschnitt 6.3 gegeben.

# 6.6 <u>Spannungs-Dehnungslinien bei dreiaxialer</u> Druckbeanspruchung

Die Darstellung der dreiaxialen Spannungs-Dehnungsbeziehungen entspricht vollkommen der Darlegung der zweiaxialen Versuchsergebnisse in Abschnitt 6.4. Die Anzahl der Versuche ist aus Bild 6.5-3 ersichtlich. Danach wurden in der Regel von den 6 Würfeln einer Serie 3 Probekörper mit Dehnungsmeßstreifen versehen, und zwar in der Art, wie sie in Bild 3.3-1 skizziert ist. Dies gilt sowohl für Versuche mit schlaffen als auch mit starren Druckplatten. Außer mit Dehnungsmeßstreifen wurden die Formänderungen auch mit einer Reihe von induktiven Wegaufnehmern ermittelt. Die in diesem Bericht zusammengestellten Diagramme geben bei Prüfungen mit schlaffen Druckplatten die Werte der Dehnungsmeßstreifen wieder, wo hingegen bei Prüfungen mit starren Druckplatten zumeist die Meßwerte der induktiven Wegaufnehmer - die zwischen den Druckplatten angeordnet waren - aufgetragen sind. Die Messungen mit induktiven Wegaufnehmern sind, wie in Abschnitt 5 bereits erwähnt, nicht immer zuverlässig.

Die insgesamt 48 Darstellungen der Bilder 6.6-1a bis 6.6-16c zeigen die einzelnen Spannungs-Dehnungslinien der Betonprobekörper bei dreiaxialem Verlauf der Druckspannungen entlang der in Bild 4.2-3 angegebenen Spannungspfade. Die horizontale, gestrichelte Linie zeigt die in Achse 1 erreichte Bruchspannung an, wobei $\sigma_1 \succeq \sigma_2 \succeq \sigma_3$  gilt. Das Spannungs-

In terms of octahedral stresses the summarized strength results are shown in Figures 6.5-12 up to 6.5-16. The graphs show the triaxial strength data found in terms of the hydrostatic stress level (octahedral normal stress) and the octahedral shear stress at failure, the octahedral stresses for the investigated load applications (Fig. 6.5-15) and for variant stress paths (Fig. 6.5-16).

Finally Fig. 6.5-17 shows the variation of the triaxial strength results in the same manner as Fig. 6.3-14 does for the biaxial trials. Both the confidence interval of the mean values and the scatter of the individual values are already specified in section 6.3.

# 6.6 Stress-strain behaviour in triaxial compression

The plotting of the triaxial stress-strain relationships follows exactly the layout of the biaxial ones given in section 6.4. The number of tests is given in Fig. 6.5-3. It shows that as a rule out of 6 cubes of a series 3 specimens have been prepared for strain measurements in the way shown in the sketch 3.3-1. This has been true for tests with load application by flexible and rough steel platens as well. Besides of strain gauges for displacement measurements also several inductive transducers have been used. The graphs plotted in this report are based on test values measured by strain gauges in the case of trials with flexible platens whereas in the case of rough steel platens mostly the test results of the inductive transducers (placed between the platens) are plotted, though, as already mentioned in section 5, these test results of inductive transducers sometimes are not reliable.

The in total 48 Figures 6.6-1a up to 6.6-16c show the individual triaxial stress-strain curves for the concrete specimens tested by following the stress paths as outlined in Fig. 4.2-3. The horizontal dashed line indicates the ultimate stress reached in axis 1 with  $\mathcal{G}_1 \geq \mathcal{G}_2 \geq \mathcal{G}_3$ . The stress-strain behaviour of those cubes tested for comparative reasons by proportionally increased loads (stress path 4) is shown in the last Figures of this group (Figures 6.6-13 up to 6.6-16c). Regarding the triaxial stress state at the fail-

Dehnungsverhalten derjenigen Würfel, die aus Vergleichsgründen mit proportional ansteigendem Kraftanstieg (Spannungspfad 4) geprüft wurden, ist aus den abschließenden Bildern dieser Gruppe (Bild 6.6-13 bis 6.6-16c) ersichtlich. Bezogen auf den dreiaxialen Spannungszustand zum Zeitpunkt des Versagens entspricht Bild 6.6-13 den Bildern 6.6-5a...c, Bild 6.6-14 den Bildern 6.6-7a...c, Bild 6.6-15 den Bildern 6.6-8a, b und schließlich sind die Bilder 6.6-16a...c vergleichbar mit den Bildern 6.6-10a...f.

Zum Auffinden einer besonderen Gruppe von Kurven dient die folgende Übersichtstabelle:

Versuchs-	Hydro-	Bild-Nummern +)					
bedingun- gen	stati- sche Span-	Spannungspfad ++)					
	nung [N/mm <sup>2</sup> ]	1	2	3	4		
Schlaffe Druck- platten	25,5 34,0 42,5 51,0	6.6-1 6.6-2 6.6-3 6.6-4	- 6.6-5 6.6-6	- 6.6-7 6.6-8	 6.6-13/14 6.6-15		
Starre Druck- platten	25,5 34,0 42,5 51,0	6.6-9 6.6-10 6.6-11 6.6-12	-		- 6.6-16 - -		

<sup>+)</sup> Innerhalb jeder Versuchsserie wurden die Einzeldiagramme mit a, b ... f bezeichnet.

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien bei dreiaxialer Druckbeanspruchung sind für die Versuche mit schlaffen Druckplatten in den Bildern 6.6-17 bis 6.6-24 gezeichnet und für die Versuche mit starren Druckplatten in den Bildern 6.6-25 bis 6.6-28. Ebenso wie die Diagramme des Spannungs - Dehnungsverhaltens bei zweiaxialer Druckbeanspruchung (Abschnitt 6.4) zeigen weitere Darstellungen diese mittleren Kurven zusammen mit Grenzlinien des Streubereiches der Meßwerte, und zwar sowohl ausgehend von den maximalen und minimalen Meßwerten (Bilder 6.6-29 bis 6.6-40) sowie eines 90 %-Intervalls der Normalverteilung (Bilder 6.6-41 bis 6.6-52). Der zuletzt angeführte Bereich kann außerdem als Vertrauensbereich der mittleren Dehnungswerte angesehen werden. In diesem Falle entspricht das 90 %-Intervall der Einzelwerte (Normalverteilung) einem Vertrauensbereich der Mittelwerte mit einer Aussagewahrscheinlichkeit von nahezu 90 %, wenn die Anzahl der Versuche auf N = 3 beschränkt bleibt. Bei 4 Versuchen liegt dementsprechend dem Vertrauensbereich eine Aussagewahrscheinlichkeit von rd. 95 %, bei N = 5 von rd. 98 % und schließlich bei 6 Versuchen von 99 % zugrunde.

ure point, Fig. 6.6-13 is comparable to Figures 6.6-5a...c, Fig. 6.6-14 to Figures 6.6-7a...c, Fig. 6.6-15 to Figures 6.6-8a, b and finally Figures 6.6-16a...c are comparable to Figures 6.6-10a...f.

Informations to find a special group of curves gives the following synoptic table:

Test Conditions	Hydrostatic Stress Level	1		r of Fi	gure +)
	N/mm <sup>2</sup>	1	2	3	4
Flexible Platens	25.5 34.0 42.5 51.0				- 6.6-13/14 6.6-15
Rough Steel Platens	25.5 34.0 42.5 51.0	6.6-9 6.6-10 6.6-11 6.6-12	-	-	- 6.6-16 - -

Within each test series the individual graphs are marked by a, b ... f

Mean triaxial stress-strain curves are plotted in Figures 6.6-17 up to 6.6-24 for tests with flexible platens and in Figures 6.6-25 up to 6.6-28 for tests with rough steel platens, respectively. Like the graphs with stress-strain behaviour in biaxial compression (section 6.4) further Figures show these mean curves together with lines which limit the scatter of the measured values both in terms of the maximum and minimum values (Figures 6.6-29 up to 6.6-40) and in terms of the 90 % interval of the normal distribution (Figures 6.6-41 up to 6.6-52). The latter interval, too, can be interpreted as confidence interval of the mean strain values. In this case the 90 % interval of the individual values (normal distribution) corresponds to a confidence interval of the mean values of nearly 90% if the number of tests has been N = 3. Accordingly N = 4 results in a confidence interval of about 95 %, N = 5 of about 98 % and N = 6 of 99 %.

<sup>++)</sup> Vgl. Bild 4.2-3.

<sup>++)</sup> See Figure 4.2-3

## 7 Schlußfolgerungen

Abschließende Folgerungen aus den hier wiedergegebenen Versuchsergebnissen sollen dem in Aussicht genommenen Vergleich sämtlicher Versuchsdaten aus allen beteiligten Forschungsinstituten vorbehalten bleiben. Dies kann geschehen, sobald von allen Instituten die ausgewerteten Versuchsdaten vorliegen. Ohne vorzugreifen, können bisher vielleicht die folgenden allgemeinen Feststellungen getroffen werden:

- (1) Bei mehraxialer Druckbeanspruchung versagt das Material durch Zugdehnung in Richtung der kleinsten Hauptspannung.
- (2) Die Art der Krafteinleitung in den Probekörper kann das Versuchsergebnis entscheidend beeinflussen. Bei starren Druckplatten tritt eine erhebliche Querdehnungsbehinderung in der Berührungsfläche zwischen Druckplatte und Probekörper auf. Sie sind daher für dreiaxiale Versuche ungeeignet. Starre Druckplatten können für dreiaxiale Untersuchungen allenfalls in besonders gelagerten Fällen für Vergleichszwecke verwendet werden.
- (3) Bei dreiaxialer mechanischer Beanspruchung von Probekörpern ist es recht schwierig, eine Meßmethode zu finden, die nicht bereits von ihrer Anlage her die ermittelten Dehnungsmeßwerte in ihrer Größe zumindest geringfügig mitbestimmt. Dies sollte besonders für den Fall kleiner Dehnungsmeßwerte berücksichtigt werden.
- (4) Bei dreiaxialen Untersuchungen und hier besonders bei Druckbeanspruchungen, die erheblich von einem zweiaxialen Spannungszustand abweichen - ist die Brucherkennung schwieriger als bei zweiaxialen Druckprüfungen.
- (5) Die Aussagekraft der vorliegenden zweiaxialen Versuche scheint höher zu sein als die der dreiaxialen. Dies ist allerdings nicht durch eine vielleicht unterschiedliche große Sorgfalt bei der Versuchsdurchführung begründet. Vielmehr hätte das ursprüngliche Versuchsprogramm mehr auf dreiaxiale Versuche mit höheren Druckbeanspruchungen ausgerichtet werden müssen. Andererseits sind aber gerade für die Baupraxis dreiaxiale Spannungszustände mit nicht allzu hoher Beanspruchung von Bedeutung. In Anbetracht der Lage der Grenzfläche der Tragfähigkeit des Betons im Spannungsraum muß hierbei jedoch beachtet werden, daß weniger hohe Beanspruchungen nicht mehr bei dreiaxialen Druckspannungen, sondern nur noch bei kombinierten Druck-Zugspannungen zum Versagen des Probekörpers führen würden. Und gerade dies hätte wesentlich aufwendigere Versuchstechniken erfordert.

#### 7 Conclusions

Although final conclusions must remain for the planned comparison of the measurements taking place as soon as all results of the international cooperative study are available, the following general observations may be made:

- (1) At multiaxial compressive tests, failure occurs by extension in the direction of the minimum principal stress.
- (2) The load application technique may influence the test results considerably. Rough (rigid) steel platens show a remarkable amount of restraint in the contact zone to the specimen. They therefore are unfit for triaxial investigations. Only for comparative reasons in very special cases they my be used perhaps.
- (3) As for the determination of deformations of specimens which are subjected to triaxial loading it is rather difficult to perform strain measurements which at least to a small extent are not influenced by the measuring technique. This should be taken into account especially in cases of small strain values.
- (4) At triaxial compressive stress states and especially at those stress states which differ considerably from a biaxial stressing it is more difficult to determine failure than in cases of biaxial compression.
- The usefulness of the present biaxial tests is higher than that of the triaxial ones. The main reason for this is not a possibly different quality of the performance of the tests. It is rather due to the initial testing program which should have scheduled more triaxial tests at higher stress levels. On the other hand in practice of civil engineering just lower triaxial stress states are of great importance. But in respect to the failure mode of concrete it must be recognized that lower stress levels would lead instead of triaxial compressive loading to combined compressive/tensile stress states. And it is this that would have called for more sophisticated load application techniques.

Anhang: Bilder und Tabellen

mit Versuchsergebnissen

**Appendix: Pictures and Tables** 

with results of test

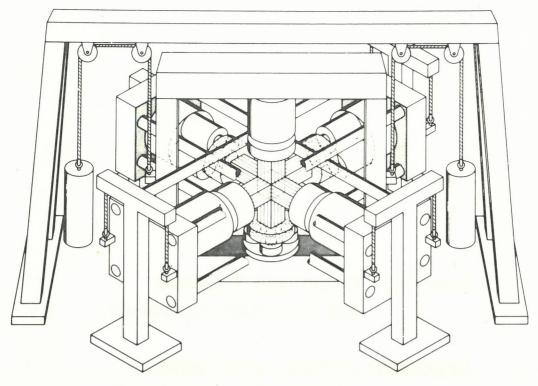


Bild Figure 2.1-1 Dreiachsige Prüfmaschine, Systemskizze Triaxial testing machine, diagrammatic sketch

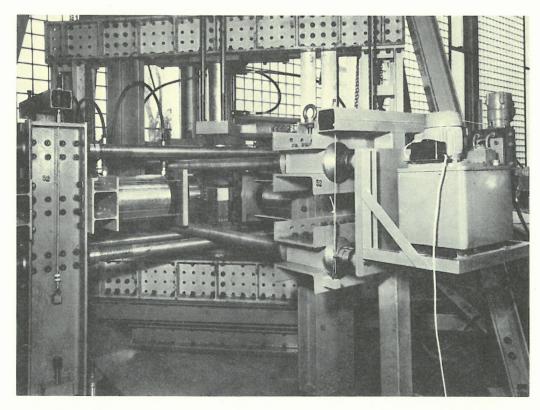


Bild Figure 2.1-2 Dreiachsige Prüfmaschine, Ansicht mit Blick in den Prüfraum Triaxial testing machine, close-up with view of the testing space

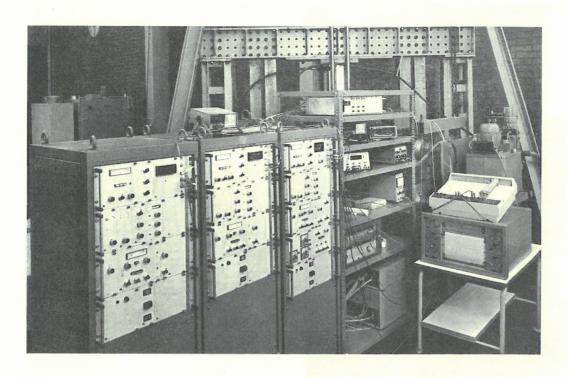


Bild
Figure 2.2-1
Elektronische Regeleinrichtung für dreiachsige Prüfmaschine
Electronic controlling devices for triaxial testing machine

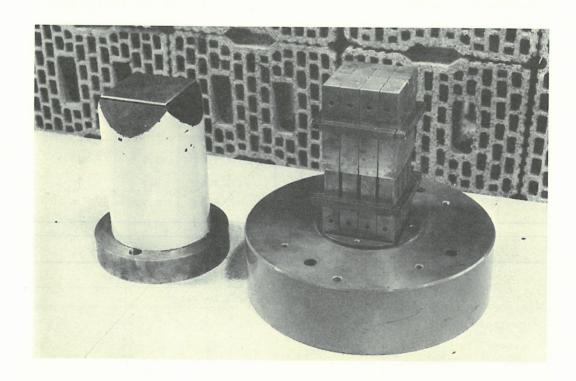


Bild
Figure 2.3-1
Druckplatten für dreiaxiale Festigkeitsuntersuchungen
links: starre Druckplatte; rechts: schlaffe Druckplatte (Stempelsystem)
Platens for triaxial strength investigations
left: rough steel platen; right: flexible platen



Bild Figure 3.1-1 Tripel-Würfelformen der BAM Tripel-mould of the BAM

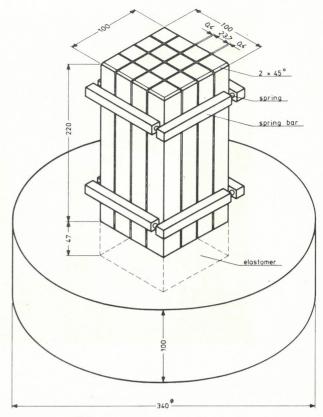


Bild Figure 2.3-2 Aufbau einer schlaffen Druckplatte Layout of flexible platens

	Fine	Aggregate	е
	Sieve	Size of Opening	Percentage Passing (by weight)
Sand	No.	[ mm ]	90
Sand	4 8	4.75 2.36	100
	16 30 50	1.18 0.60 0.30	65 42 21
	100	0.15	6.5

	Coarse	e Aggregat	е
	Sieve	Size of Opening	Percentage Passing (by weight)
	_	[ mm ]	96
Gravel			
-	1/2"	12.5	100
	3/8"	9.5	50
	No.4	4.75	0

	Mix Proportions	
Inquadianta	Mortar	Concrete
Ingredients	Percent	by Weight
Portland cement I Sand Gravel Water	16.4 70.0 - 13.6	12.2 38.5 39.0 10.3
Total	100.0	100.0
Cement/Water Ratio Water/Cement Ratio Cement/Sand Ratio	1.2 0.83 0.234	1.2 0.84 0.317

Bild Figure 3.1-2

Sieblinien der Zuschläge sowie Zusammensetzung der Mörtel- und Betonmischungen Aggregate grading and proportions for mortar and concrete mixes

		Mass	Change	of Mass		
Series	Specimen	prior to shipping	prior to capping			
	No.	(with plastic bags)	(with plastic bags)	[g]	%	
	1		1456			
M-1	2		1452			
	3		1445	*		
mean	value		1451			
-	1	1	1414	-		
M-2	2		1427			
	3		1454			
mean	value					
	1		1421	,		
M-3	2		1414			
	3		1424			
mean	value		1420			
	1		1449			
M-4	2		1427			
	3		1425			
mean	value	•	1434			
	1	1563	1514	49	3.1	
mean c	2	1616	1575	41	2.5	
	3	1568	1530	38	2.4	
mean	value	1582	1540	43	2.7	
	1	1610	1574	36	2.2	
C-2	2	1609	1572	37	2.3	
	3	1585	1542	43	2.7	
mean	value	1601	1563	39	2.4	
	1	1600	1558	42	2.6	
C-3	2	1590	1549	41	2.6	
	3	1587	1547	40	2.5	
mean	value	1592	1551	41	2.6	
	1	1582	1539	43	2.7	
C-4	2	1602	1562	40	2.5	
	3	1585	1540	45	2.8	
mean	value	1590	1547	43	2.7	

Bild Figure 3.2-1

 $\hbox{\tt Änderung der Masse der Kontrollzylinder f\"{u}r die zweiaxialen Versuche} \\ \hbox{\tt Change of mass of the 3" x 6" control cylinders for the biaxial test program}$ 

		Mass	Change	of Mass	
Series	Specimen	prior to shipping	prior to capping		
	No.	(with plastic bags)	(with plastic bags)	[g]	%
	1	1592	1556	36	2.3
	2	1592	1552	40	2.5
T-1	3	1590	1528	62	3.9
	4		1549		
	5		1538		
mean	value		1545		
	1	1594	1555	39	2.5
T-2	2	1602	1575	27	1.7
	3	1583	1541	42	2.7
mean	value	1593	1557	36	2.3
	1	1587	1540	47	3.0
T-3	2	1597	1569	28	1.8
	3	1596	1570	26	1.6
mean	value	1593	1560	34	2.1
	1	1605	1573	32	2.0
T-4	2	1620	1588	32	2.0
	3	1626	1592	34	2.1
mean	value	1617	1584	33	2.0
	1	1629	1613	16	1.0
T-5	2	1600	1581	19	1.2
	3	1595	1577	18	1.1
mean	value	1608	1590	18	1.1
	1	1616	1589	27	1.7
<b>T-</b> 6	2	1602	1579	23	1.4
	3	1616	1598	18	1.1
mean	value	1611	1589	23	1.4
	1	1643	1624	19	1.2
T-7	2	1611	1590	21	1.3
	3	1618	1597	21	1.3
mean	value	1624	1604	20	1.2
	1	1646	1623	23	1.4
T-8	2	1590	1565	25	1.6
	3	1597	1581	16	1.0
mean	value	1611	1590	21	1.3
	1	1605	1587	18	1.1
T-9	2	1571	1555	16	1.0
	3	1584	1566	18	1.1
mean	value	1587	1569	17	1.1

Bild Figure 3.2-2

Änderung der Masse der Kontrollzylinder für die dreiaxialen Versuche Change of mass of the 3" x 6" control cylinders for the triaxial test program

Ma	terial		Mo	rtar				10 cm Cubes	3		
Desig		signations	ignations		Ca	sting	Test	Date	A	ge	
in	general	В	AM		Week	Date	in 1	in 1975		at Test	
				Test					- days -		
Series	Specimen	Test Con	nditions	Type	in	1974	Te	st Condition			
		а	ь	G2/G1			a	b	a	р	
M - 1	1 2 3 4 5 6	750227.001 750228.001 750303.001 750303.002 750227.002 750228.002	750305.001 750306.001 750305.003 750305.004 750305.002 750306.002	0/3 1/3 2/3 3/3 0/3 1/3	48	28 Nov 74	27 Febr 28 Febr 3 March 3 March 27 Febr 28 Febr	5 March 6 March 5 March 5 March 5 March 6 March	91 92 95 95 91 92	97 98 97 97 97 98	
M - 2	1 2 3 4 5 6	750314.001 750317.001 750317.003 750318.001 750314.002 750317.002	750310.001 750310.003 750311.001 750311.002 750310.002 750310.004	2/3 3/3 0/3 1/3 2/3 3/3	48	28 Nov 74	14 March 17 March 17 March 18 March 14 March 17 March	10 March 10 March 11 March 11 March 10 March 10 March	106 109 109 110 106 109	102 102 103 103 102 102	
M - 3	1 2 3 4 5 6	750324.001 750324.003 750325.001 750325.002 750324.002 750324.004	750401.001 750404.001 750404.003 750404.004 750401.002 750404.002	0/3 1/3 2/3 3/3 0/3 1/3	50	12 Dec 74	24 March 24 March 25 March 25 March 24 March 24 March	1 April 4 April 4 April 4 April 1 April 4 April	102 102 103 103 102 102	110 113 113 113 110 113	
M - 4	1 2 3 4 5	750417.001 750415.004 750418.002 750418.003 750417.002 750415.005	750414.002 750411.007 750411.008 750411.005 750411.006 750414.001	2/3 3/3 0/3 1/3 2/3 3/3	50	12 Dec 74	17 April 15 April 18 April 18 April 17 April 15 April	14 April 11 April 11 April 11 April 11 April 14 April	126 124 127 127 126 124	123 120 120 120 120 120 123	

test condition for loading:

a flexible platens
b rough steel platens

 $G_1 \ge G_2 \ge 0$  compressive stress

Bild Figure 3.2-3

Mörtelwürfel für zweiaxiale Versuche Mortar cubes for biaxial tests

Ma	terial		Con	crete				10 cm Cubes	5	
	Designations Casting			Test Date		Age				
in a	general	. В	AM		Week	Date	in 1	in 1975		Test
				Test					- da	ys -
Series	Specimen	Test Con	nditions	Type	in	1975	Te	st Condition	ons	
		a	ь	G2/G1			a	ъ	a	р
C - 1	1 2 3 4 5 6	750422.001 750424.001 750424.002 750424.003 750422.002 750422.003	750428.001 750428.003 750429.002 750429.003 750428.002 750429.001	0/3 1/3 2/3 3/3 0/3 1/3	3	16 Jan 75	22 April 24 April 24 April 24 April 22 April 22 April	28 April 28 April 29 April 29 April 28 April 29 April	96 98 98 98 96	102 102 103 103 102 103
C - 2	1 2 3 4 5	750515.001 750515.003 750516.003 750516.002 750515.002 750516.001	750505.001 750505.003 750505.006 750505.005 750505.002 750505.004	2/3 3/3 0/3 1/3 2/3 3/3	4	21 Jan 75	15 May 15 May 16 May 16 May 15 May 16 May	5 May 5 May 5 May 5 May 5 May 5 May	114 114 115 116 114 116	104 104 104 104 104 104
C - 3	1 2 3 4 5	750521.001 750522.002 750522.001 750521.003 750521.002 750523.001	750528.001 750529.001 750529.003 750529.004 750528.002 750529.002	0/3 1/3 2/3 3/3 0/3 1/3	5	31 Jan 75	21 May 22 May 22 May 21 May 21 May 23 May	28 May 29 May 29 May 29 May 28 May 29 May	110 111 111 110 110 112	117 118 118 118 117 118
C - 4	1 2 3 4 5	750606.001 750606.003 750609.002 750609.001 750606.002 750606.004	750603.001 750603.003 750603.006 750603.005 750603.002 750603.004	2/3 3/3 0/3 1/3 2/3 3/3	6	6 Febr75	6 June 6 June 9 June 9 June 6 June 6 June	3 June 3 June 3 June 3 June 3 June 3 June 3 June	120 120 123 123 120 120	117 117 117 117 117 117

test conditions for loading: a flexible platens b rough steel platens

 $G_1 \ge G_2 \ge 0$  compressive stress

Bild Figure 3.2-4 Betonwürfel für zweiaxiale Versuche Concrete cubes for biaxial tests

			Mater	ial	: Con	cre	te 10	cm C	ubes				
Designations					Test Type			Casting		Test Date in 1975		Age at Test	
in general BAM			Stress		Constant		Week	Date	Test Conditions				
Series Speci- men		Test Conditions			Path		tress atio	in 1975					
	шеп	a	a(b), b	a	a(b),b	а	a(b),b			a	a(b), b	a	a(b),
T-1	1 2 3 4 5 6	750930.002 751002.003 751008.001 750925.002 751021.001 751021.006	750909.008 750910.004 750915.001 750904.001 750915.002 751204.006	X X X X X	X		х	7	13 Feb	30 Sep 2 Oct 8 Oct 25 Sep 21 Oct 21 Oct	9 Sep 10 Sep 15 Sep 4 Sep 15 Sep 4 Dec	229 231 237 224 250 250	208 209 214 203 214 294
T-2	1 2 3 4 5 6	750926.003 751209.005 751009.003 751001.003 751006.001 751008.002	750909.004 751203.003 751209.001 750909.009 750910.005 751210.001	X X X X	X X X	х	X X	8	21 Feb	26 Sep 9 Dec 9 Oct 1 Oct 6 Oct 8 Oct	9 Sep 3 Dec 9 Dec 9 Sep 10 Sep 10 Dec	217 291 230 222 227 229	200 285 291 200 201 292
T-3	1 2 3 4 5 6	750925.003 751021.002 751022.001 750930.001 751030.001 751015.001	750908.001 750915.003 751205.001 750909.005 751203.004 751209.003	X X X X X	X X		x x x	9	27 Feb	25 Sep 21 Oct 22 Oct 30 Sep 30 Oct 15 Oct	8 Sep 15 Sep 5 Dec 9 Sep 3 Dec 9 Dec	210 236 237 215 245 230	193 200 281 194 279 285
T-4	1 2 3 4 5 6	751002.001 751128.001 751008.003 750926.001 751021.003 751022.002	750910.001 750911.001 751210.002 750909.001 750915.004 751205.002	X X X X X	x x x		x	12	16 Mar	2 Oct 28 Nov 8 Oct 26 Sep 21 Oct 22 Oct	10 Sep 11 Sep 10 Dec 9 Sep 15 Sep 5 Dec	200 257 206 194 219 220	178 179 269 177 183 264
T-5	1 2 3 4 5 6	751001.001 751208.001 751016.001 751002.002 751128.002 751009.001	750909.006 751203.005 751209.004 750910.002 750911.002 751208.002	X X X X	X X X	х	x x	14	3 Apr	1 Oct 8 Dec 16 Oct 2 Oct 28 Nov 9 Oct	9 Sep 3 Dec 9 Dec 10 Sep 11 Sep 8 Dec	181 249 196 182 239 189	159 244 250 160 161 249
т-6	1 2 3 4 5 6	750926.002 751021.004 751022.003 751001.002 751021.005 751009.002	750909.002 750915.005 751217.002 750909.007 751202.001 751218.001	X X X X X	X X		x x	15	10 Apr	26 Sep 21 Oct 22 Oct 1 Oct 21 Oct 9 Oct	9 Sep 15 Sep 17 Dec 9 Sep 2 Dec 18 Dec	169 194 195 174 194 182	152 158 251 152 236 252
T-7	1 2 3 4 5 6	750922.001 750923.001 750923.002 750923.003 750923.004 750925.001	750910.003 750911.003 751208.003 750909.003 750915.006 751217.003	X X X X X	X X X		x x	16	17 Apr	22 Sep 23 Sep 23 Sep 23 Sep 23 Sep 25 Sep 25 Sep	10 Sep 11 Sep 8 Dec 9 Sep 15 Sep 17 Dec	158 159 159 159 159 161	146 147 235 145 151 244
T-8	1 2 3 4 5 6	751016.002 751016.003 751016.004 751016.005 751201.001 751017.001	751216.001 751202.002 751218.002 751216.004 751216.005 751208.004	X X X X X	X X X		x x	17	24 Apr	16 Oct 16 Oct 16 Oct 16 Oct 1 Dec 17 Oct	16 Dec 2 Dec 18 Dec 16 Dec 16 Dec 8 Dec	175 175 175 175 175 221 176	236 222 239 236 236 228
T-9	1 2 3 4 5 6	751103.001 751205.003 751103.002 751031.002 751031.001 751127.001	751216.003 751210.003 751217.004 751216.002 751203.001 751218.003	X X X X	x x	х	x x x	19	4 May	3 Nov 5 Dec 3 Nov 31 Oct 31 Oct 27 Nov	16 Dec 10 Dec 17 Dec 16 Dec 3 Dec 18 Dec	183 215 183 180 180 207	226 220 227 226 213 228

test conditions for loading:

a flexible platens
a(b) flexible platens,
specimens firstly provided for tests with rough steel platens
b rough steel platens

Bild Figure 3.2-5/6 Betonwürfel für dreiaxiale Versuche Concrete cubes for triaxial tests

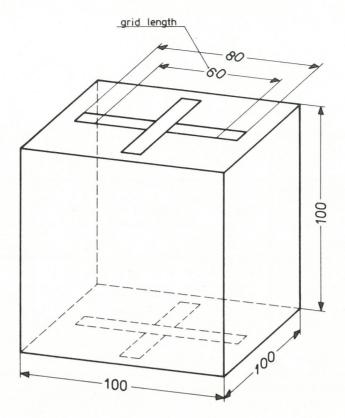


Bild Figure 3.3-1 Anordnung der Dehnungsmeßstreifen bei zweiaxialen Versuchen Cube with strain gauges for biaxial tests

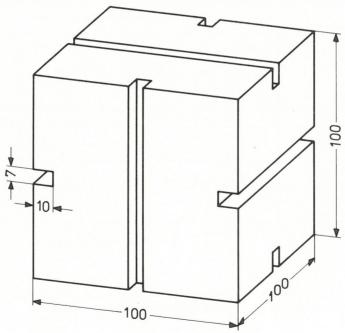


Bild Figure 3.3-2 Nuten auf den Würfeloberflächen zur Aufnahme von Dehnungsmeßstreifen bei dreiaxialen Versuchen Grooves on cube surfaces assigned for strain gauges

Testing Program (planned)

Hydr. Stress $G_1 = G_2 = G_3$	0.5 fc'		0.75	fc'	1.0	fc'	Total		
Stress Path No.	а	ъ	a	ъ	а	b	а	b	
1	6	6	6	6	6	6	18	18	
2	6	6	6	6	6	6	18	18	
3	6	6	6	6	6	6	18	18	
Total Number	18	18	18	18	18	18	54	54	

test conditions for loading:

flexible platens rough steel platens

Bild Figure 4 3-1

Figure 4.2-1

Ursprüngliches Versuchsprogramm für dreiaxiale Versuche Planned testing program for triaxial tests

Testing Program (performed)

		Number of Specimens											
Hydr. Stre G <sub>1</sub> = G <sub>2</sub> =	0.75 fc'		1.0	fc'	1.25	fc'	1.5 fc'		Total				
Stress Path No.		25.5 N/mm <sup>2</sup>		34.0 N/mm <sup>2</sup>		42.5 N/mm <sup>2</sup>		51.0 N/mm <sup>2</sup>					
		a	ъ	а	ъ	a	ъ	a	ъ	a	р		
1		6	6	6	6	6	6	6	6	24	24		
2	-	-	3	-	6	1	6	5	15	6			
3		-	-	-	6	-	6	_	12	-			
Total Number		6	6	9	6	18	7	18	11	51	30		
Constant Stress	a			21						70	76		
Ratio	ъ		6							72	36		

test conditions for loading: a b

a flexible platens b rough steel platens

Bild Figure 4.2-2

Tatsächlich durchgeführtes Programm der dreiaxialen Versuche Performed testing program for triaxial tests

Stress path 1	Stress path 2	Stress path 3	Stress path 4
$G_0$ $G_0$ $G_2=G_3$ time	G G <sub>1</sub> G <sub>2</sub> G <sub>3</sub> time	$G_1 = G_2$ $G_3$ time	G G <sub>1</sub> G <sub>2</sub> G <sub>3</sub> time
if $G_1 > G_0$ the	n ΔG <sub>1</sub> + ΔG <sub>2</sub> + ΔG	i <sub>3</sub> = 0	_
ΔG <sub>1</sub> >0 ΔG <sub>2</sub> =ΔG <sub>3</sub> =- <sup>1</sup> /2ΔG <sub>1</sub>	ΔG <sub>1</sub> >0 ΔG <sub>2</sub> =0 ΔG <sub>3</sub> =-ΔG <sub>1</sub>	ΔG <sub>1</sub> =ΔG <sub>2</sub> >0 ΔG <sub>3</sub> =-2ΔG <sub>1</sub> =-2ΔG <sub>2</sub>	$\Delta G_1 > \Delta G_2 > \Delta G_3$ $\frac{G_2}{G_1} = \text{const}$ $\frac{G_3}{G_1} = \text{const}$

 $G_1 \ge G_2 \ge G_3 \ge 0$  compressive stress  $G_0' = \text{preset hydrostatic stress level} (G_1 = G_2 = G_3)$ 

Bild Figure 4.2-3

Beanspruchungsverlauf nach Spannungspfaden bei dreiaxialen Versuchen Stress paths for triaxial loading

Designat	cion of Trial		Tes	t Con	ditic	ns.								Load	Path			
												St	rains					
-	Stress State	Prin	cipal	Stre	sses		St	ra	in	Gaı	ıge	s	Indu	ctive	Transd	ucers	Octahe Stres	
		<b>б</b> 1	٥ <sub>2</sub>	бз	ΣG	3	1	3	2	3	3	ε <sub>vol</sub>	٤ 1	ε2	٤3	E <sub>vol</sub>	60	τ,
Measured Values	during loading up to 50 readings of each measured variable					left		in front	at the back	above	below			l tests				
Inter- polated	Load Steps of 20 kN									+ + + + + + + + + + + + + + + + + + +	L TOI DIAXIAI			d E <sub>2</sub> not for biaxial				
Values	Load Steps of 5% of Ultimate Load										c 3 110			E <sub>1</sub> and				

Bild Figure 6.0-1

Vereinfachtes Schema zur Form, in der die Versuchsergebnisse auf Magnetband gespeichert sind Simplified list to show the way the results of test are registered on magnetic tapes

Series	Specimen	Dimensi	ons [mm]	Mass +)	Density	Total Load at Fracture	Ultimate [N/mm <sup>2</sup>	
	No.	Diameter	Height +)	[g]	[g/cm <sup>3</sup> ] ++)	[kN]	Single	Mear
M - 1	1 2 3	75 75 75	155 155 155	1447 1443 1436	2.11 2.11 2.10	180 181 179	40.7 41.0 40.5	40.7
M - 2	1 2 3	76 76 76	150 152 154	1406 1419 1445	2.07 2.06 2.07	145 159 169	32.0 35.0 37.3	34.8
M - 3	1 2 3	75 75 75	153 154 154	1413 1406 1415	2.09 2.07 2.08	166 165 170	37.6 37.3 38.5	37.8
M - 4	1 2 3	76 76 76	153 152 151	1440 1419 1416	2.07 2.06 2.07	165 157 156	36.4 34.6 34.4	35.
C - 1	1 2 3	76 76 76	152 155 153	1506 1568 1522	2.18 2.23 2.19	149 148 118	32.8 32.6 (26.0)	32.7
C - 2	1 2 3	75 76 75	155 155 153	1566 1563 1534	2.29 2.22 2.27	155 150 142	35.1 33.1 32.1	33.1
C - 3	1 2 3	76 76 76	155 154 154	1549 1541 1539	2.20 2.21 2.20	164 169 150	36.2 37.3 33.1	35.5
C - 4	1 2 3	76 76 76	152 153 153	1530 1553 1531	2.22 2.24 2.21	164 164 161	36.2 36.2 35.5	36.

<sup>+)</sup> immediately prior to capping with a sulfur compound

Bild Figure 6.1-1

Druckfestigkeit der Standardzylinder der zweiaxialen Versuchsserie Compressive strength of standard cylinders, biaxial series of test

Series	Specimen	Dimensio	ons mm	Mass +)	Density	Total Load at Fracture	Ultimate [N/mm	
	No.	Diameter	Height	[g]	[g/cm <sup>3</sup> ] <sup>++)</sup>	[kN]	Single	Mean
T-1	1 2 3 4 5	76 76 76 76 75	153 154 152 153 154	1547 1544 1519 1541 1529	2.23 2.21 2.20 2.22 2.25	160 148 148 151 146	35.3 32.6 32.6 33.3 33.0	33.4
T-2	1 2 3	76 76 76	154 154 153	1540 1553 1527	2.20 2.22 2.20	159 155 159	35.0 34.2 35.0	34.7
T-3	1 2 3	76 76 76	154 153 153	1529 1551 1554	2.19 2.23 2.24	144 150 152	31.7 33.1 33.5	32.1
T-4	1 2 3	76 76 76	155 154 153	1562 1574 1577	2.22 2.25 2.27	151 157 161	33.3 34.6 35.5	34.5
T-5	1 2 3	76 76 76	154 154 153	1585 1557 1551	2.27 2.23 2.23	146 151 151	32.2 33.3 33.3	32:9
т-6	1 2 3	76 76 76	155 153 154	1567 1562 1579	2.23 2.25 2.26	148 149 156	32.6 32.8 34.4	33.3
T-7	1 2 3	76 76 76	154 154 153	1601 1567 1576	2.29 2.24 2.27	166 173 174	36.6 38.1 38.4	37.7
T-8	1 2 3	76 76 75	153 153 154	1586 1530 1537	2.29 2.20 2.26	174 178 159	38.4 39.2 36.0	37.7
T-9	1 2 3	76 75 75	152 151 151	1545 1516 1524	2.24 2.27 2.28	170 170 174	37.5 38.5 39.4	38.5

Bild Figure 6.1-2

Druckfestigkeit der Standardzylinder der dreiaxialen Versuchsserie Compressive strength of standard cylinders, triaxial series of test

<sup>++)</sup> age at test: tested synchronously to the corresponding cubes

<sup>+)</sup> immediately before capping with a sulfur compound
++) age at test: tested synchronously to the corresponding cubes

Load		G <sub>2</sub>	Test Results				
Application Device	Material	$\frac{G_2}{G_1}$	Numb	er	Mean Strength	Stand. Dev.	
			Stress	Strain	[N/mm	2]	
Flexible	Mortar	0/3 1/3 2/3 3/3	66666	<b>6</b> 6 6	29.1 37.5 37.6 34.2	1.61 0.91 2.07 1.28	
Platens	Concrete	0/3 1/3 2/3 3/3	66666	5666	30.6 43.1 42.6 37.1	1.47 2.65 4.34 3.70	
Rough Steel	Mortar	0/3 1/3 2/3 3/3	6 6 6	5 5 6 6	33.8 44.3 47.9 47.5	1.70 2.77 3.80 1.59	
Platens	Concrete	0/3 1/3 2/3 3/3	6 6 6	66666	38.0 57.1 66.2 63.5	1.27 2.08 1.63 2.19	

Bild Figure 6.3-1 Mittlere zweiaxiale Druckfestigkeitsergebnisse Mean strength results of biaxial compressive tests

Mat	erial	Mor	tar	10 cm Cubes	
Test Co	nditions		Flexible H	Platens	
Design	ations	Ultimate [N/m	_	ნ <sub>1</sub> : ნ <sub>2</sub>	
Series	Specimen	G <sub>1</sub>	б <sub>2</sub>		
M - 1a M - 1a M - 2a M - 3a M - 3a M - 4a	1 5 3 1 5 3	30.3 31.7 28.6 28.4 27.2 28.4	0	1 : 0	
mean		29.1	0	1 : 0	
standard	deviation	1.61	0		
M - 1a M - 1a M - 2a M - 3a M - 3a M - 4a	2 6 4 2 6 4	36.6 36.9 38.9 37.6 36.8 38.2	12.6 13.0 13.2 12.7 12.4 13.0	1: 0.34 1: 0.35 1: 0.34 1: 0.34 1: 0.34 1: 0.34	
mean		37.5	12.8	1: 0.34	
standard	deviation	0.91	0.30	40000	
M - 1a M - 2a M - 2a M - 3a M - 4a M - 4a	3 1 5 3 1 5	40.4 37.1 37.1 34.8 36.5 39.6	26.9 24.6 24.7 23.1 25.0 27.5	1:0.67 1:0.66 1:0.67 1:0.66 1:0.68	
mean		37.6	25.3	1: 0.67	
standard	deviation	2.07	1.62	60mass	
M - 1a M - 2a M - 2a M - 3a M - 4a M - 4a	4 2 6 4 2 6	35.8 34.3 33.8 35.3 33.7 32.2	36.1 34.5 34.0 35.3 33.4 32.5	1 : 1.01 1 : 1.01 1 : 1.01 1 : 1.00 1 : 0.99 1 : 1.01	
mean		34.2	34.3	1:1.00	
standard	deviation	1.28	1.30		

Bild Figure 6.3-2

Zweiaxiale Druckfestigkeit von Mörtelwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten Biaxial strength of mortar cubes tested with flexible platens

Mat	erial	Conc	rete	10 cm Cubes
Test Co	nditions		Flexible P	
Design	Designations		Stress m2]	წ <sub>1</sub> : წ2
Series	Specimen	61	G <sub>2</sub>	,
C - 1a C - 1a C - 2a C - 3a C - 3a C - 4a	1 5 3 1 5 3	32.7 29.1 30.0 32.2 30.0 29.7	0	1:0
mean		30.6	0	1 : 0
standard	deviation	1.47	0	estatute.
C - 1a C - 1a C - 2a C - 3a C - 3a C - 4a	2 6 4 2 6 4	44.5 45.3 41.3 44.0 45.1 38.6	14.9 15.3 13.8 14.1 14.5	1:0.33 1:0.34 1:0.33 1:0.32 1:0.32 1:0.32
mean		43.1	14.2	1: 0.33
standard	deviation	2.65	1.05	Marine .
C - 1a C - 2a C - 2a C - 3a C - 4a C - 4a	3 1 5 3 1 5	48.5 46.5 39.7 38.0 43.9 39.0	32.6 31.1 26.5 25.2 27.9 26.0	1:0.67 1:0.67 1:0.67 1:0.66 1:0.64 1:0.67
mean		42.6	28.2	1: 0.66
standard	deviation	4.34	2.99	elisassido
C - 1a C - 2a C - 2a C - 3a C - 4a C - 4a	4 2 6 4 2 6	43.3 39.0 36.1 36.6 35.6 32.3	43.3 38.5 36.1 36.6 35.6 32.3	1:1.00 1:0.99 1:1.00 1:1.00 1:1.00
mean		37.1	37.1	1:1.00
standard	deviation	3.70	3.66	

Bild Figure 6.3-3

Zweiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten Biaxial strength of concrete cubes tested with flexible platens

Mat	erial	Mort	tar	10 cm Cubes
Test Co	nditions	Rot	ugh Steel	Platens
Design	ations	Ultimate [N/mr	_	<sub>1</sub> :մշ
Series	Specimen	G <sub>1</sub>	G <sub>2</sub>	
M - 1b M - 1b M - 2b M - 3b M - 3b M - 4b	1 5 3 1 5 3	34.8 33.9 33.2 36.5 32.6 31.7	0	1:0
mean		.33.8	0	1:0
standard	deviation	1.70	0	_
M - 1b M - 1b M - 2b M - 3b M - 3b M - 4b	264264	45.8 45.6 41.6 41.5 48.5 43.0	15.7 15.5 14.2 14.1 16.3 14.4	1: 0.34 1: 0.34 1: 0.34 1: 0.34 1: 0.34 1: 0.33
mean		44.3	15.0	1: 0.34
standard	deviation	2.77	0.92	
M - 1b M - 2b M - 2b M - 3b M - 4b M - 4b	3 1 5 3 1 5	50.8 45.0 43.3 50.0 52.8 45.5	33.8 29.8 28.9 34.1 34.8 30.0	1 : 0.67 1 : 0.66 1 : 0.67 1 : 0.68 1 : 0.66 1 : 0.66
mean		47.9	31.9	1: 0.67
standard	deviation	3.80	2.60	_
M - 1b M - 2b M - 2b M - 3b M - 4b M - 4b	4 2 6 4 2 6	49.0 45.6 47.0 46.0 48.0 49.5	49.0 45.6 47.0 46.4 47.8 49.0	1: 1.00 1: 1.00 1: 1.00 1: 1.01 1: 1.00 1: 0.99
mean		47.5	47.5	1 : 1.00
standard	deviation	1.59	1.39	_

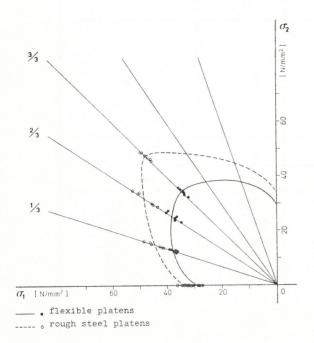
Bild Figure 6.3-4

Zweiaxiale Druckfestigkeit von Mörtelwürfeln bei Prüfung mit starren Druckplatten Biaxial strength of mortar cubes tested with rough steel platens

Mat	erial	Cone	rete	10 cm Cubes
Test Co	nditions	Ro	ugh Steel	Platens
Design	ations	Ultimate [N/m		G₁:G₂
Series	Specimen	<b>G</b> 1	G <sub>2</sub>	
C - 1b C - 1b C - 2b C - 3b C - 3b C - 4b	1 5 3 1 5 3	37.2 38.8 38.1 38.5 36.0 39.6	0	1:0
mean		38.0	0	1:0
standard	deviation	1.27	0	
C - 1b C - 1b C - 2b C - 3b C - 3b C - 4b	2 6 4 2 6 4	54.4 56.6 59.9 55.2 58.1 58.4	18.2 19.0 20.2 16.4 17.7 18.1	1:0.33 1:0.34 1:0.34 1:0.30 1:0.30 1:0.31
mean		57.1	18.3	1:0.32
standard	deviation	2.08	1.27	
C - 1b C - 2b C - 2b C - 3b C - 4b C - 4b	3 1 5 3 1 5	66.7 68.6 67.2 65.0 66.0 64.0	44.8 46.0 45.4 42.0 42.9 43.0	1 : 0.67 1 : 0.67 1 : 0.68 1 : 0.65 1 : 0.65
mean		66.2	44.0	1: 0.67
standard	deviation	1.63	1.60	-
C - 1b C - 2b C - 2b C - 3b C - 4b C - 4b	4 26 4 26	62.0 60.4 65.2 66.0 65.0 62.6	62.0 60.6 65.2 66.0 65.0	1:1.00 1:1.00 1:1.00 1:1.00 1:1.00
mean		63.5	63.6	1:1.00
standard	deviation	2.19	2.14	_

Bild Figure 6.3-5

Zweiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit starren Druckplatten Biaxial strength of concrete cubes tested with rough steel platens

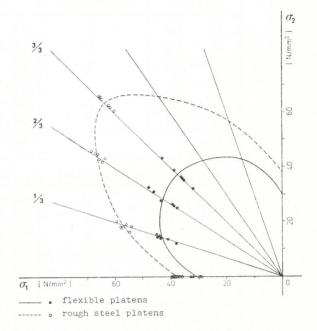


mean uniaxial cylinder strength: 37.1 N/mm<sup>2</sup>
mean uniaxial cube strength (flexible platens): 29.1 N/mm<sup>2</sup>
uniaxial strength ratio
flexible platens: rough steel platens = 0.86

Bild Figure 6.3-6

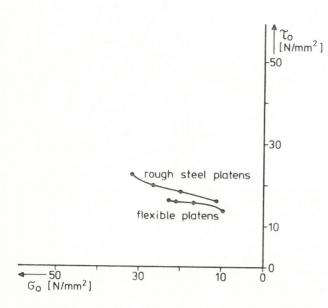
Grenzlinien der Druckfestigkeit von Mörtelwürfeln in der Spannungsebene  $\mathbb{G}_1\text{--}\mathbb{G}_2$ 

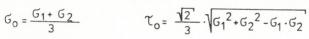
Strength envelopes for mortar cubes in  $\mathcal{G}_1$ - $\mathcal{G}_2$  space



mean uniaxial cylinder strength: 34.5 N/mm<sup>2</sup>
mean uniaxial cube strength (flexible platens): 30.6 N/mm<sup>2</sup>
uniaxial strength ratio
flexible platens: rough steel platens = 0.81

Bild Figure 6.3-7 Grenzlinien der Druckfestigkeit von Betonwürfeln in der Spannungsebene  $\mathcal{G}_1$ - $\mathcal{G}_2$  Strength envelopes for concrete cubes in  $\mathcal{G}_1$ - $\mathcal{G}_2$  space





Number of Speci-	Test Type		al Stresses /mm²]
mens	<sub>2</sub> / <sub>51</sub>	g <sub>o</sub>	τ.
	Flexible	Platens	
6 6 6	0/3 1/3 2/3 3/3	9.7 16.8 21.0 22.8	13.7 15.6 15.7 16.1
×	Rough Stee	el Platens	
6 6 6	0/3 1/3 2/3 3/3	11.3 19.8 26.6 31.7	15.9 18.4 19.9 22.4

Bild Figure 6.3-8

Zweiaxiale Druckfestigkeit von Mörtelwürfeln in Oktaederdarstellung

Biaxial strength of mortar cubes in terms of octahedral stresses

	\rightarrow \tau_0 \\ [N/mm^2] \\ -50
rough steel platens	-30
flexible platens	-10
50 30 10 Go [N/mm²]	0

$G_0 = \frac{G_1 + G_2}{3}$	$\tau_0 = \frac{\sqrt{2}}{3} \cdot \sqrt{G_1^2 + G_2^2 - G_1 \cdot G_2}$
3	3 1

Number of Speci-	Test Type	Octahedral Stresses [N/mm²]			
mens	<sub>62</sub> / <sub>61</sub>	Go	το		
	Flexible	Platens			
6 6 6	0/3 1/3 2/3 3/3	10.2 19.1 23.6 24.7	14.4 17.9 17.7 17.5		
	Rough Ste	el Platens			
6 0/3 6 1/3 6 2/3 6 3/3		12:7 25.1 36.7 42.4	17.9 23.8 27.5 30.0		

Bild Figure 6.3-9

Zweiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln in Oktaederdarstellung

Biaxial strength of concrete cubes in terms of octahedral stresses  $% \left( 1\right) =\left( 1\right) \left( 1\right)$ 

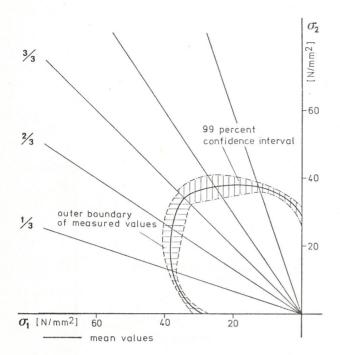


Bild Figure 6.3-10

Spannweite und Vertrauensbereich der Mittelwerte der zweiaxialen Druckfestigkeiten von Mörtelwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten

Variation of biaxial strength results of mortar cubes, tested with flexible platens

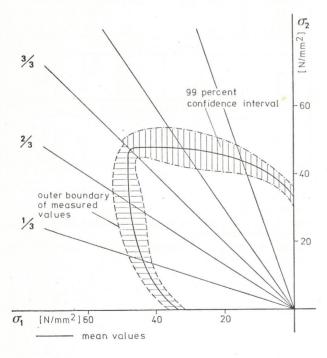


Bild Figure 6.3-12

Spannweite und Vertrauensbereich der Mittelwerte der zweiaxialen Druckfestigkeiten von Mörtelwürfeln bei Prüfung mit starren Druckplatten

Variation of biaxial strength results of mortar cubes, tested with rough steel platens

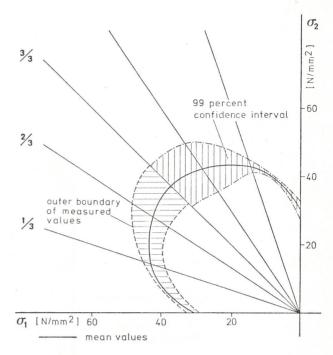


Bild Figure 6.3-11

Spannweite und Vertrauensbereich der Mittelwerte der zweiaxialen Druckfestigkeiten von Betonwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten

Variation of biaxial strength results of concrete cubes, tested with flexible platens

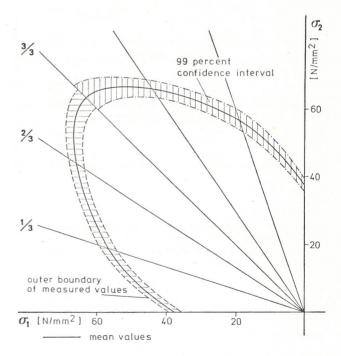


Bild Figure 6.3-13

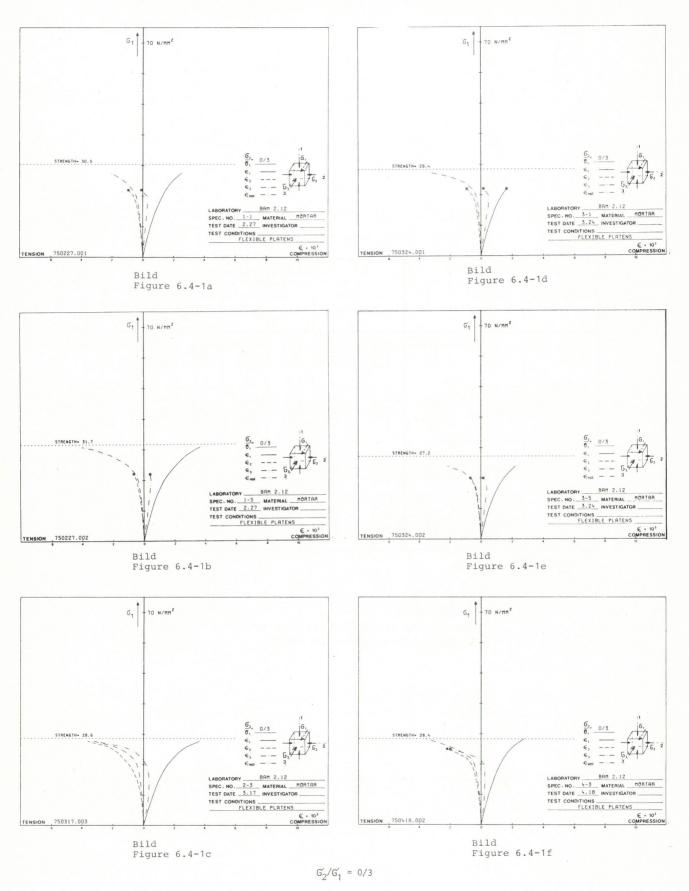
Spannweite und Vertrauensbereich der Mittelwerte der zweiaxialen Druckfestigkeiten von Betonwürfeln bei Prüfung mit starren Druckplatten

Variation of biaxial strength results of concrete cubes, tested with rough steel platens

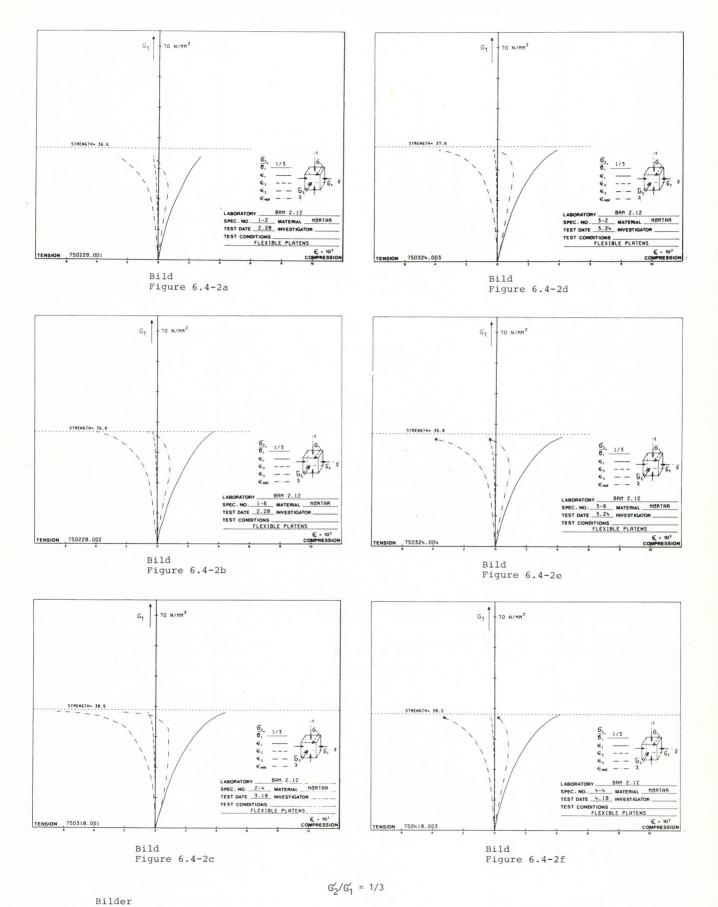
Load Application	Material		Biaxial Cube Strength *) [N/mm <sup>2</sup> ]					Coeff.	
			Mean	Stand. Dev.	Min.	Max. lue		nfidence erval	of Var. %
Flexible Platens	Mortar	0/3 1/3 2/3 3/3	29.1 37.5 37.6 34.2	1.61 0.91 2.07 1.28	27.2 36.6 34.8 32.2	31.7 38.9 40.4 35.8	26./a 36.0 34.2 32.1	31.8 39.0 41.0 36.3	5.5 2.4 5.5 3.1
	Concrete	0/3 1/3 2/3 3/3	30.6 43.1 42.6 37.1	1.47 2.65 4.34 3.70	29.1 38.6 38.0 32.3	32.7 45.3 48.5 43.3	28.2 38.7 35.5 31.0	33.0 47.5 49.7 43.2	4.8 6.1 10.2 10.0
Rough Steel Platens	Mortar	0/3 1/3 2/3 3/3	33.8 44.3 47.9 47.5	1.70 2.77 3.80 1.59	31.7 41.5 43.3 45.6	36.5 48.5 52.8 49.5	31.0 39.7 41.6 44.9	36.6 48.9 54.2 50.1	5.0 6.3 7.9 3.3
	Concrete	0/3 1/3 2/3 3/3	38.0 57.1 66.2 63.5	1,27 2,08 1,63 2,19	36.0 54.4 64.0 60.4	39.6 59.9 68.6 66.0	35.9 53.7 63.5 59.9	40.1 60.5 68.9 67.1	3.3 3.6 2.5 3.4

\*) for all data six fold replication (N=6)

> Bild Figure 6.3-14 Streuung der zweiaxialen Festigkeitswerte Scatter of biaxial strength results



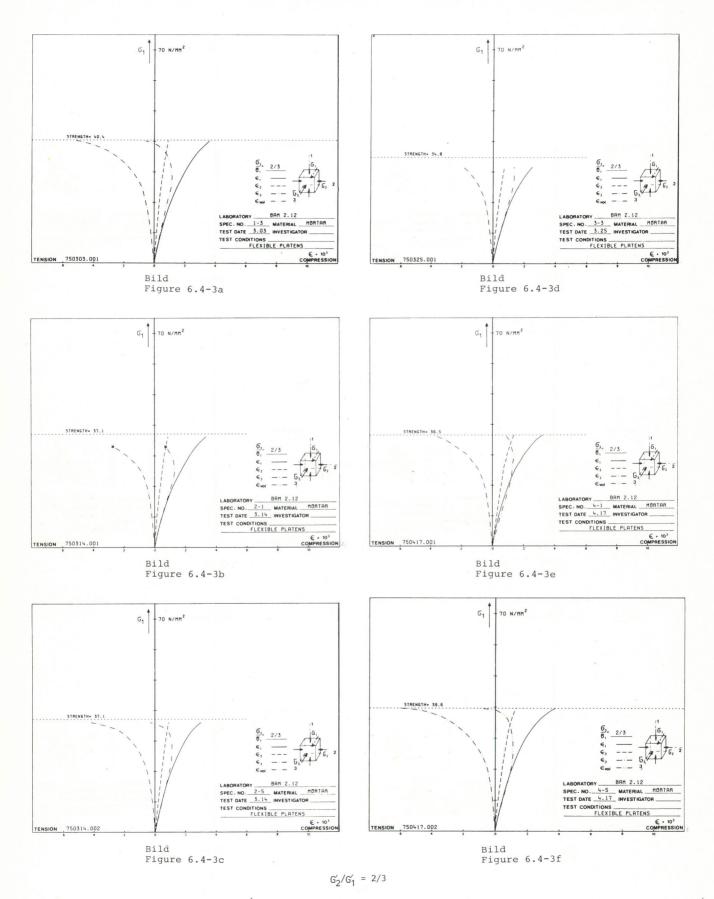
Bilder Figures 6.4-1a...f Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten Stress-strain behaviour of mortar, tested biaxially with flexible platens



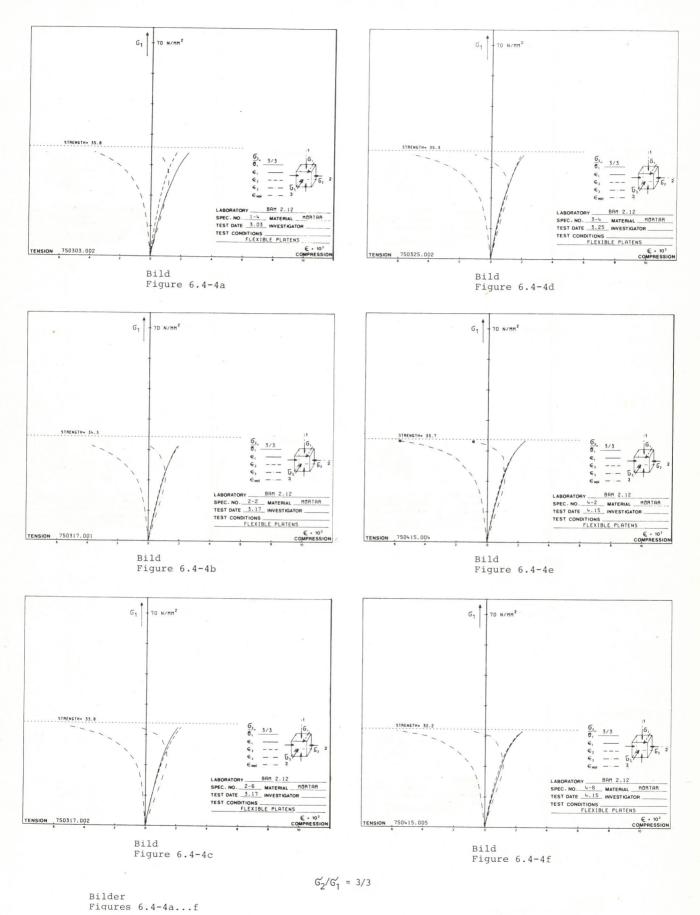
Figures 6.4-2a...f

Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten

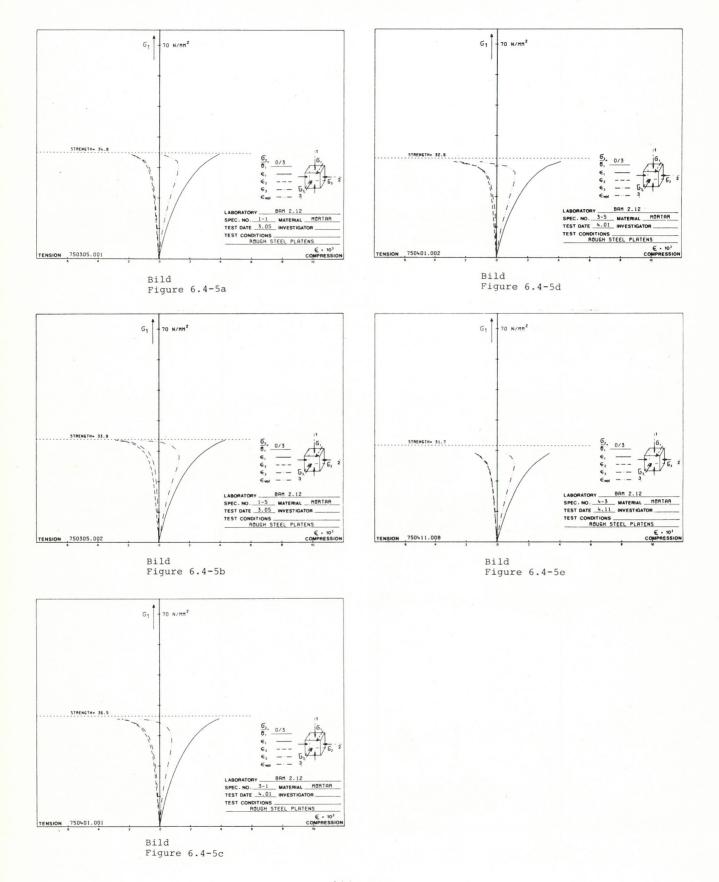
Stress-strain behaviour of mortar, tested biaxially with flexible platens



Bilder Figures 6.4-3a...f Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten Stress-strain behaviour of mortar, tested biaxially with flexible platens



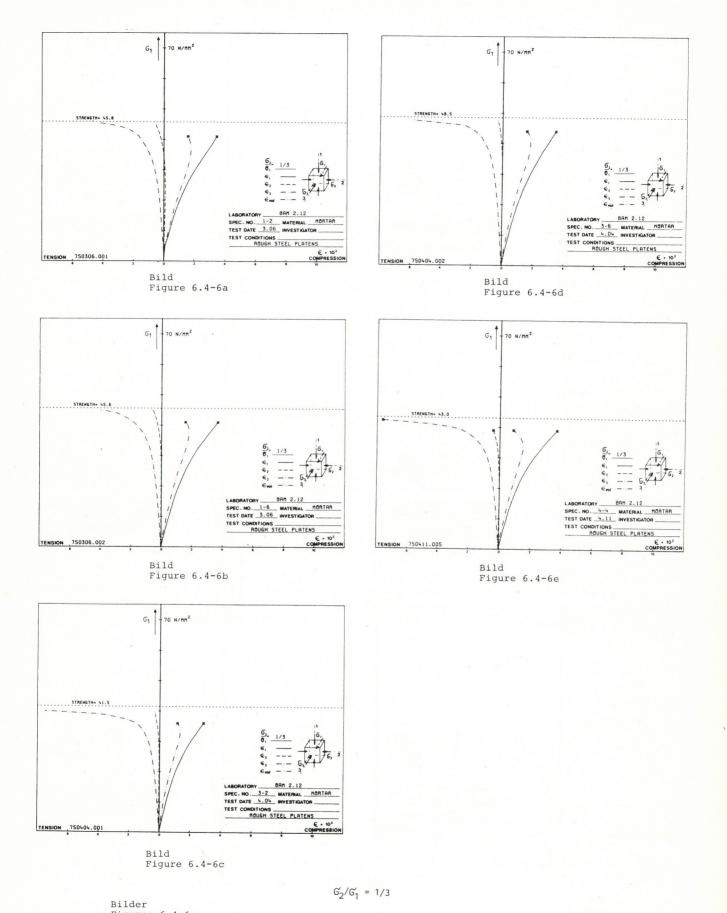
Figures 6.4-4a...f Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten Stress-strain behaviour of mortar, tested biaxially with flexible platens



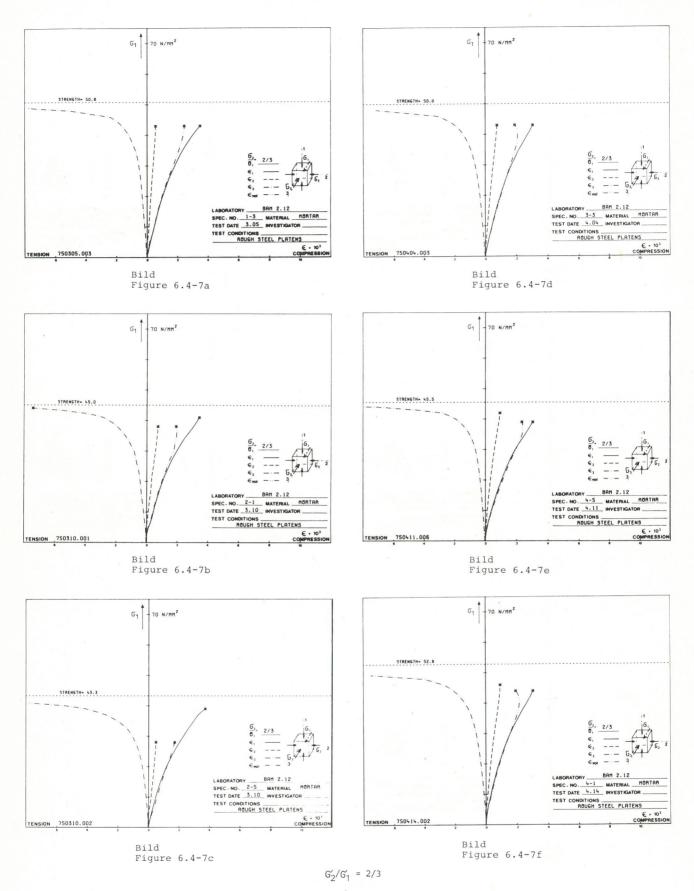
 $G_2'/G_1' = 0/3$ 

Bilder Figures 6.4-5a...e

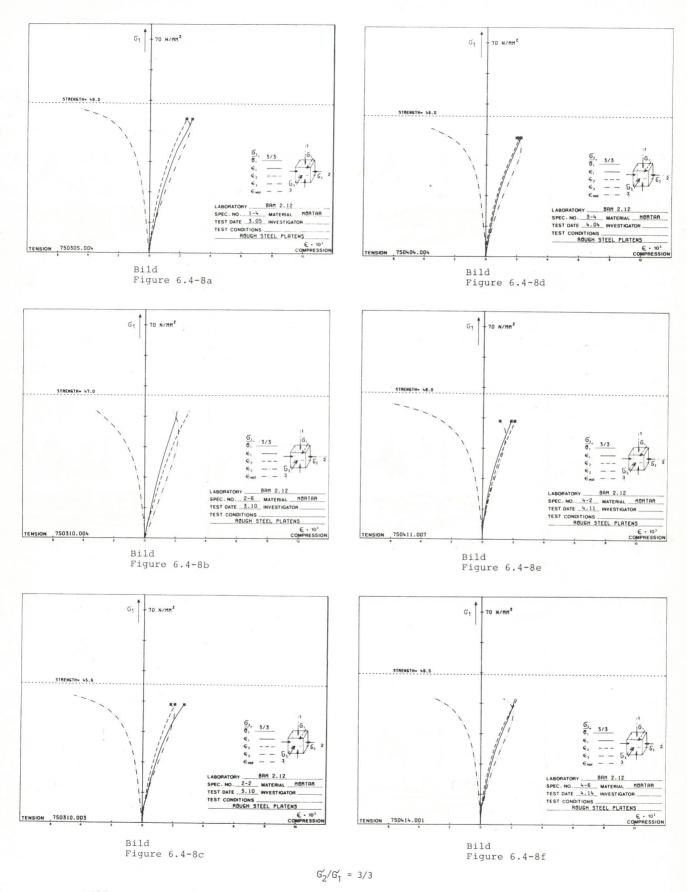
 $Spannungs-Dehnungslinien\ von\ \dot{M}\ddot{o}rtel\ bei\ zweiaxialer\ Pr\ddot{u}fung\ mit\ starren\ Druckplatten$   $Stress-strain\ behaviour\ of\ mortar,\ tested\ biaxially\ with\ rough\ steel\ platens$ 



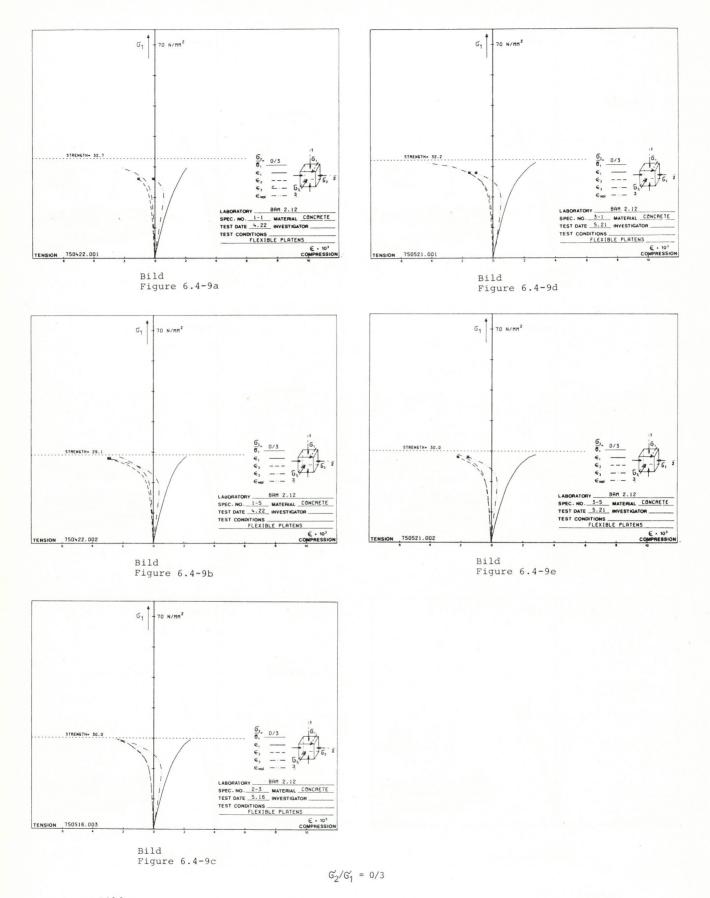
Figures 6.4-6a...e Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten Stress-strain behaviour of mortar, tested biaxially with rough steel platens



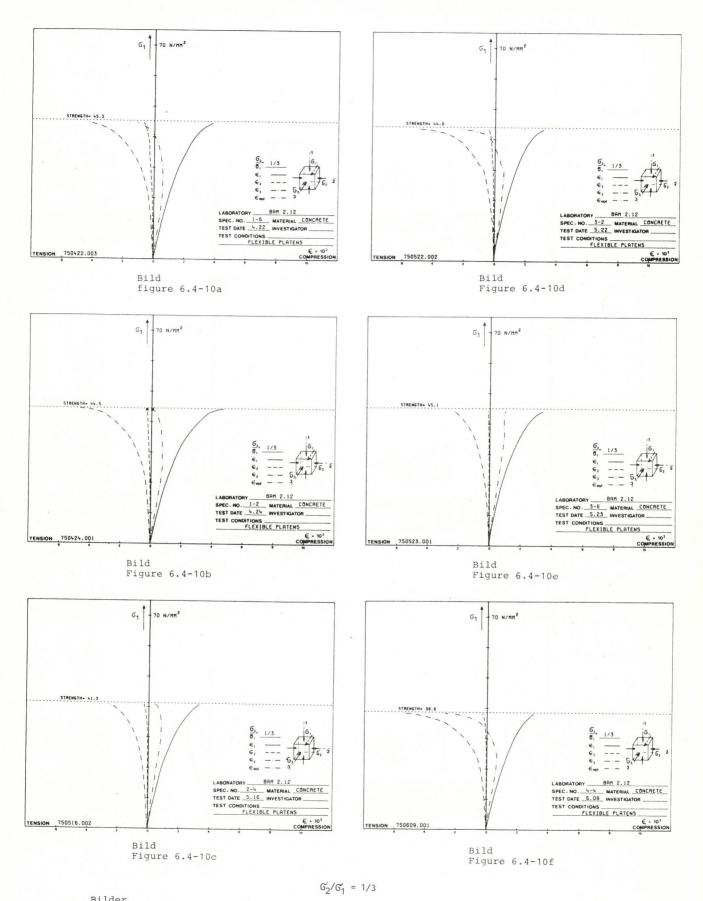
Bilder Figures 6.4-7a...f Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten Stress-strain behaviour of mortar, tested biaxially with rough steel platens



Bilder Figures 6.4-8a...f Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten Stress-strain behaviour of mortar, tested biaxially with rough steel platens

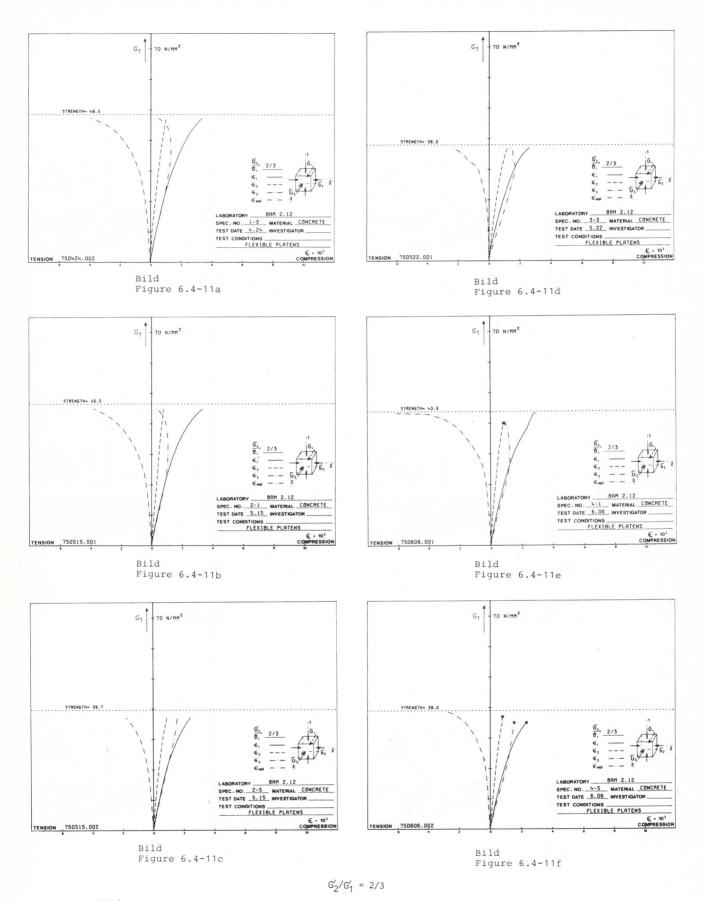


Bilder Figures 6.4-9a...e Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten Stress-strain behaviour of concrete, tested biaxially with flexible platens

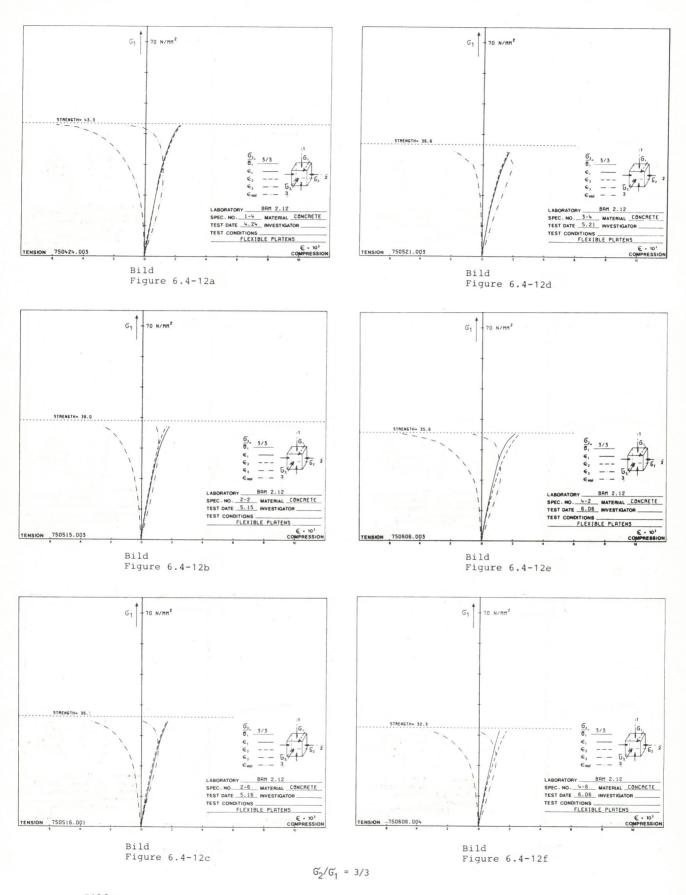


Bilder
Figures 6.4-10a...f

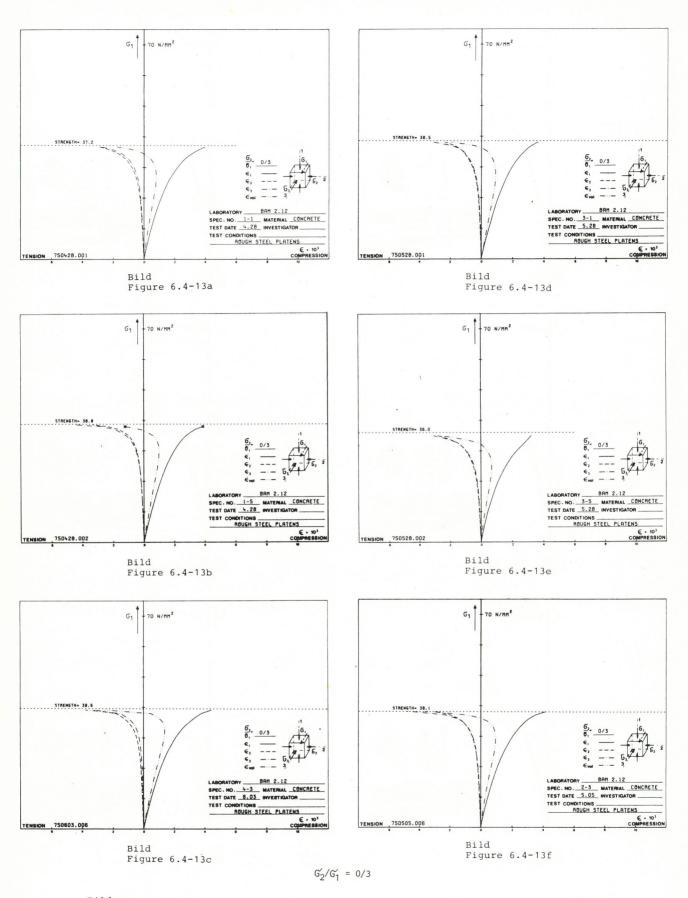
Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten
Stress-strain behaviour of concrete, tested biaxially with flexible platens



Bilder Figures 6.4-11a...f Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten Stress-strain behaviour of concrete, tested biaxially with flexible platens

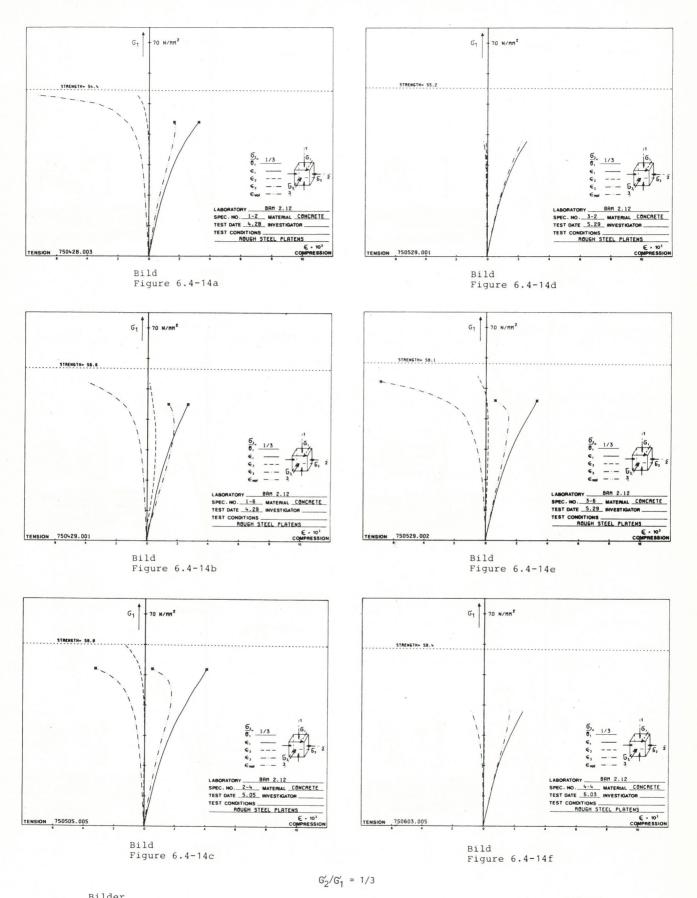


Bilder Figures 6.4-12a...f Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten Stress-strain behaviour of concrete, tested biaxially with flexible platens

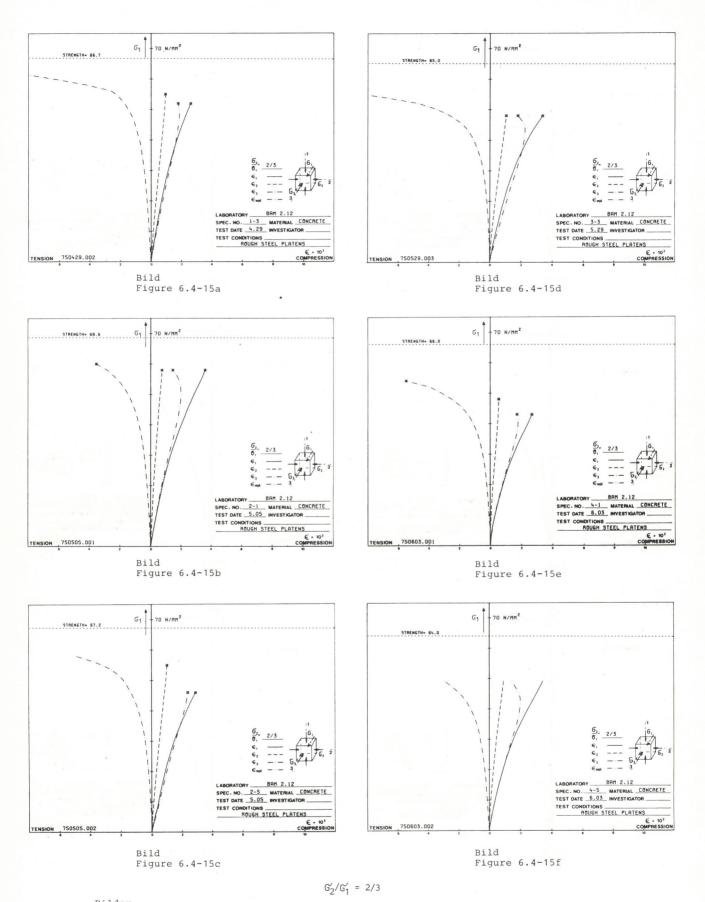


Bilder Figures 6.4-13a...f

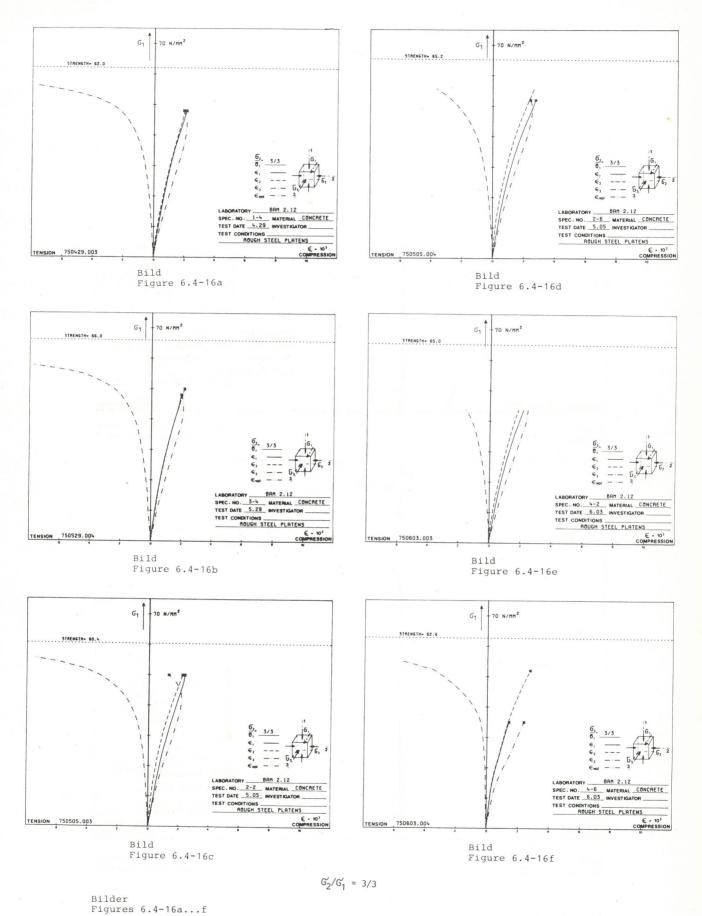
Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten Stress-strain behaviour of concrete, tested biaxially with rough steel platens



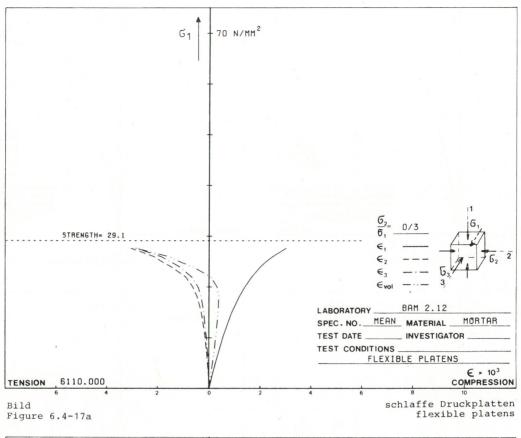
Bilder
Figures 6.4-14a...f
Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten
Stress-strain behaviour of concrete, tested biaxially with rough steel platens



Bilder Figures 6.4-15a...f Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten Stress-strain behaviour of concrete, tested biaxially with rough steel platens



Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten Stress-strain behaviour of concrete, tested biaxially with rough steel platens



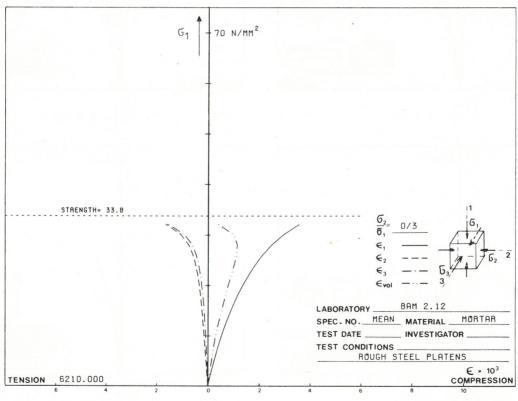
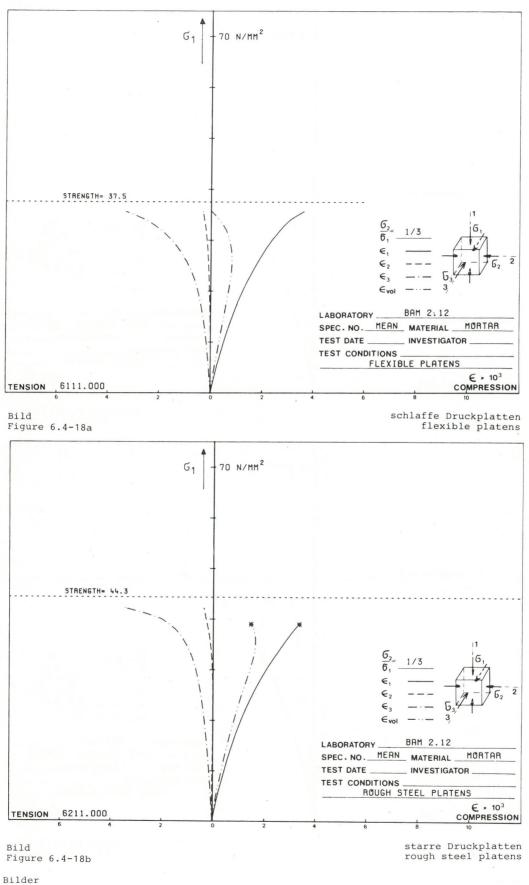


Bild Figure 6.4-17b starre Druckplatten rough steel platens

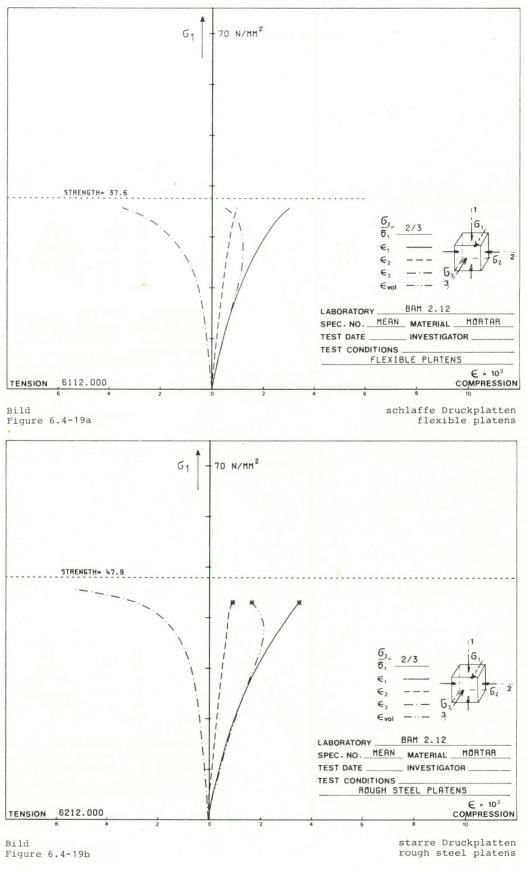
Bilder Figures 6.4-17a/b

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung;  $G_2/G_1$  = 0/3 Mean stress-strain behaviour of mortar, biaxially tested with  $G_2/G_1$  = 0/3



Bilder Figures 6.4-18a/b

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung;  $G_2'/G_1'=1/3$  Mean stress-strain behaviour of mortar, biaxially tested with  $G_2'/G_1'=1/3$ 



Bilder Figure 6.4-19a/b

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung;  $G_2/G_1$  = 2/3 Mean stress-strain behaviour of mortar, biaxially tested with  $G_2/G_1$  = 2/3

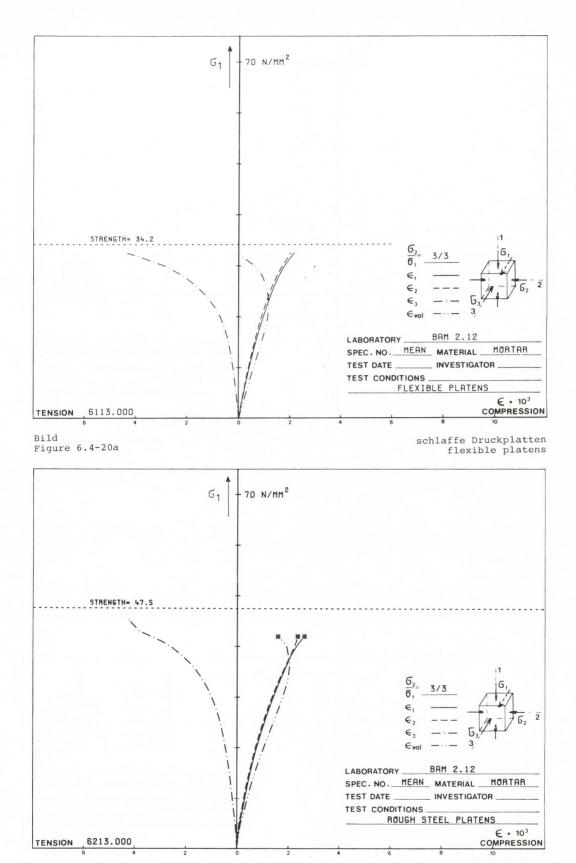
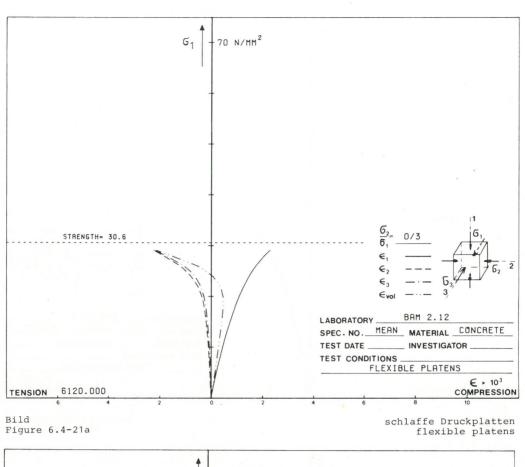


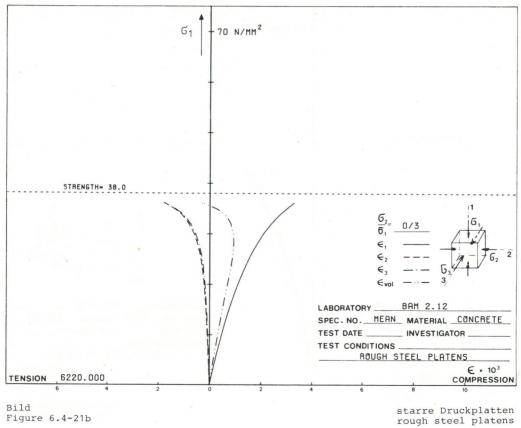
Bild Figure 6.4-20b

starre Druckplatten rough steel platens

Bilder Figure 6.4-20a/b

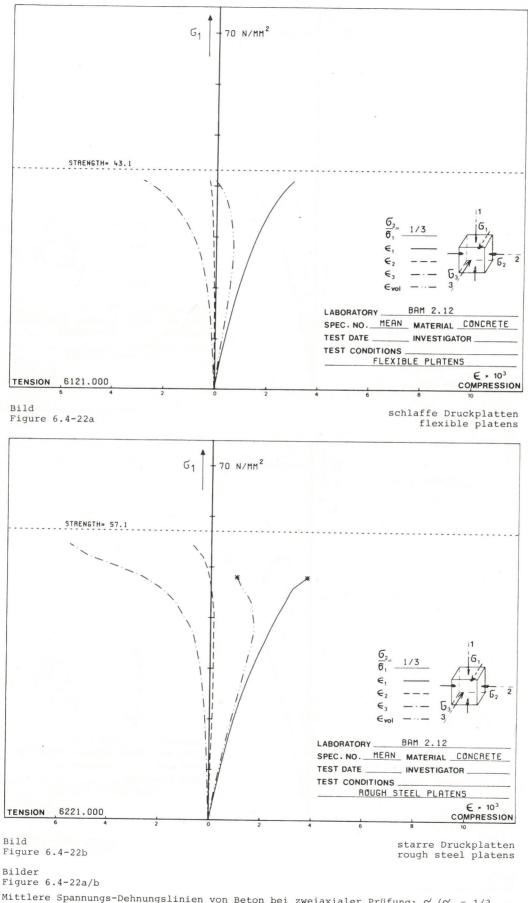
Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung;  $G_2/G_1'=3/3$  Mean stress-strain behaviour of mortar, biaxially tested with  $G_2'/G_1'=3/3$ 



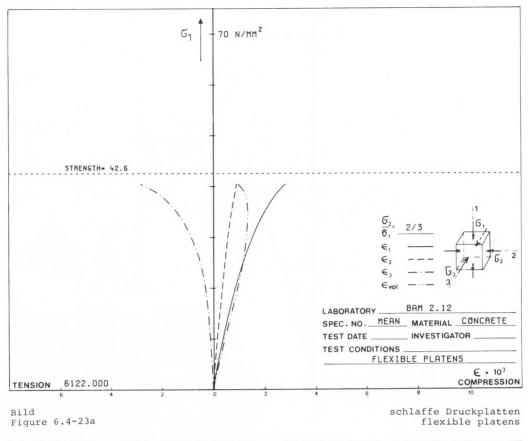


Bilder Figure 6.4-21a/b

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung;  $G_2'/G_1'$  = 0/3 Mean stress-strain behaviour of concrete, biaxially tested with  $G_2'/G_1'$  = 0/3



Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung;  $G_2'/G_1'=1/3$  Mean stress-strain behaviour of concrete, biaxially tested with  $G_2'/G_1'=1/3$ 



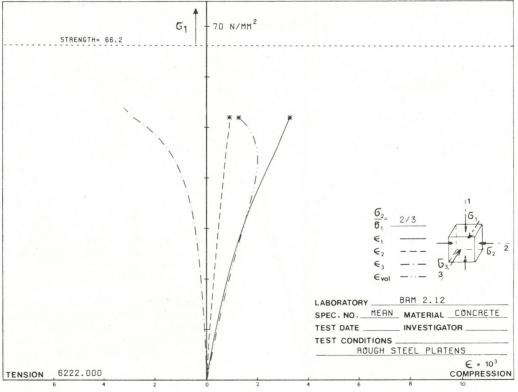
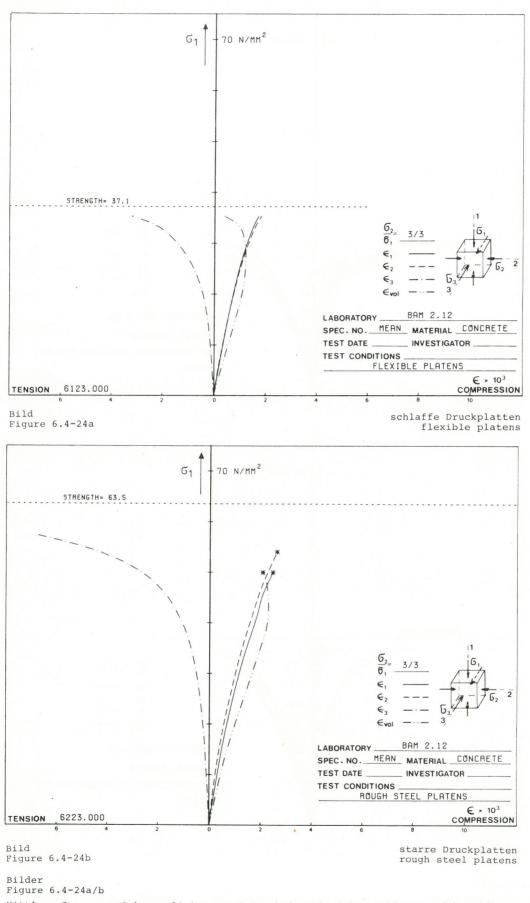


Bild Figure 6.4-23b

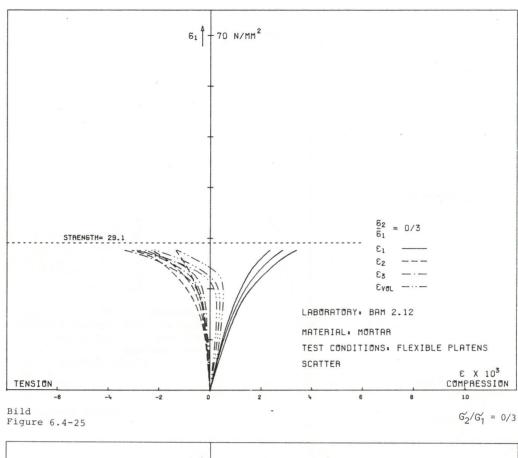
starre Druckplatten rough steel platens

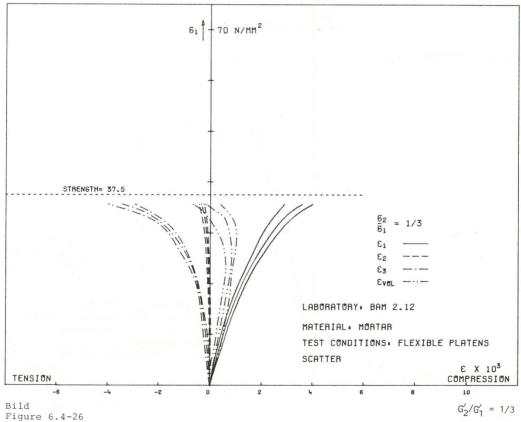
Bilder Figure 6.4-23a/b

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung;  $G_2'/G_1'=2/3$  Mean stress-strain behaviour of concrete, biaxially tested with  $G_2'/G_1'=2/3$ 



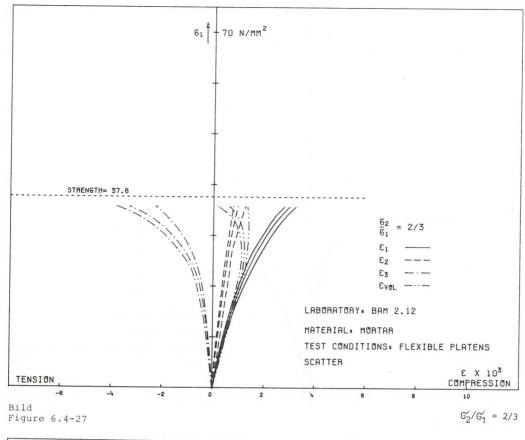
Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung;  $G_2/G_1=3/3$  Mean stress-strain behaviour of concrete, biaxially tested with  $G_2/G_1=3/3$ 

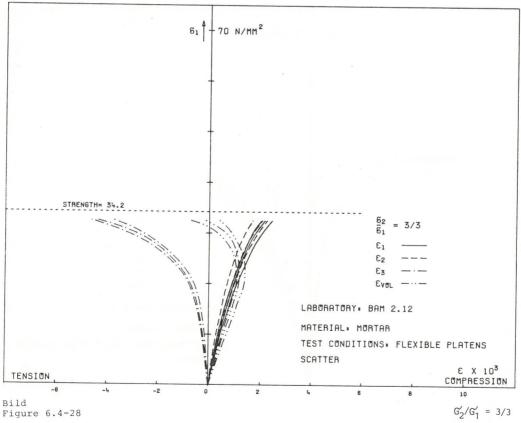




Bilder Figures 6.4-25/26

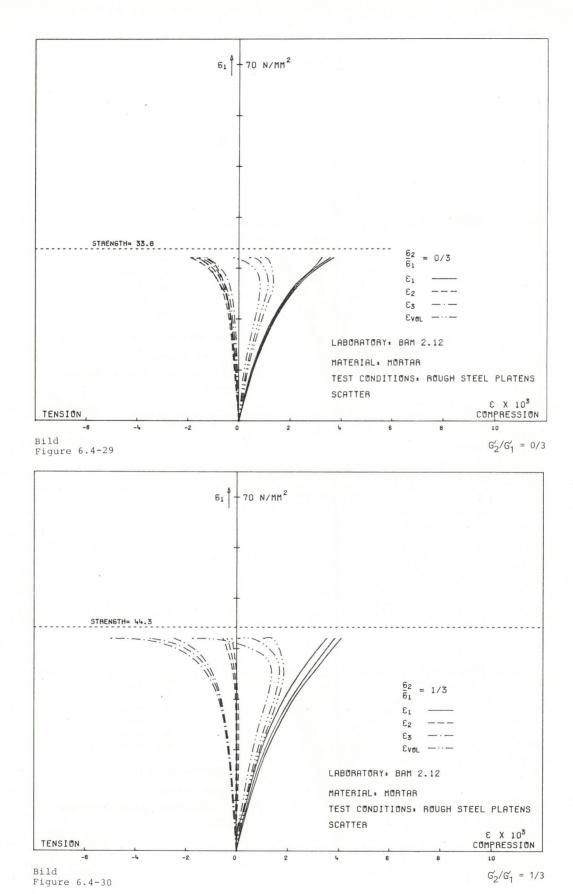
Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)
Scatter of mean stress-strain curves of mortar, tested biaxially with flexible platens





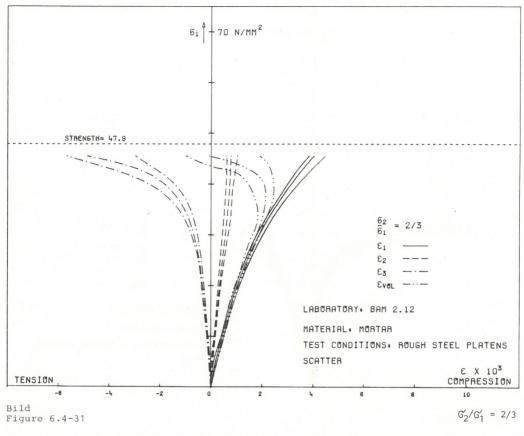
Bilder Figures 6.4-27/28

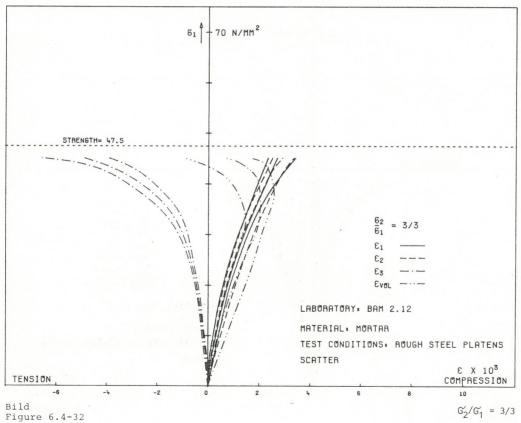
Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte) Scatter of mean stress-strain curves of mortar, tested biaxially with flexible platens



Bilder Figures 6.4-29/30

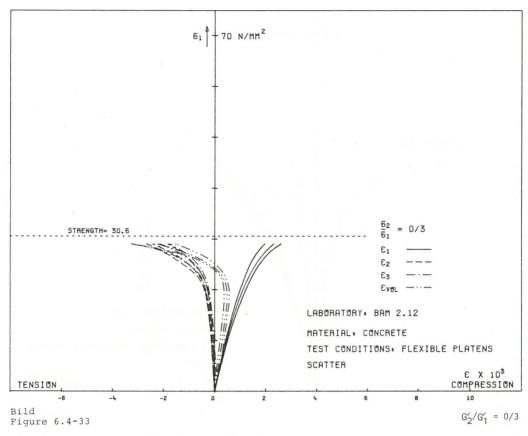
Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)
Scatter of mean stress-strain curves of mortar, tested biaxially with rough steel platens

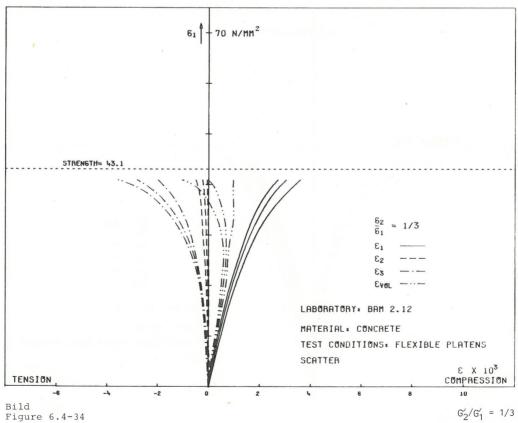




Bider Figures 6.4-31/32

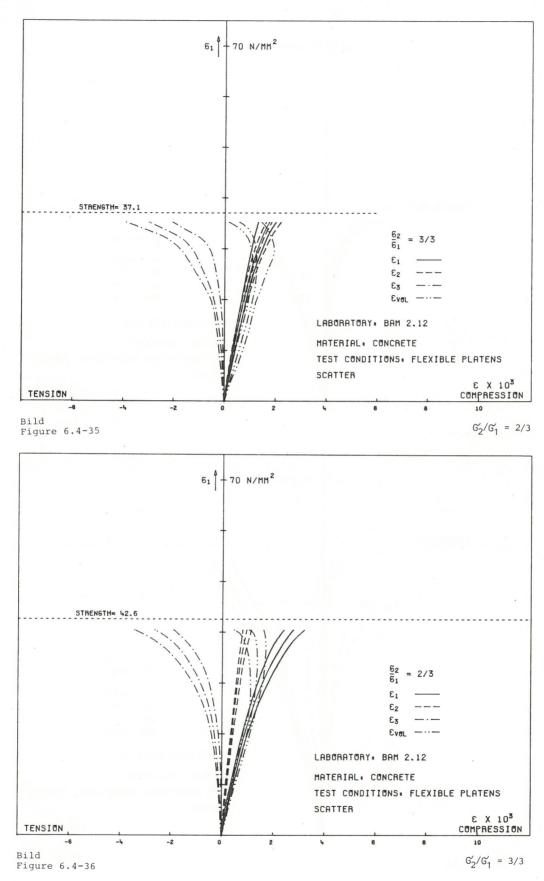
Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)
Scatter of mean stress-strain curves of mortar, tested biaxially with rough steel platens





Bilder Figures 6.4-33/34

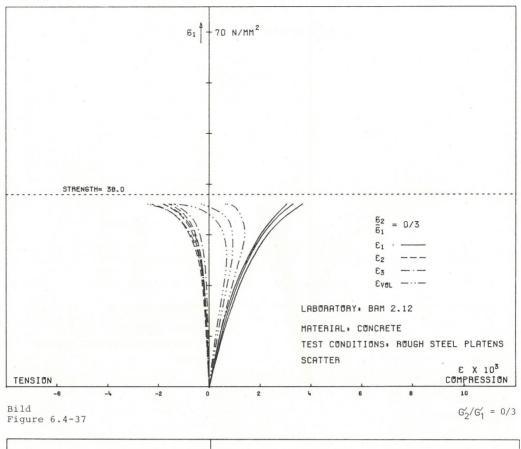
Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)
Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested biaxially with flexible platens

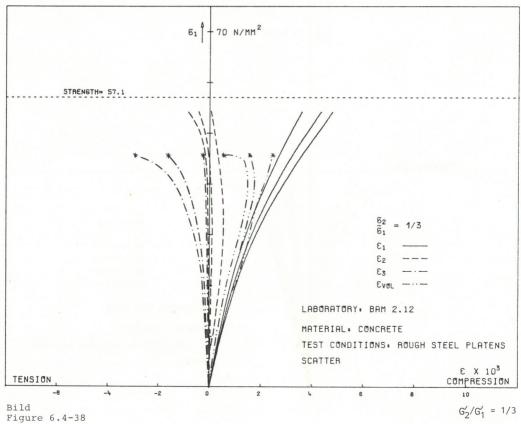


Bilder
Figures 6.4-35/36

Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)

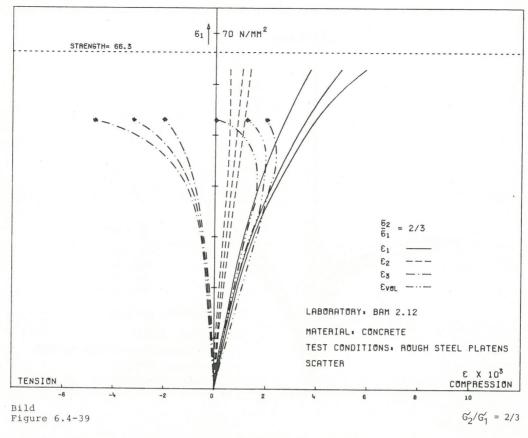
Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested biaxially with flexible platens

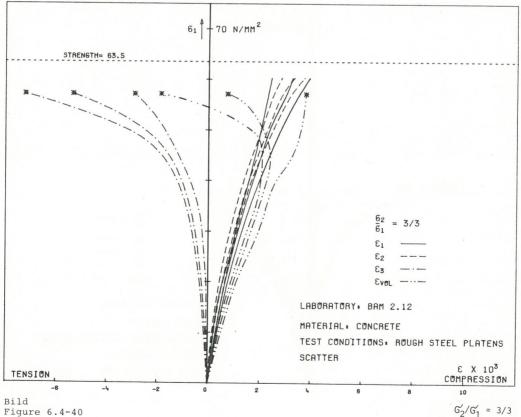




Bilder Figures 6.4-37/38

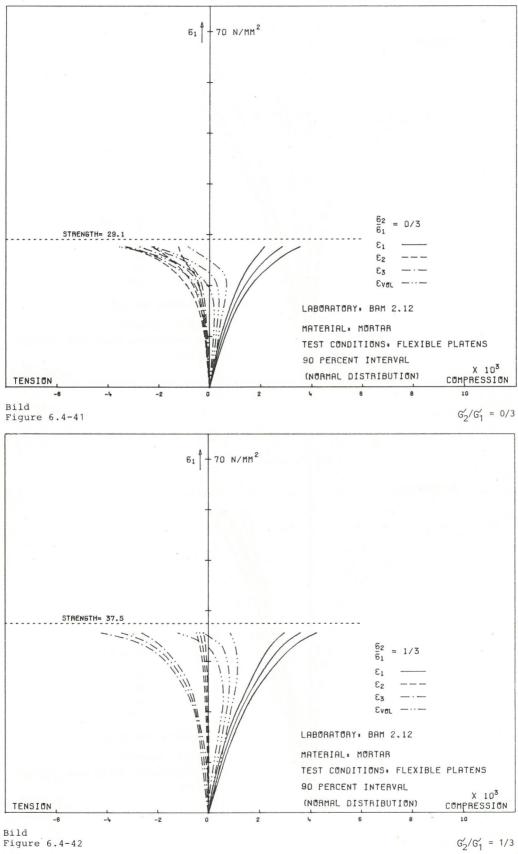
Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)
Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested biaxially with rough steel platens





Bilder Figures 6.4-39/40

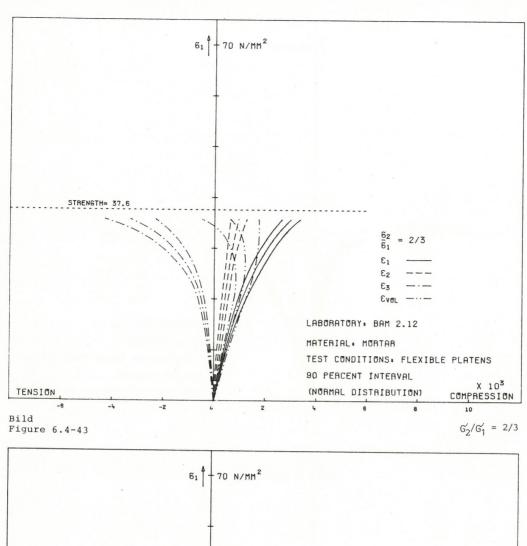
Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte) Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested biaxially with rough steel platens

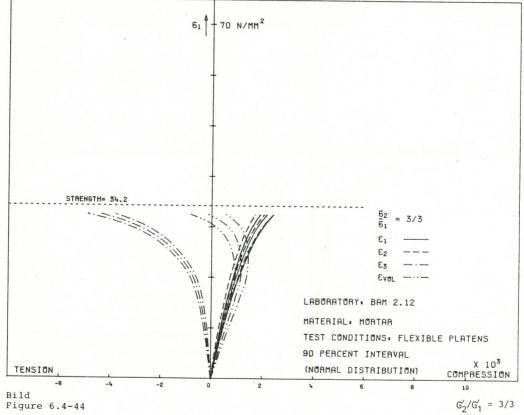


Bilder Figures 6.4-41/42

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

90% interval of normal distribution of the individual strain values of mortar together with corresponding mean stress-strain curves, tested biaxially with flexible platens

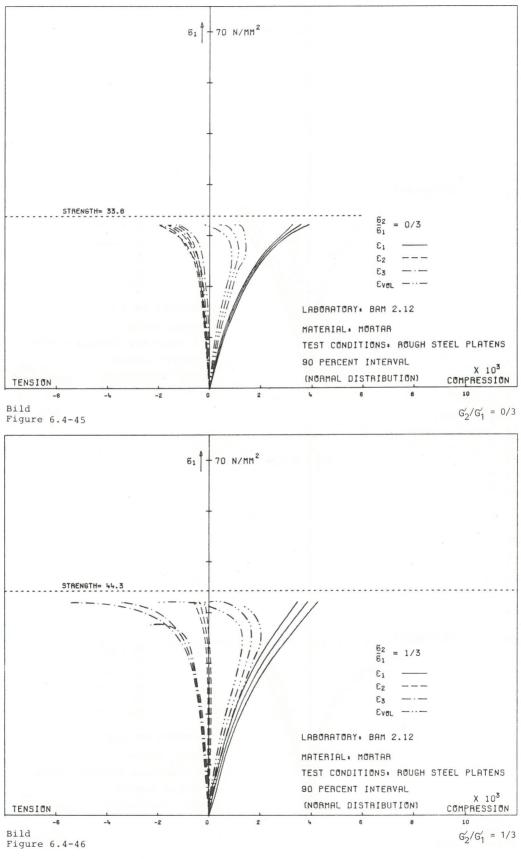




Bilder Figures 6.4-43/44

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

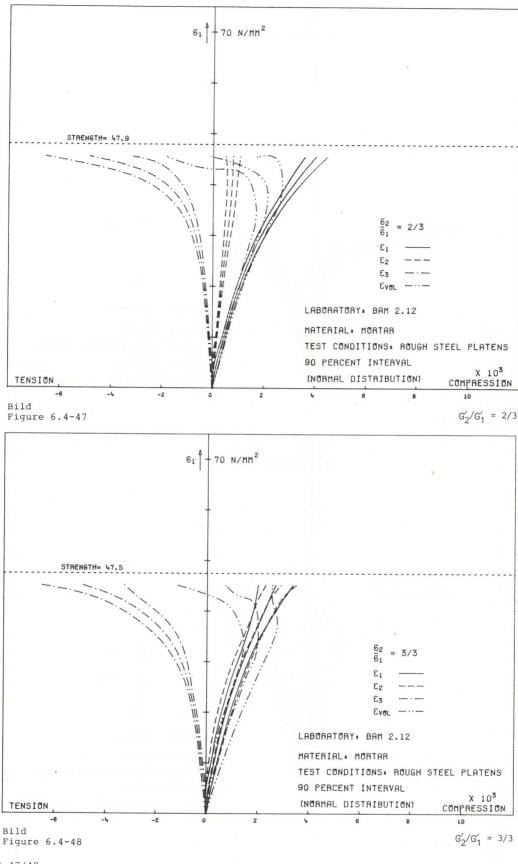
90% interval of normal distribution of the individual strain values of mortar together with corresponding mean stress-strain curves, tested biaxially with flexible platens



Bilder Figures 6.4-45/46

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

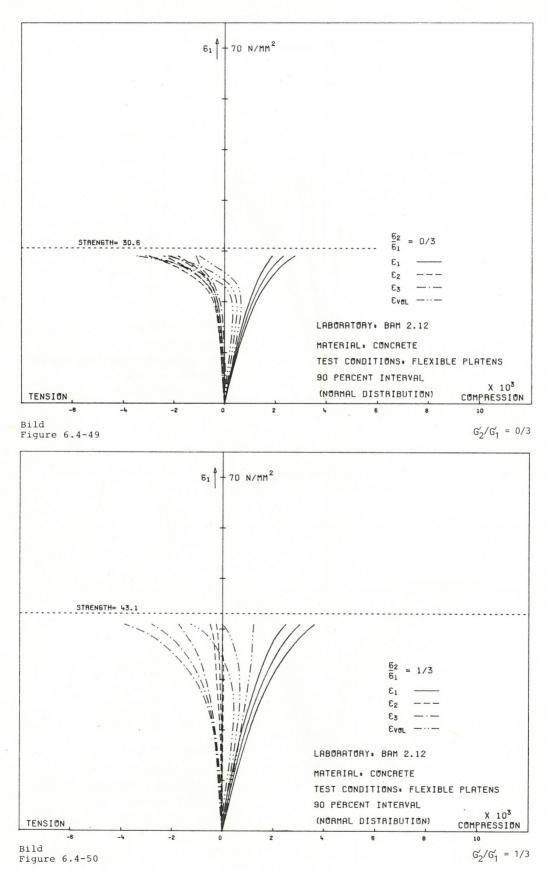
90% interval of normal distribution of the individual strain values of mortar together with corresponding mean stress-strain curves, tested biaxially with rough steel platens



Bilder Figures 6.4-47/48

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Mörtel bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

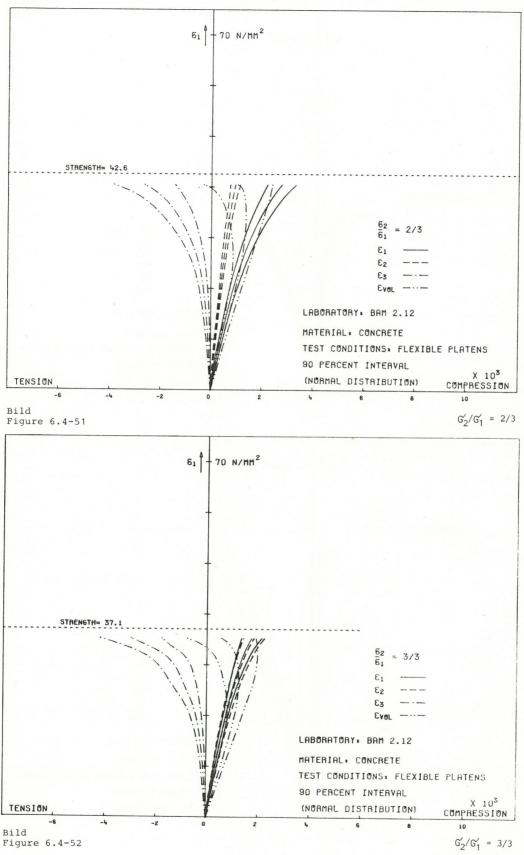
90% interval of normal distribution of the individual strain values of mortar together with corresponding mean stress-strain curves, tested biaxially with rough steel platens



Bilder Figures 6.4-49/50

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

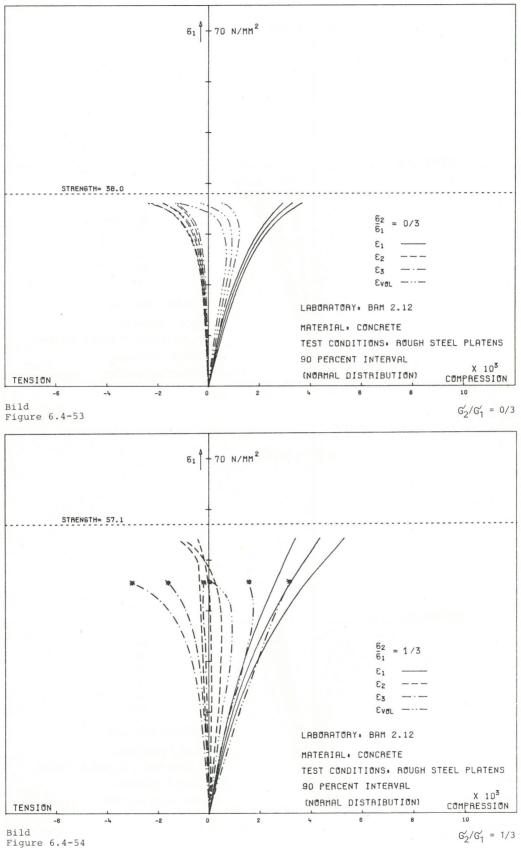
90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested biaxially with flexible platens



Bilder Figures 6.4-51/52

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

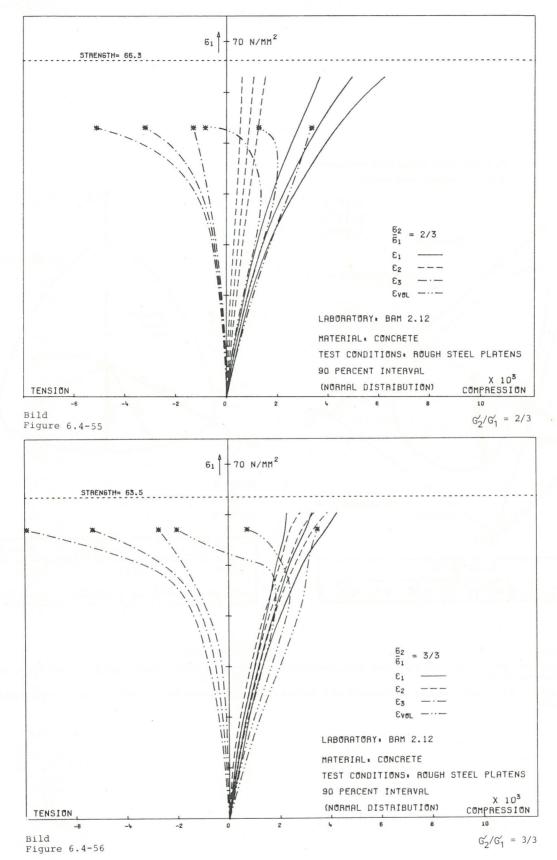
90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested biaxially with flexible platens



Bilder Figures 6.4-53/54

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested biaxially with rough steel platens



Bilder Figures 6.4-55/56

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei zweiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested biaxially with rough steel platens

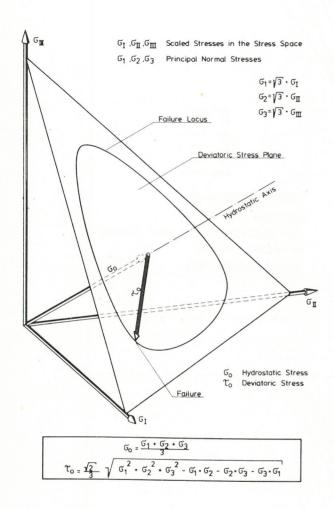
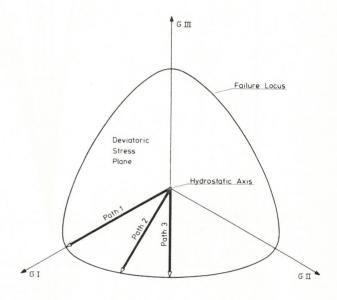


Bild Figure 6.5-1

Spannungsraum mit hydrostatischen und deviatorischen Spannungskomponenten  $% \left( 1\right) =\left( 1\right) +\left( 1\right) +$ 

Stress space  $% \left( 1\right) =\left( 1\right) \left( 1\right) +\left( 1\right) +\left( 1\right) +\left( 1\right) +\left( 1\right) +\left( 1\right) +\left$ 



$G_1 = \sqrt{3} \cdot G_I$			
$G_2 = \sqrt{3} \cdot G_{II}$	$G_1 \ge G_2 \ge G_3 \ge 0$	compressive	stress
Q³= 1/3 ⋅ QⅢ			

Stress Path 1	Stress Path 2	Stress Path 3
ΔG <sub>1</sub> > 0	ΔG <sub>1</sub> > 0	ΔG <sub>1</sub> = ΔG <sub>2</sub> > 0
ΔG <sub>2</sub> = ΔG <sub>3</sub> = -1/2 ΔG <sub>1</sub>	$\Delta G_2 = 0$ $\Delta G_3 = -\Delta G_1$	ΔG3=-2 ΔG1=-2 ΔG2

Bild Figure 6.5-2

Spannungspfade innerhalb einer deviatorischen Spannungsebene

Stress paths within deviatoric stress plane

Material Concrete	10 cm Cubes
-------------------	-------------

	Т	est Type	9		Te	st	Results	
Load Application Device	Stress Stress Level Path		Constant	Numbe			Mean Strength	Stand.
	[ N/mm <sup>2</sup> ]		Ratio	Stress	Str 1)	ain 2)	G <sub>1</sub> [N/1	mm <sup>2</sup> ]
Flexible Platens	25.5 34.0 42.5 51.0 42.5 51.0 51.0	1 1 1 1 2 2 3 3 3	-	56656645		33223332	62.1 78.9 93.5 108.3 80.3 93.7 61.3	2.26 4.60 5.51 4.76 2.49 0.83 1.00 0.48
Rough Steel Platens	25.5 34.0 42.5 51.0	1 1 1 1	= = =	6 6 6 6	4 4 5 5	1 1 1 -	66.3 83.5 98.6 119.9	1.66 3.11 5.20 2.90
Flexible Platens	-	-	1:0.10:0.10 1:0.20:0.20 1:0.53:0.07 1:0.99:0.05 1:1.00:0.08	4 3 4 6 4		- 1 1 1 1	65.0 113.4 85.8 64.7 80.0	5.46 8.40 11.04 5.38 8.08
Rough Steel Platens	=	-	1:0.11:0.11 1:0.15:0.15	3 2	3 -		100.1 151.5	5.56 1.63

- 1) measured with inductive transducer
- 2) measured with strain gauges

Mittlere dreiaxiale Druckfestigkeitsergebnisse Mean strength results of triaxial compressive tests

Material	Concrete	10 cm Cubes
	Flexible Platens	
Test Conditions	Stress Path 1: $\Delta G_2 =$	> 0 = $\Delta G_3 = -1/2 \Delta G_1$

Hydrostatic Stress	Design	nations	Cube with	Ultima	te Stresses	[N/mm <sup>2</sup> ]
G <sub>1</sub> = G <sub>2</sub> = G <sub>3</sub>	Series	Specimen	Strain Gauges	<b>σ</b> <sub>1</sub>	$G_2$	$G_3$
0.75 fc' = 25.5 N/mm <sup>2</sup>	T-1a T-3a T-4a T-6a T-7a T-9a	4 1 4 1 4	X X X	62.5 60.6 59.2 63.2 n	7.0 7.9 8.4 6.5 ot plottable	7.2 8.1 8.6 6.9
	mean			62.1	7.1	7.3
	standar	d deviation	on	2.26	1.02	1.05
1.0 fc' = 34.0 N/mm <sup>2</sup>	T-2a T-3a T-5a T-6a T-8a T-9a	1 4 1 4 1 4	X X X	75.2 75.6 74.0 81.0 85.2 82.5	13.3 14.2 14.5 11.0 9.4 9.8	13.1 14.0 14.6 11.1 9.4 9.8
	mean			78.9	12.0	12.0
	standar	d deviation	on	4.6	2.25	2.21
1.25 fc' = 42.5 N/mm <sup>2</sup>	T-1a T-2a T-4a T-5a T-7a T-8a	1 4 1 4 1 4	X X X	85.6 97.5 94.6 94.9 88.2 100.0	22.4 15.3 15.9 16.4 19.6 13.4	22.0 15.2 15.9 16.2 19.7 13.3
	mean			93.5	17.2	17.1
	standar	rd deviation	n	5.51	3.26	3.20
1.5 fc' = 51.0 N/mm <sup>2</sup>	T-1a T-2a T-4a T-5a T-7a T-8a	252525	X X X	106.2 109.6 101.0 112.4 112.1	23.5 21.5 ot plottable 25.6 20.0 20.4	23.5 20.5 26.3 20.0 21.0
	mean			108.3	22.2	22.3
	standar	rd deviation	on	4.76	2.34	2.63

 $G_1 \ge G_2 \ge G_3 \ge 0$  compressive stressing of the specimen in the direction of the machine axis 1,2 and 3 respectively

Dreiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1 Triaxial strength of concrete cubes tested with flexible platens; stress path 1

Material	Concrete	10 cm Cubes
Test	Flexible Platens	
Conditions	Stress Path 2: $\Delta G_1 > \Delta G_2 = \Delta G_2$	$0 \qquad \Delta G_3 = -\Delta G_1$

Hydrostatic Stress	Designations		Cube with	Ultimat	e Stresses	[N/mm <sup>2</sup> ]
G <sub>1</sub> = G <sub>2</sub> = G <sub>3</sub>	Series	Specimen	Strain Gauges	G <sub>1</sub>	$\sigma_2$	$G_3$
1.0 fc' = 34.0 N/mm <sup>2</sup>	T-6a T-8a T-9a	5 2 5	Х		t plottable biaxial biaxial	
1.25 fc' = 42.5 N/mm <sup>2</sup>	T-1a T-2a T-4a T-5a T-7a T-8a	363636	х х х	78.9 79.0 81.6 77.9 79.5 84.7	42.6 42.7 42.8 42.7 44.4 45.4	6.4 6.3 4.7 7.5 6.3 4.6
	mean			80.3	43.4	6.0
	standar	d deviatio	n	2.49	1.18	1.12
1.5 fc' = 51.0 N/mm <sup>2</sup>	T-2a T-3a T-5a T-6a T-8a T-9a	363636	X X X	93.7 93.1 93.0 93.8 95.3 93.5	51.6 51.1 51.6 51.1 51.7	8.2 9.2 10.3 8.4 7.4 8.1
	mean			93.7	51.4	8.6
	standar	d deviatio	n	0.83	0.29	1.01

 $G_1 \ge G_2 \ge G_3 \ge 0$  compressive stressing of the specimen in the direction of the machine axis 1,2 and 3 respectively

Dreiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 2 Triaxial strength of concrete cubes tested with flexible platens; stress path 2

Material	Concrete	10 cm Cubes
Ma a t	Flexible Platens	
Test Conditions	Stress Path 3: $\Delta G_1$	$= \Delta G_2 > 0$ = $-2\Delta G_1 = -2\Delta G_2$

Hydrostatic Stress	Designations		with		Ultimate Stresses [N/mm <sup>2</sup> ]		
$G_1 = G_2 = G_3$	Series	Specimen	Specimen Gauges		$G_2$	$G_3$	
1.25 fc' = 42.5 N/mm <sup>2</sup>	m 7-		X X X	61.9 61.8 61.7	biaxial 61.6 61.8 61.8 ot plottable 60.1	3.8 3.8 3.1	
	mean			61.3	61.3	4.1	
	standard deviation			1.00	0.82	1.16	
1.5 fc' = 51.0 N/mm <sup>2</sup>	T-1a T-3a T-4a T-6a T-7a T-9a	6 3 6 3 6 3	X X X	73.5 73.0 73.3 73.4 74.3	73.4 73.2 73.4 73.1 oot plottable 73.8	5.7 7.2 6.0 5.6	
	mean			73.5	73.4	5.8	
	standar	d deviatio	on	0.48	0.27	0.97	

 $G_1 \ge G_2 \ge G_3 \ge 0$  compressive stressing of the specimen in the direction of the machine axis 1,2 and 3 respectively

Dreiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 3 Triaxial strength of concrete cubes tested with flexible platens; stress path 3

Material	Concrete	10 cm Cubes
	Rough Steel Plater	ns
Test Conditions	Stress Path 1: $\Delta G_1 > 0$	$G_{1}$ , $\Delta G_{2} = \Delta G_{3} = -1/2 \Delta G_{1}$
Conditions	Stress Path 2: $\Delta G_1 > 0$	$0, \Delta G_2 = 0, \Delta G_3 = -\Delta G_1$

Hydrostatic Stress	Stress Path	Design	ations	Cube with	Ultimat	te Stresses	[N/mm <sup>2</sup> ]
$G_1 = G_2 = G_3$		Series	Speci- men	Strain	G <sub>1</sub>	G <sub>2</sub>	G <sub>3</sub>
0.75 fc' = 25.5 N/mm <sup>2</sup>	1	T-1b T-3b T-4b T-6b T-7b T-9b	4 1 4 1 4 1	X	66.6 66.2 66.9 65.0 64.2 69.0	4.8 5.1 4.6 5.6 5.8 4.1	4.9 5.5 4.7 5.7 5.9 4.0
		standa	ard devi	iation	1.66	0.64	0.72
1.0 fc' = 34.0 N/mm <sup>2</sup>	1	T-2b T-3b T-5b T-6b T-8b T-9b	1 4 1 4 1 4	X	84.6 86.2 78.0 82.9 82.9 86.5	8.6 7.9 11.8 9.7 9.3 7.6	8.7 7.9 11.8 9.6 9.7 8.1
		mean			83.5	9.2	9.3
		standa	standard deviation			1.52	1.43
1.25 fc' = 42.5 N/mm <sup>2</sup>	1	T-1b T-2b T-4b T-5b T-7b T-8b	1 4 1 4 1 4	X	99.8 100.7 100.1 88.3 99.8 103.0	13.5 13.4 13.9 20.0 14.3 12.8	13.4 13.6 14.0 20.2 14.8 13.1
		mean			98.6	14.7	14.9
		standa	ard devi	iation	5.20	2.67	2.69
1.5 fc' = 51.0 N/mm <sup>2</sup>	1	T-1b T-2b T-4b T-5b T-7b T-8b	2 5 2 5 2 5 2 5	Х	121.1 120.7 122.6 114.3 119.7 121.0	16.7 16.2 15.0 19.0 16.3 16.0	16.1 16.1 15.3 19.2 16.4 16.1
		mean			119.9	16.5	16.5
		standa	ard devi	iation	2.90	1.34	1.36
1.25 fc' = 42.5 N/mm <sup>2</sup>	2	T-1b	- 3			biaxial	
1.5 fc' = 51.0 N/mm <sup>2</sup>	2	T-1b T-3b T-4b T-6b T-7b	52525		no	biaxial biaxial biaxial biaxial ot plottable	

 $G_1 \ge G_2 \ge G_3 \ge 0$  compressive stressing of the specimen in the direction of the machine axis 1,2 and 3 respectively

Bild Figure 6.5-7

Dreiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1 und 2 Triaxial strength of concrete cubes tested with rough steel platens; stress path 1 and 2

Material	Concrete	10 cm Cubes
Test	Flexible Platens	
Conditions	Constant Stress Ra	atios

Stress Ratio	Designa	ations	Cube with	Ultima	te Stresses	[N/mm <sup>2</sup> ]
$G_1 = G_2 = G_3$	Series	Specimen	Strain Gauges	G 1	G <sub>2</sub>	$G_3$
1:0.10:0.10	T-5a T-5a(b) T-7a(b) T-8a(b)	2 6 3 6		60.1 60.0 69.1 70.8	6.2 6.0 6.9 7.1	6.3 6.0 6.9 7.1
	mean			65.0	6.6	6.6
	standard	deviatio	n	5.76	0.53	0.51
1:0.20:0.20	T-2a(b) T-4a(b) T-9a(b)	6 3 2		120.1 116.2 104.0	24.6 23.8 21.2	24.6 23.6 21.1
	mean			113.4	23.2	23.1
	standard	deviatio	n	8.40	1.78	1.80
1:0.53:0.07	T-2a T-2a(b) T-3a(b) T-5a(b)	2 3 6 3	Х	94.2 87.2 91.9 69.8	50.1 46.6 49.0 37.3	6.8 6.5 6.6 5.0
	mean			85.8	45.8	6.2
	standard	deviation	n	11.04	5.82	0.83
1:0.99:0.05	T-2a(b) T-3a(b) T-5a(b) T-6a(b) T-8a(b) T-9a(b)	2 5 2 5 2 5 2 5 2 5	Х	59.5 65.5 57.6 66.6 71.8	58.7 65.1 57.0 66.1 65.5 71.1	3.0 3.2 2.8 3.3 3.0 3.3
	mean			64.7	63.9	3.1
	standard	deviation	n	5.38	5.20	0.20
1: 1: 0.08	T-9a T-1a(b) T-3a(b) T-4a(b)	2 6 3 6	Х	91.5 73.7 75.1 79.8	91.6 73.6 75.1 79.8	7.5 6.1 6.3 6.5
	mean			80.0	80.0	6.6
	standard	deviation	1	8.08	8.16	0.62

 $G_1 \ge G_2 \ge G_3 \ge 0$  compressive stressing of the specimen in the direction of the machine axis 1,2 and 3 respectively

Dreiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten;konstante Spannungsverhältnisse

Triaxial strength of concrete cubes tested with flexible platens; constant stress ratios

Material	Concrete	10 cm Cubes
Test	Rough Steel Plate	ens
Conditions	Constant Stress F	Ratios

Stress Ratio	Design	ations	Cube with	Ultimate Stresses [N/mm <sup>2</sup> ]					
$G_1: G_2: G_3$	Series	Specimen	Strain Gauges	<sub>б</sub> 1	G <sub>2</sub>	$G_3$			
1:0.11:0.11	T-6b T-7b T-9b	3 6 3		95.8 98.2 106.4	10.6 10.8 11.7	10.4 10.7 11.6			
	mean			100.1	11.0	10.9			
	standar	d deviation	n	5.56	0.59	0.62			
1:0.15:0.15	T-6b T-8b T-9b	6 3 6		150.3 152.6	ot plottable 22.9 23.2	22.9 23.2			
	mean	mean			23.1	23.1			
	standar	d deviation	n	1.63	0.21	0.21			

 $G_1 \ge G_2 \ge G_3 \ge 0$  compressive stressing of the specimen in the direction of the machine axis 1,2 and 3 respectively

Dreiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit starren Druckplatten; konstante Spannungsverhältnisse

Triaxial strength of concrete cubes tested with rough steel platens; constant stress ratios

Test	Test Conditions			Number of Specimens Test Conditions and Mean Triaxial Strength [N/mm <sup>2</sup> ]								
Platens	Hydrostatic Stress $G_1 = G_2 = G_3$		75 fc'  5 N/mm <sup>2</sup>		) fc'  ) N/mm <sup>2</sup>		25 fc'  5 N/mm <sup>2</sup>		5 fc' 			
	Stress Path No.	n	TB <sub>1</sub>	n	TB <sub>1</sub>	n	TB <sub>1</sub>	n	TB <sub>1</sub>			
	1	5	62.1	6	78.9	6	93.5	5	108.3			
Flexible	2	-	-	3	*)	6	80.3	6	93.7			
	3	-	-	-	-	4	61.3	5	73.5			
	1	6	66.3	6	83.5	6	98.6	6	119.9			
Rough	2	-	-	-	-	1	*)	5	*)			

<sup>\*)</sup> test result biaxial or not plottable

 $\overline{\text{TB}}_1$  triaxial compressive strength of the specimen ( ultimate stress in axis 1 )

Bild Figure 6.5-10

Betonfestigkeit bei dreiaxialer Druckbeanspruchung Concrete strength under triaxial compression

Material	Concrete	10 cm Cubes
Test Conditions	Flexible Platens	

Hydrostatic Stress	Stress Ratios	Stress Course	Number of	Ultimate	Stress [	N/mm <sup>2</sup> ]
Designated	G <sub>1</sub> : G <sub>2</sub> : G <sub>3</sub>		Speci- men *)	G <sub>1</sub>	G <sub>2</sub>	G <sub>3</sub>
0.75 fc'	1 . 0 1 . 0 1	path 1	2	64.1	6.2	6.4
= 25.5 N/mm <sup>2</sup>	1:0.1:0.1	constant	4	65.0	6.6	6.6
	1:0.53:0.07	path 2	3	80.7	44.2	6.1
1.25 fc'	1 : 0.93 : 0.07	constant	3	91.1	48.6	6.6
= 42.5 N/mm <sup>2</sup>	1:0.99:0.05	path 3	1	61.7	61.8	3.1
	1 : 0.99 : 0.09	constant	5	65.8	65.0	3.1
,	1:0.2:0.2	path 1	3	108.5	22.0	22.4
1.5 fc'	1:0.2:0.2	constant	3	113.4	23.2	23.1
= 51.0 N/mm <sup>2</sup>	1:1.0:0.08	path 3	2	73.8	73.4	5.0
	1:1.0:0.00	constant	3	82.1	82.2	6.8

<sup>\*)</sup> Specimens without strain gauges only

Vergleich von Versuchsergebnissen zur dreiaxialen Betonfestigkeit: Beanspruchungsverlauf nach Spannungspfaden und mit konstanten Spannungsverhältnissen

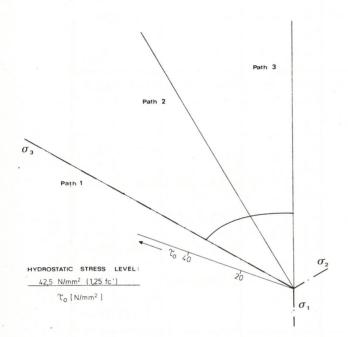
Comparison of test results of triaxial concrete strength: trials with stress paths and with constant stress ratios

Test	Test Conditions			ın Val	Lue	es of and Nu	Octal umber	nec	dral S	Stres	se:	s [N/r	nm <sup>2</sup> ]					
Platens	Stress G <sub>4</sub> =G <sub>2</sub> =G <sub>7</sub>		Hydrostatic Stress $G_1 = G_2 = G_3$		Hydrostatic Stress G <sub>1</sub> =G <sub>2</sub> =G <sub>3</sub>		0.75 		_	1.0 f 		_			_	1.5 fc' 51.0 N/mm <sup>2</sup>		
	Stress Course	n	Go	T <sub>o</sub>	n	Go	$\tau_{\circ}$	n	G <sub>o</sub>	$\tau_{\circ}$	n	G <sub>o</sub>	70					
	Path 1	5	25.5	25.9	6	34.3	31.5	6	42.6	36.0	5	50.9	40.6					
	Constant Ratio 1: 0.1: 0.1	4	26.1	27.5	-	-	-	-	-	-	-	-	-					
	Constant Ratio 1:0.2:0.2	-	-	-	-	-	-	-	-		3	53.2	42.5					
D1 / 1-1	Path 2	-	-	-	3	*)	*)	6	43.2	30.3	6	51.2	34.7					
Flexible	Constant Ratio 1: 0.53: 0.07	-	-	-	-	-	-	4	45.9	32.5	-	-	-					
	Path 3	-	-	-	-	-	-	4	42.2	27.0	5	50.9	31.9					
	Constant Ratio 1:0.99:0.05	-	-	-	-	-	-	6	43.9	28.9	-	-	-					
	Constant Ratio 1: 1.0: 0.08	-	-	-	-	-	-	-	-	-	4	55.5	34.6					
	Path 1	6	25.5	28.9	6	34.0	35.0	6	42.7	39.5	6	51.0	48.7					
Rough	Constant Ratio	-	-	-	3	40.7	42.0	-	-	-	-	-	-					
	Constant Ratio 1: 0.15: 0.15	-	-		-	-	-	2	65.9	60.5	-	-	_					
	Path 2	-	-	-	-	-	-	1	*)	*)	5	*)	*)					

## $\star$ ) test result biaxial or not plottable

Bild Figure 6.5-12

Dreiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln in Oktaederdarstellung Triaxial strength of concrete cubes in terms of octahedral stresses



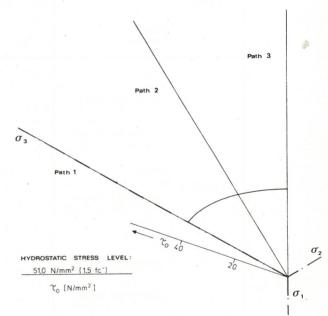


Bild Figure 6.5-13

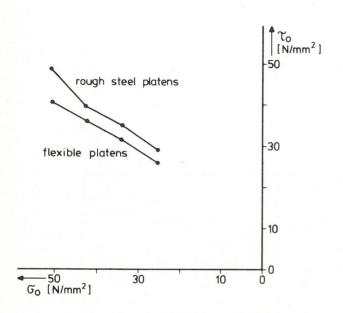
Grenzlinien der Tragfähigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten und Beanspruchung in deviatorischer Spannungsebene zur hydrostatischen Druckbeanspruchung von 1,25 fc'  $(42.5\ N/mm^2)$ 

Strength envelope for concrete cubes in deviatoric stress plane; flexible platens, hydrostatic stress level 1.25 fc' (42.5  $\rm N/mm^2)$ 

Bild Figure 6.5-14

Grenzlinien der Tragfähigkeit von Betonwürfeln bei Prüfung mit schlaffen Druckplatten und Beanspruchung in deviatorischer Spannungsebene zur hydrostatischen Druckbeanspruchung von 1,5 fc' (51,0 N/mm²)

Strength envelope for concrete cubes in deviatoric stress plane; flexible platens, hydrostatic stress level 1.5 fc' (51.0  $\rm N/mm^2\,)$ 

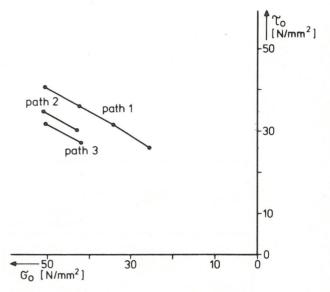




Number of Speci-	Hydrost Stress		Octahedral Stresse [N/mm²]			
mens	-	[N/mm²]	G <sub>o</sub>	τ.		
	Flex	ible Plate	ns			
5 6 6 5	0.75 fc' 1.00 fc' 1.25 fc' 1.50 fc'	25.5 34.0 42.5 51.0	25.5 34.3 42.6 50.9	25.9 31.5 36.0 40.6		
	Rough	n Steel Pla	tens			
6 0.75 fc' 6 1.00 fc' 6 1.25 fc' 6 1.50 fc'		25.5 34.0 42.5 51.0	25.5 34.0 42.7 51.0	28.9 35.0 39.5 48.7		

Dreiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln in Oktaederdarstellung; Vergleich der Ergebnisse aus Prüfungen mit schlaffen und mit starren Druckplatten nach Spannungspfad 1

Triaxial strength of concrete cubes in terms of octahedral stresses; loading according stress path 1, comparison of test results found with flexible and with rough steel platens



## Flexible Platens:

Number of	Hydros Stress		Octahedral Stresse [N/mm²]			
Speci- mens	-	[ N/mm <sup>2</sup> ]	G <sub>o</sub>	τ,		
	Stress	Path No.	1			
5 6 6 5	0.75 fc' 1.00 fc' 1.25 fc' 1.50 fc'	25.5 34.0 42.5 51.0	25.5 34.3 42.6 50.9	25.9 31.5 36.0 40.6		
	Stress	Path No.	2			
6	1.25 fc' 1.50 fc'	42.5 51.0	43.2 51.2	30.3 34.7		
	Stress	Path No.	3			
4 5	1.25 fc' 1.50 fc'	42.5 51.0	42.2 50.9	27.0 31.9		

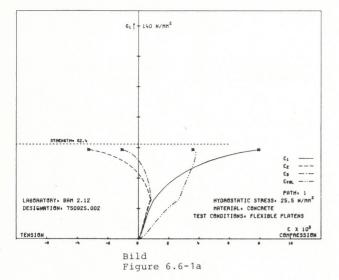
Bild Figure 6.5-16

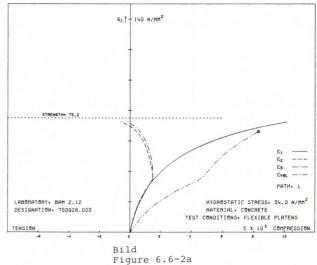
Dreiaxiale Druckfestigkeit von Betonwürfeln in Oktaederdarstellung; Vergleich der Ergebnisse aus Prüfungen mit verschiedenen Spannungspfaden

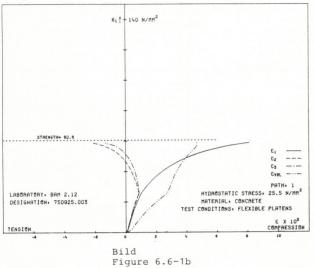
Triaxial strength of concrete cubes in terms of octahedral stresses; comparison of test results under loading according to different stress paths

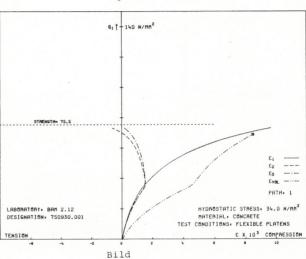
Application Stress $G_1 = G_2 = G_3 = G_4 = G_4 = G_5$ 25.5 N/m 34.0 N/m 42.5 N/m 42.5 N/m					Coefficient						
	Hydrostatic Stress Path		Number of Specimens	<sup>G</sup> 1 Mean	Standard Deviation	Min. Va	Max.		nfidence erval	of Variation %	
	25.5 N/mm <sup>2</sup> 1 34.0 N/mm <sup>2</sup> 1 42.5 N/mm <sup>2</sup> 1 51.0 N/mm <sup>2</sup> 1	34.0 N/mm <sup>2</sup> 1 6 42.5 N/mm <sup>2</sup> 1 6	6	62.1 78.9 93.5 108.3	2.26 4.60 5.51 4.76	59.2 74.0 85.6 101.0	85.2	57.4 71.3 84.4 98.5	66.8 86.5 102.6 118.1	3.6 5.8 5.9 4.4	
Platens	42.5 N/mm <sup>2</sup> 51.0 N/mm <sup>2</sup>	2 2	6 6	80.3 93.7	2.49	77.9 93.0	84.7 95.3	76.2 92.3	84.4 95.1	3.1	
	42.5 N/mm <sup>2</sup> 51.0 N/mm <sup>2</sup>	3	4 5	61.3 73.5	1.00	59.8 73.0	61.9 74.3	58.4 72.5	64.2 74.5	1.6	
Rough Steel Platens	25.5 N/mm <sup>2</sup> 34.0 N/mm <sup>2</sup> 42.5 N/mm <sup>2</sup> 51.0 N/mm <sup>2</sup>	1 1 1 1 1	6 6 6	66.3 83.5 98.6 119.9	1.66 3.11 5.20 2.90	64.2 78.0 88.3 114.3	86.5	63.6 78.4 90.0 115.1	69.0 88.6 107.2 124.7	2.5 3.7 5.3 2.4	

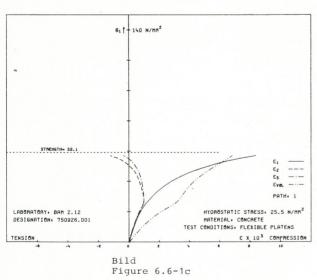
Streuung der dreiaxialen Festigkeitswerte von Betonwürfeln Scatter of triaxial strength results of concrete cubes

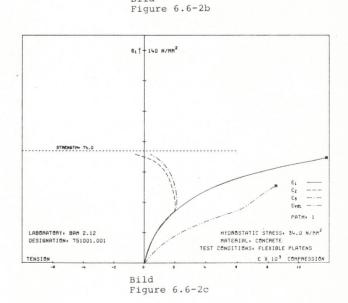












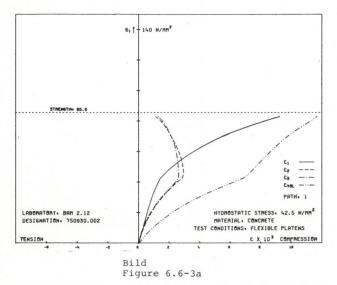
Bilder Figures 6.6-1a...c Bilder Figures 6.6-2a...c

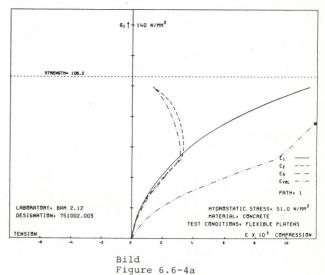
Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung 0,75 fc' (25,5 N/mm²)

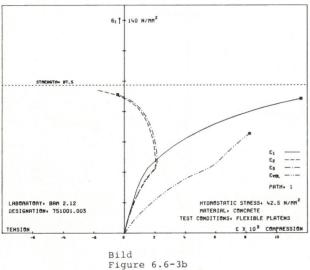
Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,0 fc' (34,0 N/mm²)

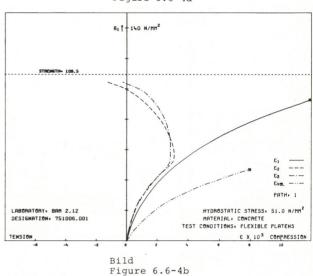
Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level 0.75 fc' (25.5  $\rm N/mm^2$ )

Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level 1.0 fc'  $(34.0~{\rm N/mm^2})$ 









Bilder Figures 6.6-3a/b

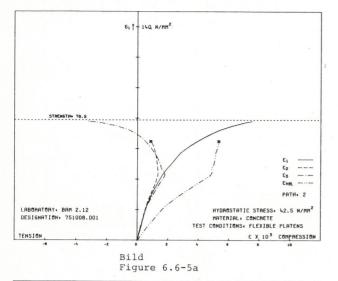
Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,25 fc'  $(42,5\ N/mm^2)$ 

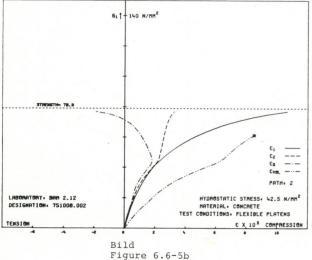
Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level 1.25 fc' (42.5  $\rm N/mm^2)$ 

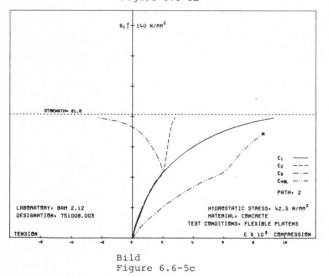
Bilder Figures 6.6-4a/b

Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,5 fc' (51,0 N/mm²)

Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level 1.5 fc' (51.0  $N/mm^2$ )



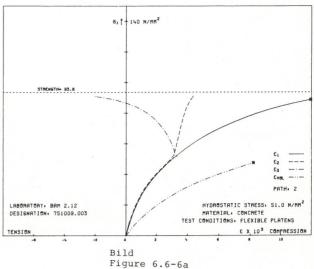






Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 2, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,25 fc'  $(42.5\ N/mm^2)$ 

Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 2, hydrostatic stress level 1.25 fc' (42.5  $N/mm^2$ )



STRONGTH- 88.0

STRONGTH- 88.0

C1

C2

C3

C4

C5

C7

CVBL

PATH- 2

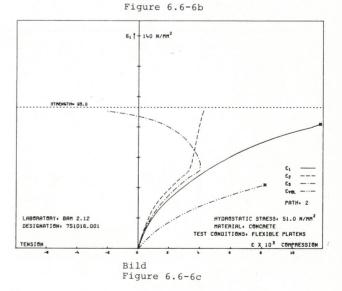
CNOWNET

MATERIAL CONCRETE

TEST CONDITIONS, FLEXIBLE PLATENS

E X 10<sup>3</sup> COMPRESSION

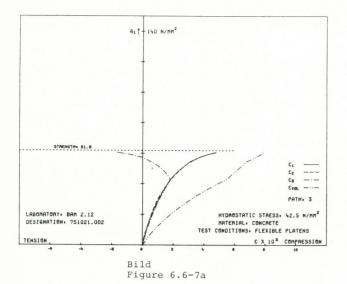
E N 10<sup>3</sup> COMPRESSION

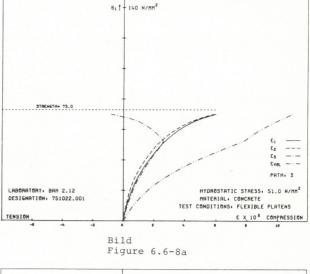


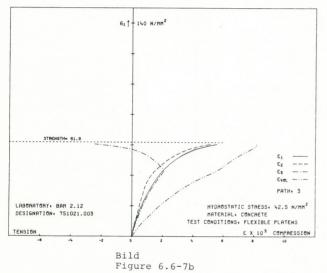
Bilder Figures 6.6-6a...c

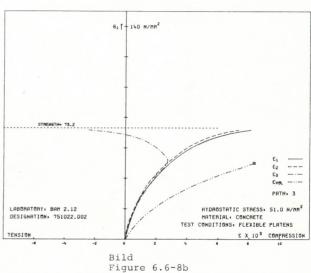
Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 2, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,5 fc'  $(51,0~N/mm^2)$ 

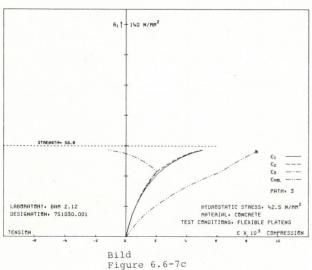
Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 2, hydrostatic stress level 1.5 fc' (51.0  $N/mm^2$ )











Bilder Figures 6.6-8a/b

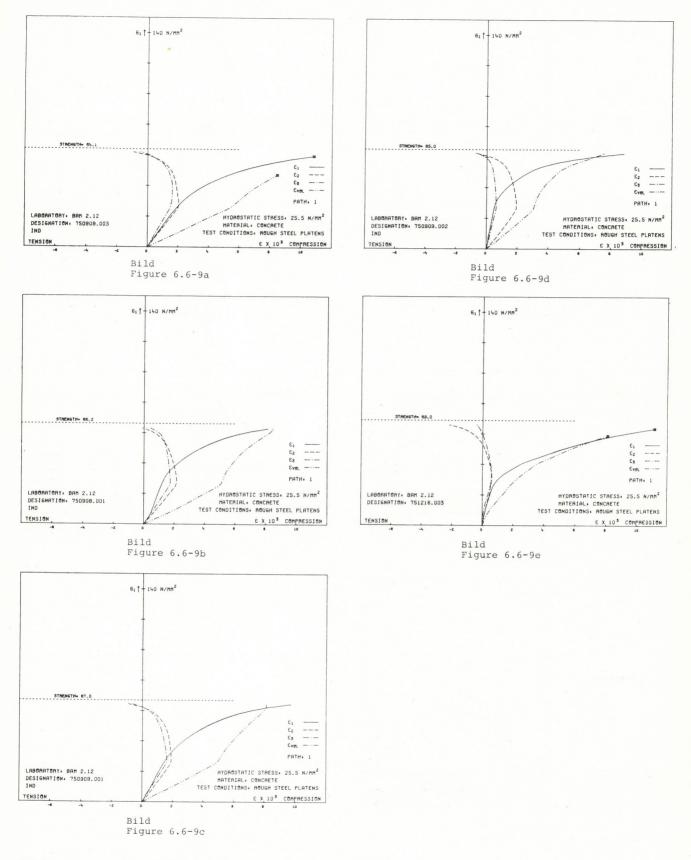
Bilder Figures 6.6-7a...c

Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 3, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,5 fc'  $(51,0~\mathrm{N/mm^2})$ 

Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 3, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,25 fc'  $(42,5\ N/mm^2)$ 

Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 3, hydrostatic stress level 1.5 fc' (51.0  $\rm N/mm^2$ )

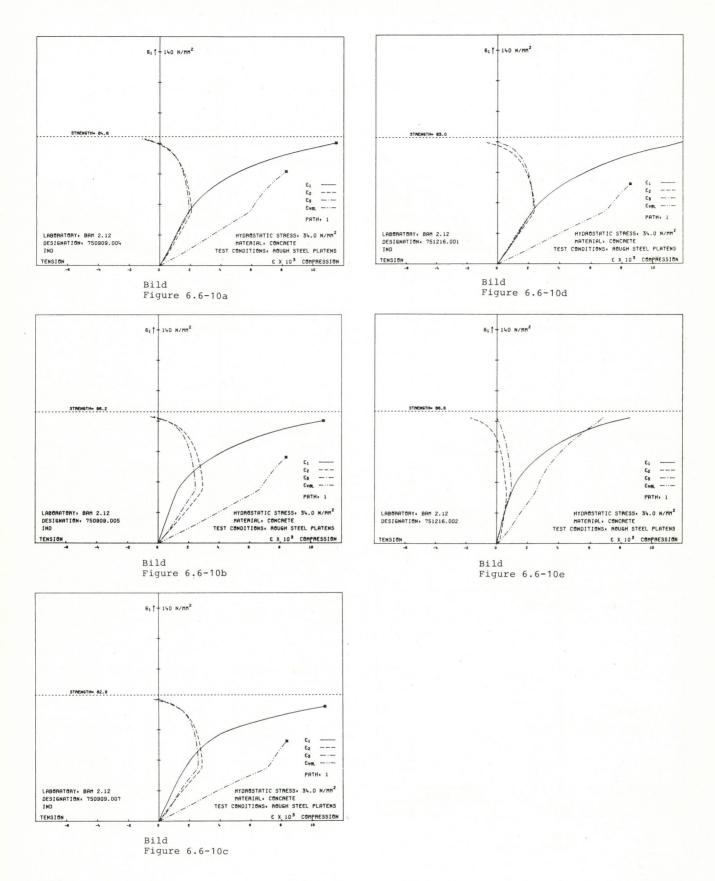
Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 3, hydrostatic stress level 1.25 fc' (42.5  $\rm N/mm^2$ )



Bilder Figures 6.6-9a...e

 $Spannungs-Dehnungslinien \ von \ Beton \ bei \ dreiaxialer \ Pr\"{u}fung \ mit \ starren \ Druckplatten; \ Spannungsprad 1, hydrostatische \ Druckbeanspruchung 0,75 fc' (25,5 N/mm²)$ 

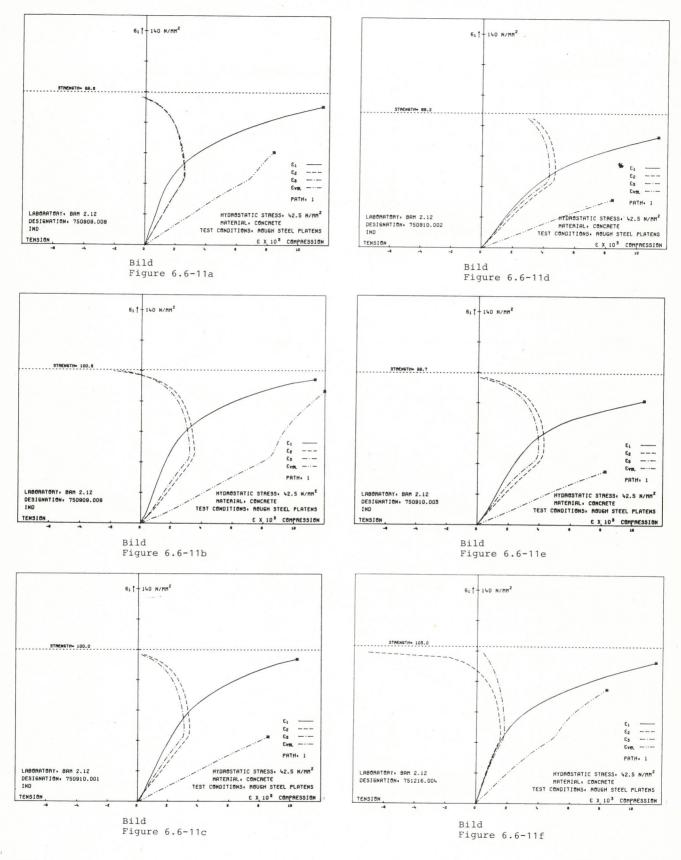
Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level 0.75 fc'  $(25.5~\mathrm{N/mm^2})$ 



Bilder Figures 6.6-10a...e

Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,0 fc'  $(34,0\ N/mm^2)$ 

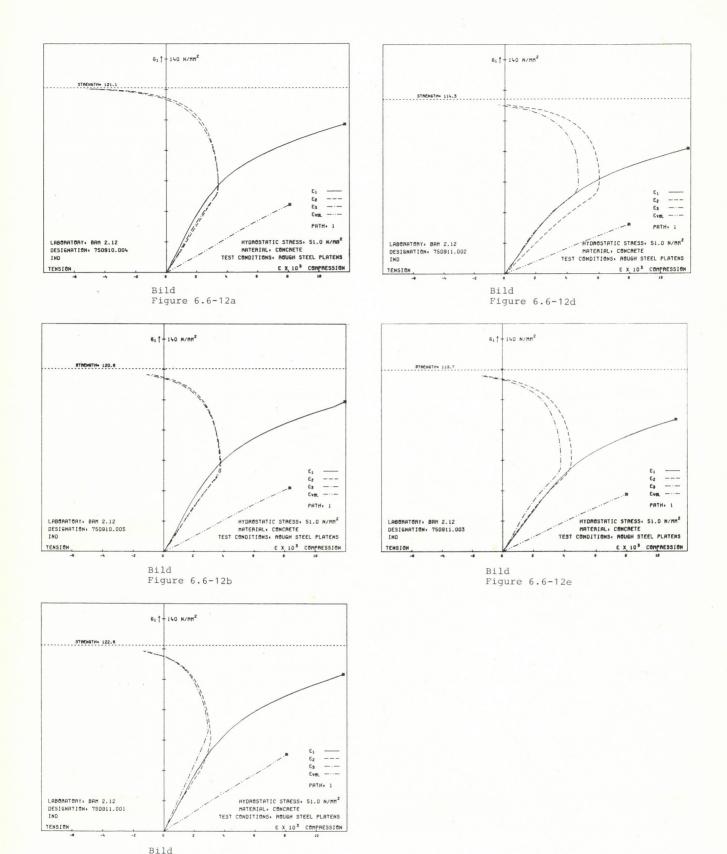
Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level 1.0 fc'  $(34.0 \text{ N/mm}^2)$ 



Bilder Figures 6.6-11a...f

Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,25 fc'  $(42.5\ N/mm^2)$ 

Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level 1.25 fc'  $(42.5 \text{ N/mm}^2)$ 

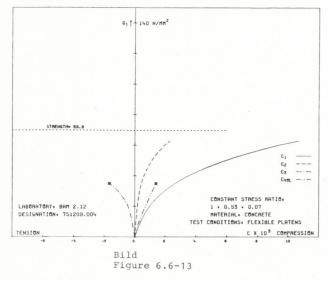


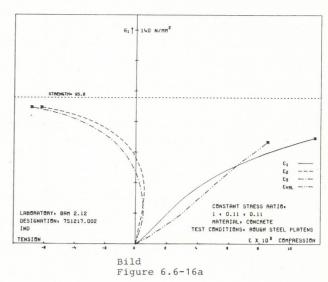
Bilder Figures 6.6-12a...e

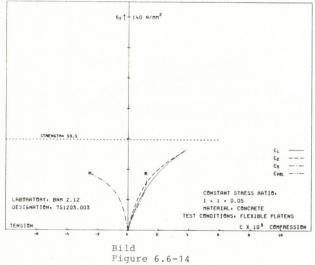
Figure 6.6-12c

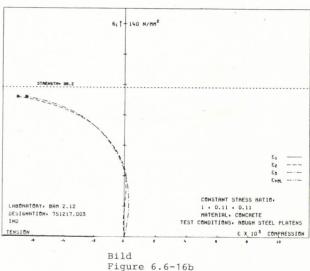
Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung 1,5 fc'  $(51,0 \text{ N/mm}^2)$ 

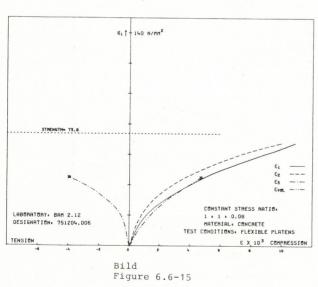
Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level 1.5 fc'  $(51.0 \text{ N/mm}^2)$ 

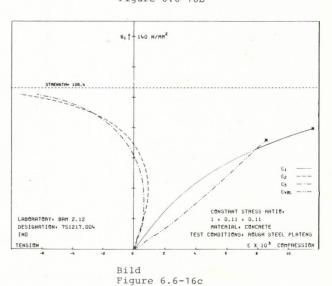










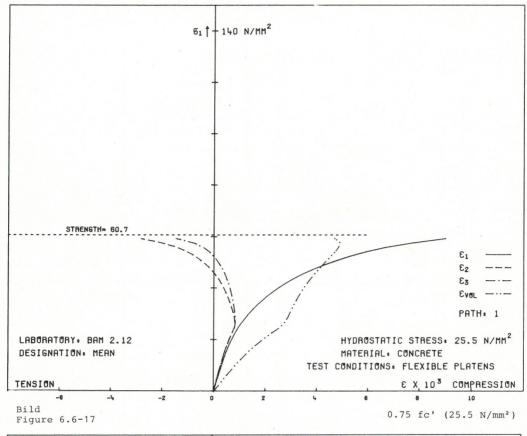


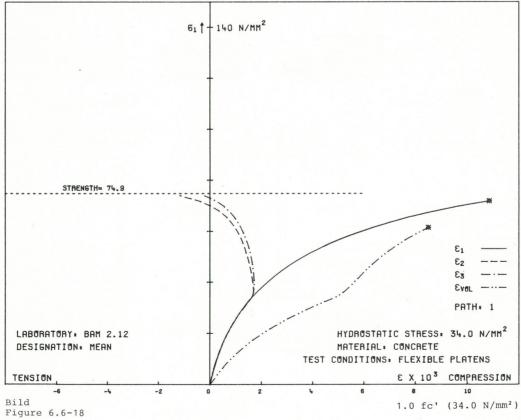
Bilder Figures 6.6-13...15 Bilder Figures 6.6-16a...c

Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten, konstantes Spannungsverhältnis Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten, konstantes Spannungsverhältnis 1:0,11:0,11

Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with  $% \left( 1\right) =\left( 1\right) +\left( 1\right)$ 

Stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with rough steel platens; constant stress ratio 1 : 0.11 : 0.11

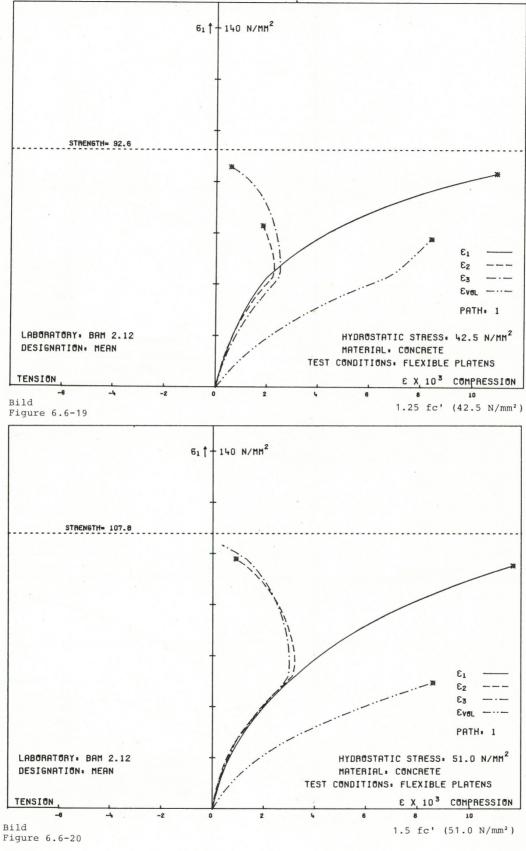




Bilder Figures 6.6-17/18

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung

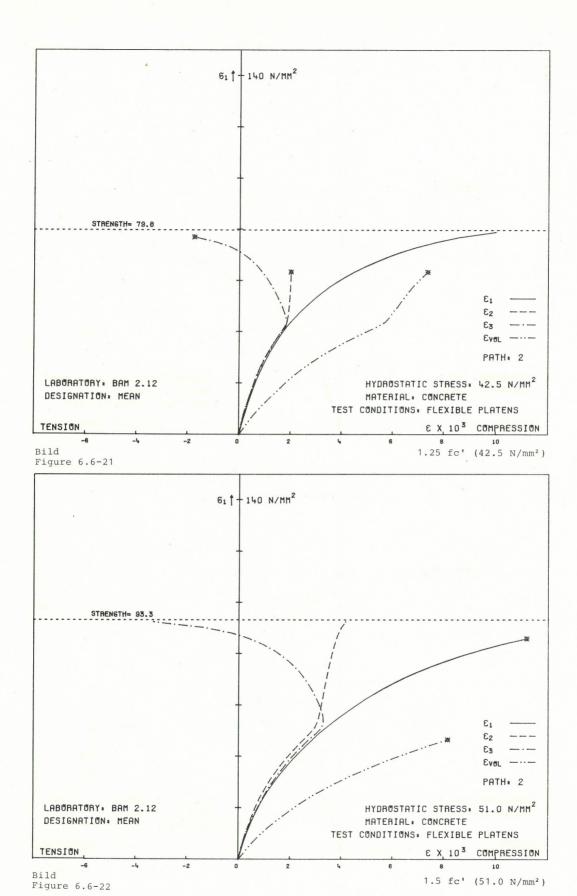
Mean stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level



Bilder Figures 6.6-19/20

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung

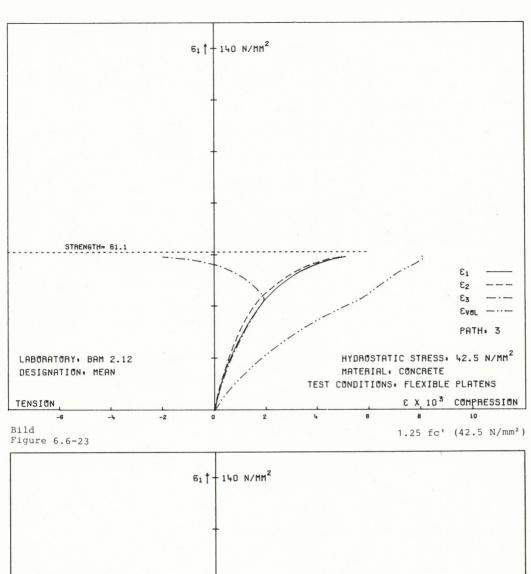
Mean stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level

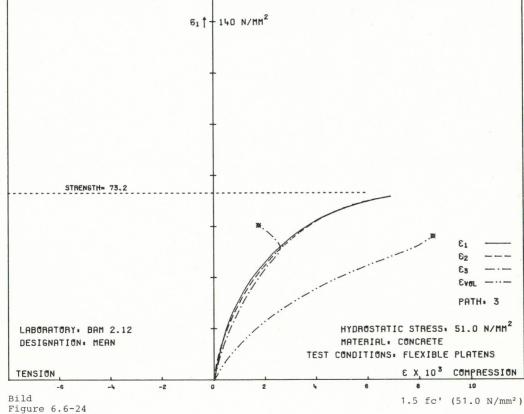


Bilder Figures 6.6-21/22

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 2, hydrostatische Druckbeanspruchung

Mean stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 2, hydrostatic stress level

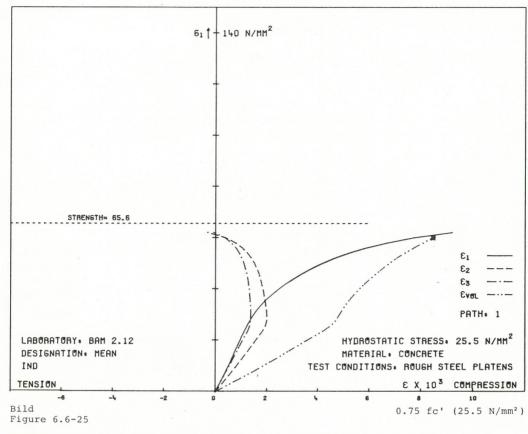


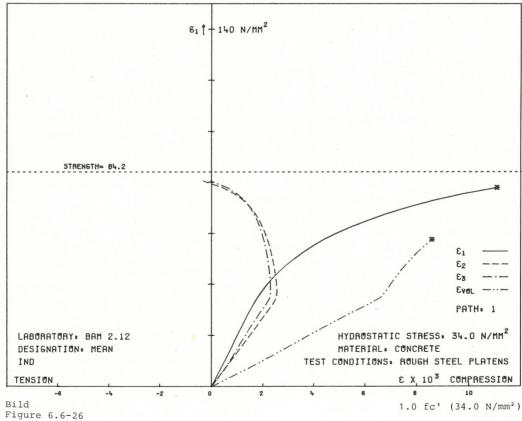


Bilder Figures 6.6-23/24

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 3, hydrostatische Druckbeanspruchung

Mean stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 3, hydrostatic stress level

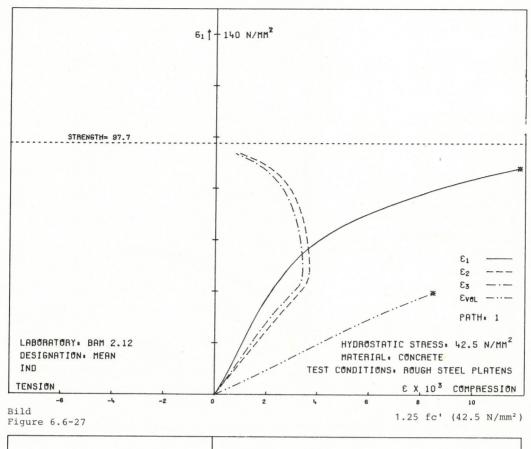


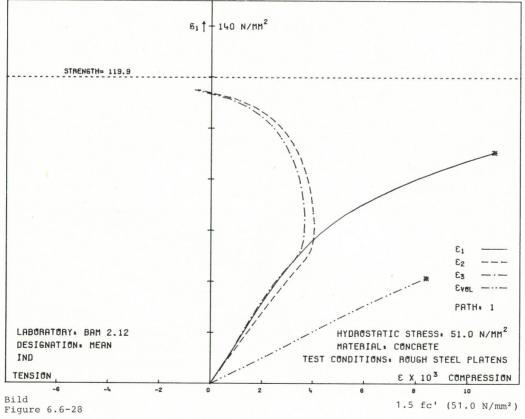


Bilder Figures 6.6-25/26

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung

Mean stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level

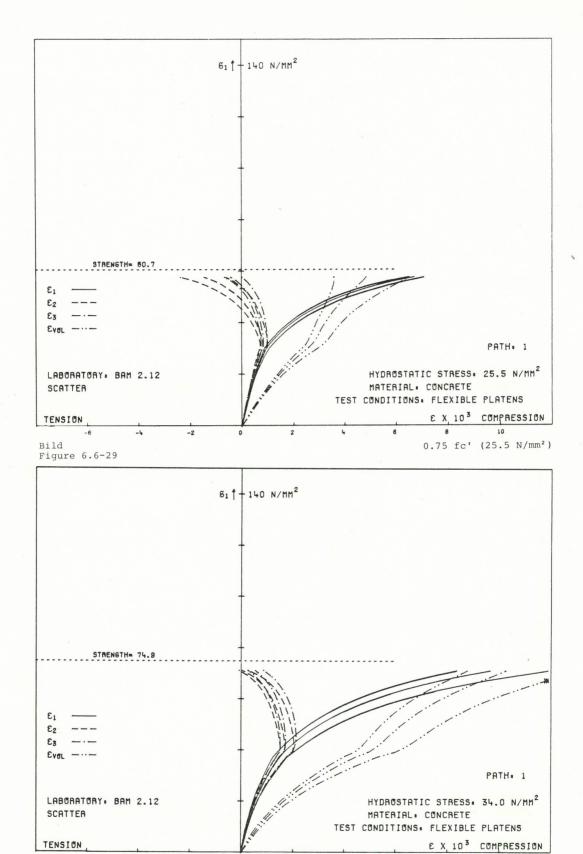




Bilder Figures 6.6-27/28

Mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung

Mean stress-strain behaviour of concrete, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level



Bilder Figures 6.6-29/30

Bild

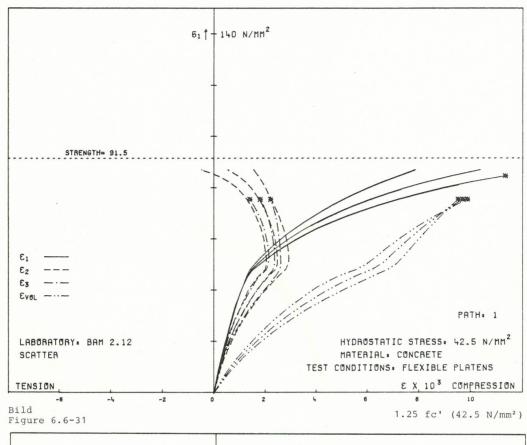
Figure 6.6-30

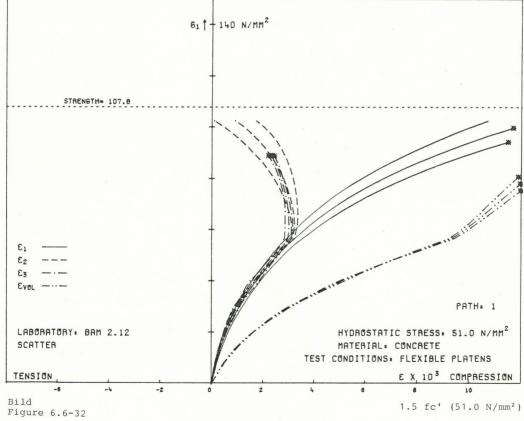
Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)

10

1.0 fc' (34.0 N/mm²)

Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level  $\frac{1}{2}$ 

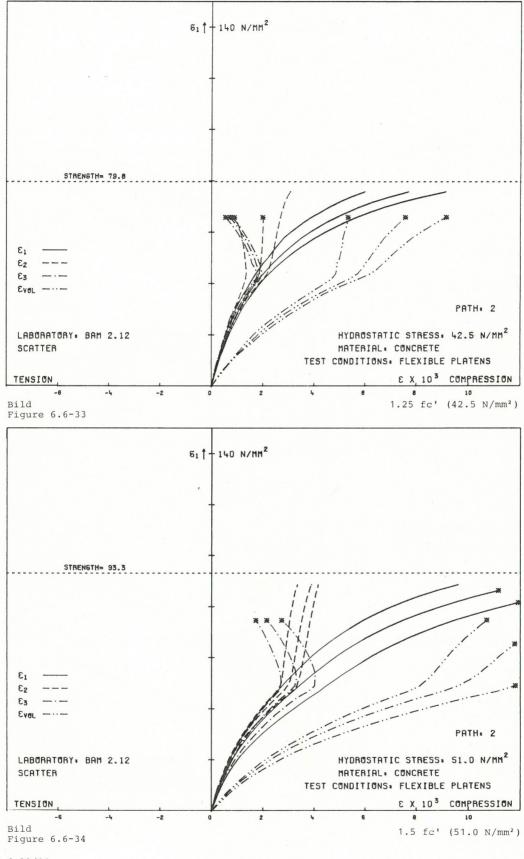




Bilder Figures 6.6-31/32

Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)

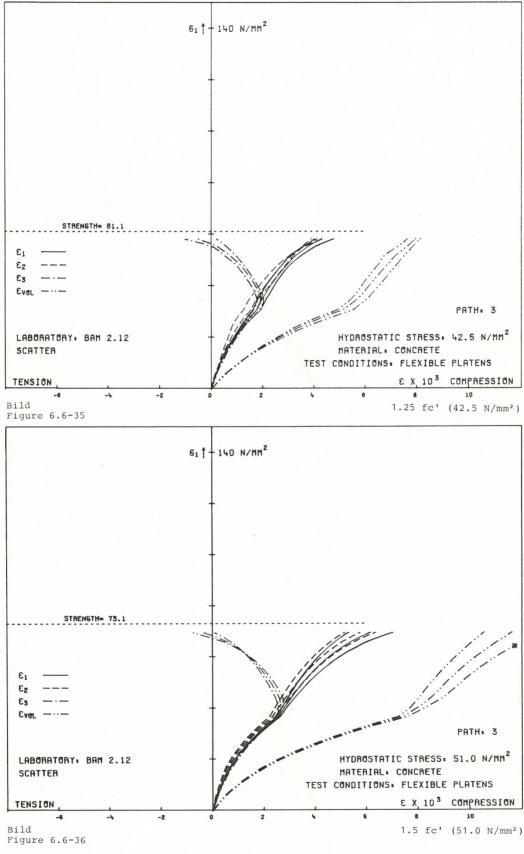
Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level



Bilder Figures 6.6-33/34

Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 2, hydrostatische Druckbeanspruchung (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)

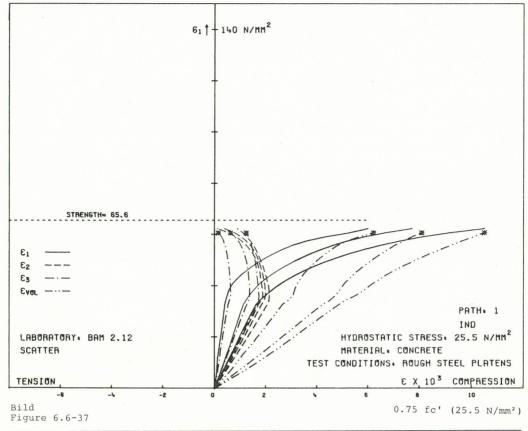
Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 2, hydrostatic stress level

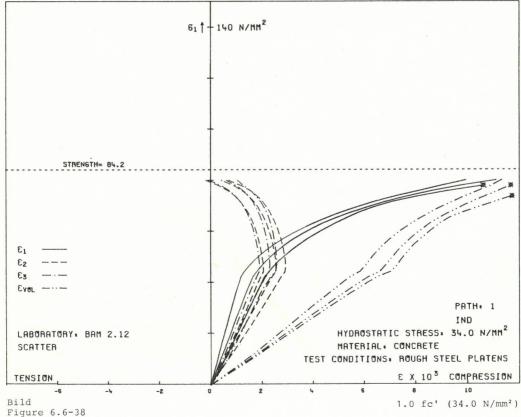


Bilder Figures 6.6-35/36

Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 3, hydrostatische Druckbeanspruchung (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)

Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested triaxially with flexible platens; stress path 3, hydrostatic stress level

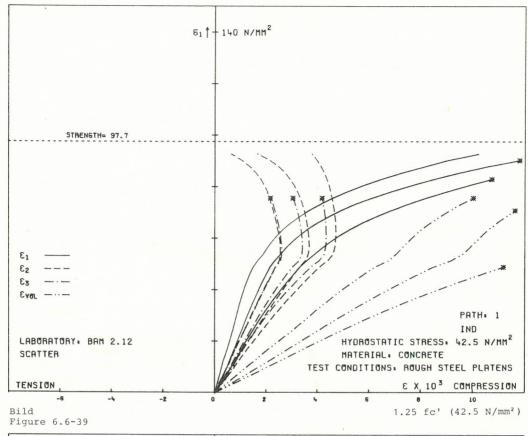


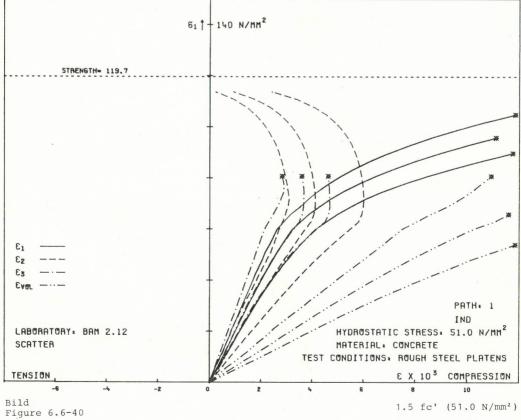


Bilder Figures 6.6-37/38

Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)

Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level

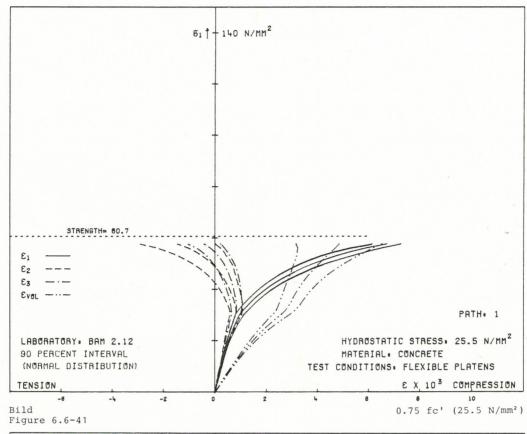


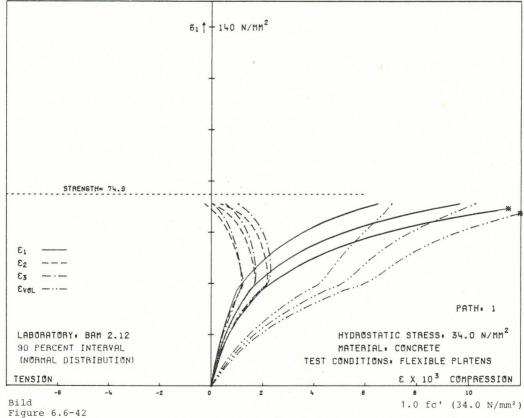


Bilder Figures 6.6-39/40

Spannweite der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung (Spannweite: Grenzlinien der maximalen und minimalen Einzelwerte)

Scatter of mean stress-strain curves of concrete, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level

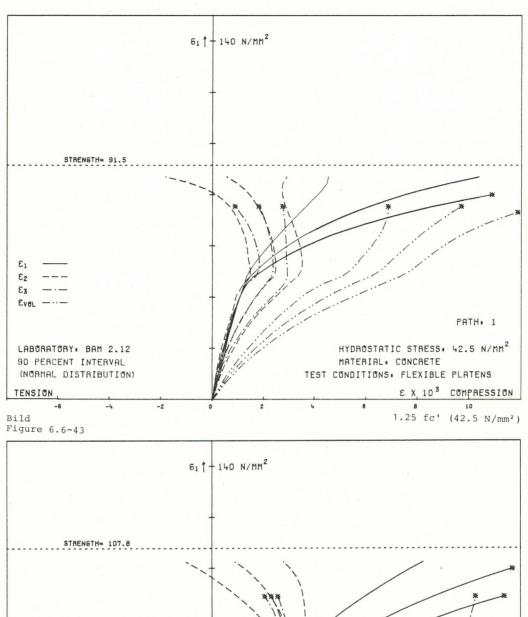


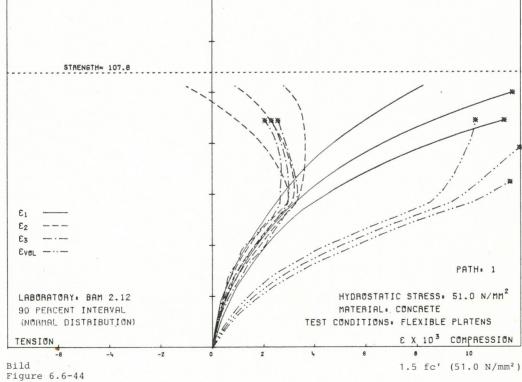


Bilder Figures 6.6-41/42

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1,hydrostatische Druckbeanspruchung (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level

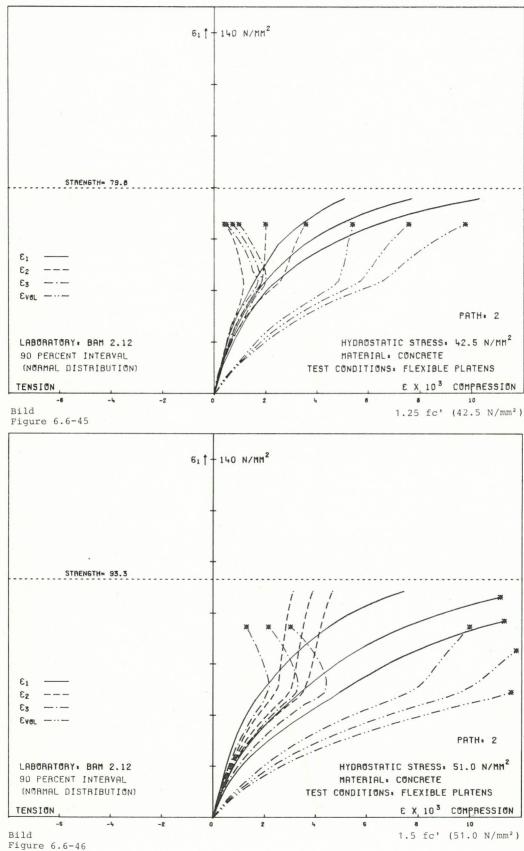




Bilder Figures 6.6-43/44

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 1,hydrostatische Druckbeanspruchung (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

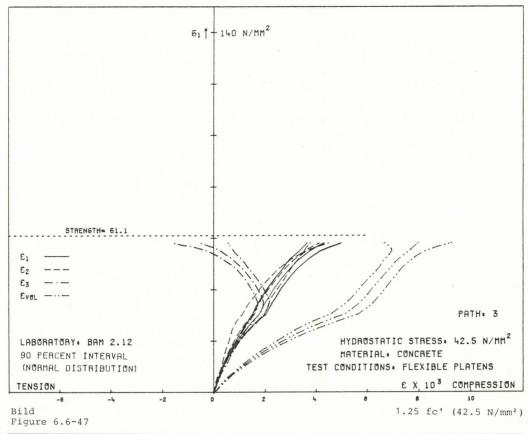
90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested triaxially with flexible platens; stress path 1, hydrostatic stress level

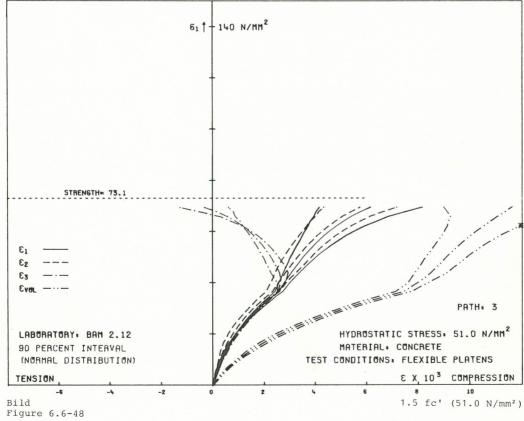


Bilder Figures 6.6-45/46

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 2,hydrostatische Druckbeanspruchung (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested triaxially with flexible platens; stress path 2, hydrostatic stress level

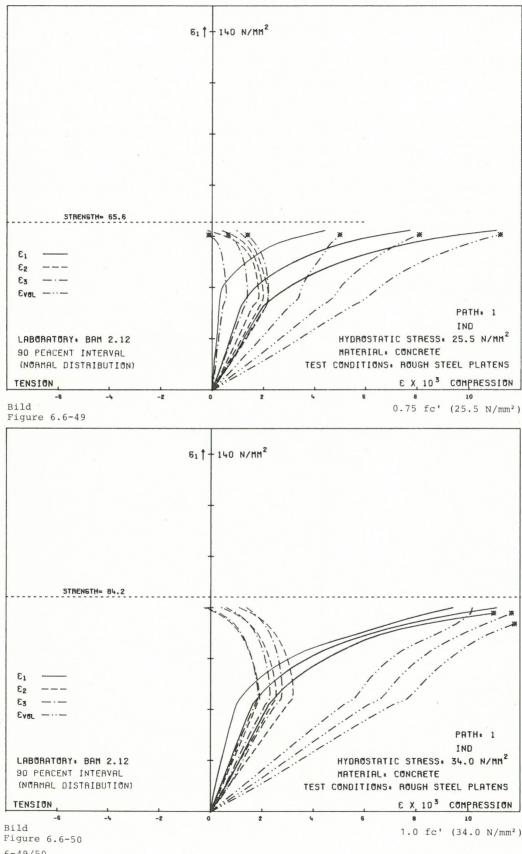




Bilder Figures 6.6-47/48

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit schlaffen Druckplatten; Spannungspfad 3,hydrostatische Druckbeanspruchung (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

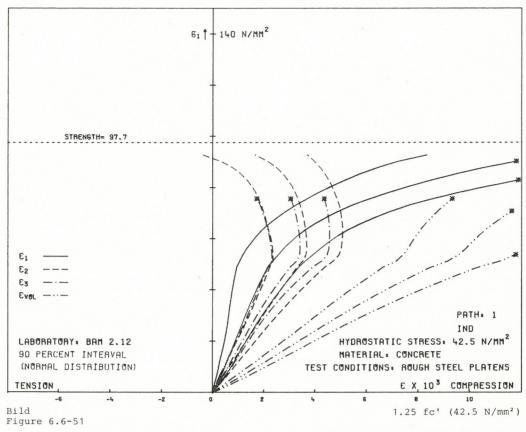
90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested triaxially with flexible platens; stress path 3, hydrostatic stress level

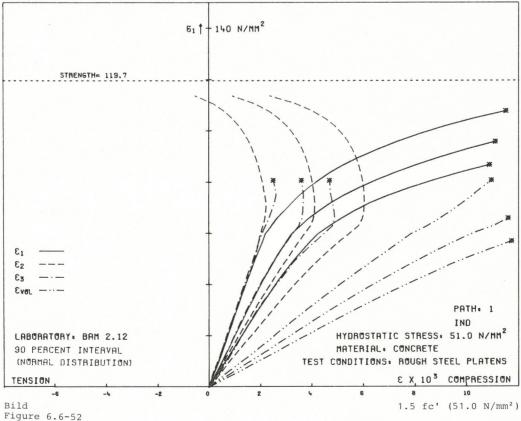


Figures 6.6-49/50

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level





Bilder Figures 6.6-51/52

Streubereich der Dehnungswerte um mittlere Spannungs-Dehnungslinien von Beton bei dreiaxialer Prüfung mit starren Druckplatten; Spannungspfad 1, hydrostatische Druckbeanspruchung (Streubereich: 90% Intervall der Normalverteilung)

90% interval of normal distribution of the individual strain values of concrete together with corresponding mean stress-strain curves, tested triaxially with rough steel platens; stress path 1, hydrostatic stress level

